

المنطق الصوري والرياضي

تأليف
عبد الرحمن بدوي

الطبعة الثانية



ملتزم النشر والطبع
مكتبة النهضة المصرية
لأصحابها حسن محمد وأولاده
٩ شارع عدلي باشا بالقاهرة

١٩٦٣

المنطق الصوري والرياضي

تأليف
عبد الرحمن بدوي

الطبعة الثانية



ملتزم النشر والطبع
مكتبة النهضة المصرية
لأصحابها حسن محمد وأولاده
٩ شارع عدلي باشا بالقاهرة

١٩٦٣

الطبعة الأولى — ١٩٦٢

الطبعة الثانية — ١٩٦٣

مؤلفات

الدكتور عبد الرحمن بروى

(١) مبتكرات

- | | |
|--------------------|--------------------------------|
| ١ - الزمان الوجودى | ٤ - الحور والنور |
| ٢ - هموم الشباب | ٥ - هل يمكن قيام أخلاق وجودية؟ |
| ٣ - مرآة نفسى | ٦ - نشيد الغريب |

(ب) دراسات

- | | |
|--------------------------------------|--------------------------------|
| ١ - الموت والعبقريّة | ٢ - دراسات فى الفلسفة الوجودية |
| ٣ - المنطق الصورى والرياضى | ٤ - مناهج البحث العلمى |
| ٥ - دراسات فى الشعر الأوروبى المعاصر | |

خلاصة الفكر الأوروبى

- | | |
|--------------|-------------------------|
| ١ - نيتشه | ٥ - أرسطو |
| ٢ - اشينجلر | ٦ - ربيع الفكر اليونانى |
| ٣ - شوبنهاور | ٧ - خريف الفكر اليونانى |
| ٤ - أفلاطون | ٨ - فلسفة المصور الوسطى |

(ج) دراسات إسلامية

- | | |
|--|--------------------------|
| ١ - التراث اليونانى فى الحضارة الإسلامية | ٥ - أرسطو عند العرب |
| ٢ - من تاريخ الإلحاد فى الإسلام | ٧ - منطق أرسطو (٣ أجزاء) |
| ٣ - شخصيات قلقة فى الإسلام | ٨ - شهيدة العشق الإلهى |
| ٤ - الإنسانية والوجودية فى الفكر العربى | (رابعة العدوية) |

- ٩ — شطحات الصوفية (أبو يزيد البسطامي)
١٠ — روح الحضارة العربية
١١ — الإنسان الكامل في الإسلام
١٢ — الإشارات الإلهية للتوحيدي
١٣ — مسكويه : الحكمة الخالدة
١٤ — فن الشعر لأرسطو طاليس وشروح الفارابي وابن سينا وابن رشد
١٥ — الأصول اليونانية للمنظريات السياسية في الإسلام
١٦ — في النفس لأرسطو طاليس مع الآراء الطبيعية لفلوטרخس
١٧ — ابن سينا : هيون الحكمة
١٨ — ابن سينا : البرهان (من «الشفاء»)
١٩ — الأفلاطونية المحدثه عند العرب
٢٠ — أفلوطين عند العرب
٢١ — المبشر بن فاتك : مختار الحكم
٢٢ — قلموزن : الخوارج والشيعة
٢٣ — أرسطو طاليس : الخطابة
٢٤ — ابن رشد : تلخيص الخطابة
٢٥ — مؤلفات الفزالي
٢٦ — أرسطو طاليس : الطبيعة وشروحه العربية
٢٧ — رسائل ابن سبعمين
٢٨ — السماء والعالم والآثار العلوية لأرسطو
٢٩ — مؤلفات ابن خلدون
٣٠ — حازم القرطاجني ونظريات أرسطو في الشعر والبلاغة
٣١ — مخطوطات أرسطو في العربية
٣٢ — الفزالي : المستظهرى في الرد على الباطنية

(٥) — ترجمات — الروائع المائة

- ١ — ايشندورف : من حياة حائرباثر
٢ — فوكيه : أندين
٣ — جيته : الديوان الشرقى
٤ — بيرن : أسفار اتشيلد هارولد
٥ — جيته : الأنساب المختارة
٦ — تر بنفس : دون كيخوته
٧ — برشت : دائرة الطبشير القوقازية
٨ — مسرحيات لوركا
٩ — دورنمات : علماء الطبيعة
اشقيتسر : فلسفة الحضارة
بنروبي : تيارات الفلسفة المعاصرة في فرنسا

الفهرس

صفحة

تمهيد

المنطق الصورى

الباب الأول : مقدمات

٦ - ٣	١ - تعريفه
١٧ - ٦	٢ - تقسيم المنطق
٢٣ - ١٧	٣ - المنطق : علم أو فن ؟
٤٤ - ٢٣	٤ - النزعات التوجيهية فى دراسة المنطق
٢٨ - ٢٤	(ا) النزعة النفسانية
٣١ - ٢٨	(ب) النزعة الاجتماعية
٤٣ - ٣٢	(ح) النزعة اللغوية

الفصل الأول : طبيعة الحكم

٤٩ - ٤٦	الأحكام التجريبية
٤٩	الأحكام البرهانية

الفصل الثانى : منطق التصورات

٥٩ - ٥١	الكلى والجزئى
٦٠ - ٥٩	التصورات الواضحة والغامضة ، والتصورات المتميزة والمختلطة
٦٧ - ٦٠	التصورات السالبة وأنواع التقابل
٧٤ - ٦٨	المفهوم والمصادق

صفحة								
التعريف	٧٥ — ٨١
اللامعرفات	٨١
التصنيف	٨٢ — ٨٨

الباب الثاني : الأحكام

٩٦ — ٨٩	الأحكام وتصنيفاتها ...
١٠٤ — ٩٦	الجهة - في القضية ...
١٠٨ — ١٠٤	الكيف - في القضية ...
١١٥ — ١٠٨	الكم - في القضية ...
١٢٠ — ١١٥	الاستفراق ...
١٢٨ — ١٢٠	الإضافة - في القضية ...
١٣٣ — ١٢٨	القضايا الشرطية ...
١٣٥ — ١٣٤	الأحكام التحليلية والأحكام التركيبية
١٣٨ — ١٣٦	تقابل القضايا ...
١٤٩ — ١٣٩	الاستدلال المباشر ...
١٥٦ — ١٤٩	المدلول الوجودي للقضايا المحلية

الباب الثالث : القياس

١٦٥ - ١٥٧	القياس وتعريفه وأجزاؤه
١٧٧ - ١٦٥	قواعد القياس
١٨٠ - ١٧٧	مبدأ القياس
١٨٥ - ١٨١	أشكال القياس المحلي

صفحة						
١٩٢ — ١٨٦	الشكل الأول
١٩٤ — ١٩٢	الشكل الثاني
١٩٨ — ١٩٤	الشكل الثالث
٢٠٣ — ١٩٨	الشكل الرابع
٢٠٤ — ٢٠٣	وظائف الأشكال الأربعة
٢١٢ — ٢٠٤	رد الأقيسة الناقصة
٢١٦ — ٢١٢	القياس الاستثنائي
٢١٩ — ٢١٦	القياس الاستثنائي المتصل
٢٢٢ — ٢١٩	القياس الاستثنائي الانفصالي
٢٢٥ — ٢٢٢	القياس المضمحل
٢٢٨ — ٢٢٥	القياس المركب موصول النتائج
٢٣٣ — ٢٢٨	القياس المركب مفصول النتائج
٢٤٠ — ٢٣٤	قياس الإخراج
٢٤٩ — ٢٤١	الأغاليط

المنطق الرياضي

٢٦٥ — ٢٥٠	تاريخ المنطق الرياضي
٢٧٨ — ٢٦٦	نظرية كم المحمول
٢٧٣ — ٢٨٠	المنطق الرمزي — الرموز
٢٩٢ — ٢٨٣	الخواص الصورية للاضافات
٣٠٩ — ٢٩٣	حساب الأصناف
٣١٤ — ٣٠٩	حساب القضايا
٣١٧ — ٣١٤	الدوال القضائية

تمهيد

قصدتُ في هذا الكتاب أن أعرض موضوعات المنطق الصوري والرياضي عرضاً شاملاً مفصلاً أستقصى فيه المسائل في تطورها حتى أبلغ بها إلى آخر صورها ، ومختلف الآراء التي أدلى بها كبار المناطقة في العصر الحديث ، متخذاً في معظمها موقفاً جزئياً خاصاً يقتاسب مع سياق العرض دون أن ألزم موقفاً موحداً يستهدف الاصاله أكثر مما ينشد الاستقصاء ، لأنني لم أرد به أن يكون تعبيراً عن الفلسفة التي أومن بها وأشارك في إيجادها ، والتي أعلنت في برنامجي لها في «الزمان الوجودي» عن منطق خاص بها ينبثق عنها ، لأن هذا المنطق الذي أعلنت عنه لا يزال عندي في دور التكوين ؟

القاهرة سنة ١٩٤٣

عبد الرحمن بدوي

المنطق الصوري

مقدمة

١ — تعريفه

١ — كلمة منطق من ناحية الاشتقاق اللغوي تدل أولاً على الكلام ،
فهي في اليونانية λογική . ولا نعرف على وجه الدقة من هو أول من استعملها
اصطلاحاً ، ولا في أي عصر . وأرجح ما قيل في هذا ما افترضه برنتل Prantl
(« تاريخ المنطق في الغرب » ج ١ ص ٥٣٥ — ص ٥٣٦) تبعاً لإشارة من
بوئتيوس Boetius من أن من الممكن أن تكون من وضع شراح أرسطو ،
وضعوها اصطلاحاً من أجل أن يقابلوا بين الأورغانون لأرسطو وبين
الديالكتيك عند الرواقيين (ولعل ذلك كان في عهد أندرونيقوس الرودسي) .
وعلى كل حال قد استعملها شيشرون في كتابه De finibus ويدل استعمالها عند
الإسكندر الأفروديسي وجالينوس على أنها قد أصبحت شائعة في عصرهم ،
أعني في القرن الثاني بعد الميلاد^(١) .

غير أن كلمة λόγος في اليونانية تدل أيضاً على العقل أو الفكر أو البرهان ؛
ومن هنا كان من الميسور استخدام اسم صفةٍ منها يدل على الفكر والبرهان
والتفكير العقلي . أما في العربية فلا تدل كلمة « النطق » في أصلها اللغوي إلا على
الكلام والتلفظ . ولكن المترجمين في القرن الثاني ، حين أرادوا ترجمة اللفظ
اليوناني ، رجعوا إلى الأصل الاشتقائي وهو الكلام أو النطق مع عدم مراعاتهم
للمعنى الحقيقي المستعمل حينئذ لهذا اللفظ من حيث أنه لم يكذب يدك على العقل
أو الفكر كما هي الحال في اليونانية . ومن هنا اضطرَّ أهل الفلسفة حينئذ إلى

(١) راجع معجم لالاند ، تحت الكلمة . وكذلك معجم أيسلر .

تبرير هذا الاستعمال بأن فرقوا بين نوعين من النطق : النطق الظاهري والنطق الباطني ، والأول هو التكلم ، والثاني إدراك المعقولات . وبهذه التفرقة أعطوا الكلمة مدلولها الأصلي والاصطلاحي معاً^(١) وهي تفرقة ترجع بدورها إلى أرسطو نفسه .

٣ — ولكن استعمال هذا اللفظ لم يقتصر على « علم » المنطق ، بل استعمل بعدة معانٍ أهمها اثنان :

(١) « للمنطق هو العلم الباحث في المبادئ العامة للتفكير الصحيح . وموضوعه البحث في خواص الأحكام ، لا بوصفها ظواهر نفسية ، بل من حيث دلالتها على معارفنا ومعتقداتنا ، ويعنى على الأخص بتحديد الشروط التي بها نبرر انتقالنا من أحكام معلومة إلى أخرى لازمة عنها » . (كينز : « المنطق الصوري » ، المقدمة § ١) .

والمنطق بهذا المعنى هو « علم » المنطق . فهو إذن العلم الذي يميز بين الأحكام والعمليات الذهنية الصحيحة ، وبين الأحكام والعمليات الذهنية الفاسدة . وقبل أن ننظر في هذا التعريف ننتقل إلى بيان المعنى الثاني .

(١) راجع مايقوله الجرجاني في تطبيقه على « شرح القطب على الشمسية » حيث قال : « النطق يطلق على الظاهري وهو التكلم ، وعلى الباطني وهو إدراك المعقولات . وهذا الفن (المنطق) يقوى الأول ويسلك بالثاني مسلك السداد . فبهذا الفن يتقوى ويظهر كلام معني النطق للنفس الإنسانية السماة بالناطقة : فاشتق له اسم من النطق » (شروح الشمسية ، طبع مصر سنة ١٩٠٥ ص : ١٢٧ ، ١٢٨) . وقد عر عن غرابة هذا الاستعمال لكلمة النطق بمعنى العقل وعدم اتفاقه مع اللفظة العربية السرياق في المناظرة التي نسب التوحيدى إليه أنه قام بها مع منى ، فقال (أو قال التوحيدى) : « . . . لأن أصحابك (أى المناطقة) يزعمون أن النطق هو العقل ؛ وهذا قول مدخول ، لأن النطق على وجوه أتم عنها وسهوا » (التوحيدى : « الإمتاع والمؤانسة » ج ١ ص ١٢٤ س ١٧ - ١٨)

(ب) « نطلق نحن كلمة منطق على علم القوانين الضرورية للذهن وللعقل بوجه عام . أو المعنى واحد ، (علم) الشكل البسيط للفكر بوجه عام » (كُنت ، « المنطق » المقدمة § ١) .

والمنطق هنا هو البحث في قوانين الفكر وشكله ، ولما كان الفكر عند المثاليين هو كل الحقيقة ، فإن المنطق هو الذى يضع القوانين الأساسية للواقع . والمنطق هنا إذن موضوعى ذاتى معاً ، صورىً مادىً فى نفس الآن . فهو لا يبحث فى قوانين الفكر الذاتى بحسب ، بل ويضع أيضاً قوانين الواقع الموضوعى .

وهذا التعريف هو التعريف الذى سيقول بمثله هيجل وهاملتون . فـهيجل يقول إن المنطق « هو علم الصورة ، أعنى الصورة فى العنصر المجرد للفكر (الانسكلويديا ، § ١٩) . وهاملتون يقول : « المنطق هو علم قوانين الفكر بوصفه فكراً » (المحاضرة الأولى من « محاضرات فى المنطق ») .

ويلاحظ أن هذا التعريف تعريف ميتافيزيقى وجودى ، بينما التعريف السابق فى (١) تعريف نفسانى . إذ يقصد من المنطق بالمعنى الأول بيان القواعد التى يسير عليها التفكير الصحيح ؛ ومن المنطق بالمعنى الثانى بيان القوانين التى يسير عليها الوجود . ولهذا يجب أن نميز بين كلا النوعين تمييزاً دقيقاً ، ويحسن بنا أن نسمى الأول « المنطق العقلى » ، ونسمى الثانى « المنطق الوجودى المثالى » ، ونقصر المعنى المحدود على الأول . وقد نشأ من الخلط بين المعنيين أن أدخلت على علم المنطق بالمعنى الدقيق مباحث ميتافيزيقية هى فى الواقع من صميم المنطق الوجودى ، خصوصاً المبحث التقديمى الذى تستهل به دراسة المنطق غالباً

تحت عنوان « قوانين الفكر الضرورية* ». ولا بأس من إدخال أمثال هذه المباحث ، على شرط أن يضع الإنسان نصب عينيه أنها تنقسم إلى المنطق الوجودى ، لا إلى المنطق العقلى بالمعنى الدقيق .

٢ — تقسيم المنطق

٣ — والمنطق بالمعنى الدقيق ينقسم إلى قسمين رئيسيين : المنطق الصورى ، والمنطق المادى . وذلك أن كل علم من العلوم له ناحيتان : صورية ومادية ، ولا تختلف العلوم بعضها عن بعض من هذه الناحية إلا فى نسبة كل من هاتين الناحيتين إلى الأخرى : فبعضها أكثر صورية ، والبعض الآخر أكثر مادية . ونقصد بهذا أن لكل علم موضوعاً يبحث فيه ، وأنه لكى يصل إلى معرفة حقيقة هذا الموضوع لا بد من طائفة من العمليات العقلية تقوم بها النفس أو العقل . والمنطق ، كأي علم ، له موضوع يبحث فيه عن أحواله أو عوارضه الذاتية ، كما يقول المنطقة العرب . وهذا الموضوع هو التصورات والتصديقات من حيث « إنها مؤدية إلى تحصيل علم لم يكن » (الساوى : « البصائر النصيرية » ص ٦ ، طبعة بولاق) . إلا أن المنطق لا يعنى عناية خاصة بالمضمون الواقعى لهذه التصورات بقدر عنايته بالعمليات العقلية التى تؤدى إلى تحصيل التصورات والتصديقات تحصيلًا صحيحًا . ولهذا فإن الجانب الصورى فيه أرجح

-
- * 1. Bradley : Logic, V. 1;
 2. Bosanquet : Logic, V. 1;
 3. Bain : Logic.
 4. L. S. Stebbing : A Modern Introduction to Logic, Ch. XXIV, § 2
 5. Boole : The laws of Thought. London, 1854 ;
 6. W. E. Johnson : Logic, Vol. 1
 7. H. W. B. Joseph : An Introduction to Logic, P. 13;
 8. J. N. Keynes : Formal Logic, appendix B
 9. J. S. Mill : A System of Logic, Book II, Ch. 7, § 5;
 10. J. S. Mill : Examination of Sir Willam Hamilton's Philosophy.

من الجانب المادى ، حتى إن المقصود بهذا الجانب المادى ليس هو ضمان صحة النتائج الجزئية فى كل علم وإنما يقصد به مراعاة الإشارة الموضوعية للتصورات والتصديقات . فبدلاً من أن يقتصر الأمر على الشكول العامة للعمليات الفكرية الخاصة بالاستنتاج الصورى ، يعنى المرء بدراسة العمليات المؤدية إلى تحصيل العلم فى فروع المختلفة بطريقة عامة . ومن هنا يبدو تغلب الجانب الصورى على الجانب المادى ، ولذا كان المنطق ، إلى جانب الرياضة البحتة ، أشد العلوم صورية وتجريداً ، حتى أصبح المثل الأعلى فيه كما يراه المنطق الحديث ، أن يتجرد فى بحثه عن كل مادة ، بل وعن ألفاظ اللغة نفسها لكى يصير رمزياً مجرداً كالرياضيات سواء بسواء .

وهذه الصلة بين الناحيتين ، الصورية والمادية ، قد أثارت مشكلة نستطيع أن نحلها على الأساس التاريخي . فنلاحظ أولاً أن نظرة واضع المنطق كانت نظرة مزدوجة جمعت بين الناحيتين ، وإن كانت الناحية الصورية أغلب ظهوراً . فإن أرسطو يرى ، تبعاً للفلسفة السقراطية والأفلاطونية ، أن التصور أو الكللى إدراك مباشر للواقع ولطبيعة الأشياء الأزائية بواسطة العقل . والتصور الكامل هو المعبر عنه فى التعريف . ولذا كان على التعريف أن يعرفنا موضوع التصور تعريفاً نهائياً كاملاً جامعاً مانعاً ، كما يقولون ، أى معبراً تعبيراً دقيقاً ثابتاً عن الحقيقة الموضوعية للأشياء . والوصول إلى هذا التعريف يكون بإدراك الروابط بين التصورات بعضها وبعض وتعيينها من حيث العموم والخصوص ، ومن حيث النسب التى توجد بينها ؛ وهى نسب حقيقية ، أى موضوعية موجودة فى الأشياء نفسها وليست شكولاً عامة موجودة فى طبيعة العقل وحده ، كما سيقول كُنت بعد ذلك بزمان طويل . والمنطق تبعاً لهذا يبحث فى التصورات وفى ارتباط التصورات على هيئة تصديقات من حيث إن ذلك مؤدٍ إلى إدراك الواقع . ولما كانت التصورات تعبيرات كاملة عن الموضوع الخارجى ، فإن استنتاج

ما فيها يؤدي إلى إدراك الواقع ؛ أعني من هذا أن الناحية الصورية والناحية المادية أو الموضوعية مختلطتان تمام الاختلاط . فكأن التصورات يمكن النظر فيها دون حاجة إلى الالتجاء إلى التجربة ؛ أى أن المنطق يمكن أن يتم بطريقة قبلية صريحة .

وعلى هذا أقام أرسطو المنطق على أساس النظر في تسلسل التصورات في الذهن بطريقة محددة ؛ أى على أساس بيان القواعد العامة التي يسير عليها العقل في ربطه بين التصورات بعضها وبعض في الذهن بصرف النظر عما تشير إليه في واقع التجربة ؛ ومن هنا انتهى إلى أن غاية المنطق هي الحدود في التصورات والقياس في التصديقات . وكان منطق هذا صوري النزعة إلى حد كبير .

ولا يمكن أن نقول إنه كان صورياً خالصاً . فإن المنطق الصوري بالمعنى الدقيق هو ذلك الذي عناه هاملتون فقال : إن المنطق بالمعنى الصوري هو علم اتفاق الفكر مع نفسه Consistency فإن في الفكر قانوناً ضرورياً هو قانون عدم التناقض ، فليس على العقل إلا أن يسير على هذا القانون ، وبغض النظر عن مضمون التصورات أو التصديقات ، في إدراكه لماهية التصورات وتصديقه بحقيقة الأحكام ؛ والمنطق إذن هو علم القوانين التي يسير عليها الفكر في وصوله إلى التصورات والتصديقات الصحيحة ، وهي قوانين ترجع في النهاية إلى قانون أو مبدأ واحد ، هو قانون عدم التناقض ؛ وليس على العقل هنا أن يعني بأكثر من هذا الارتباط بين التصورات والتصديقات من الناحية الذهنية الخالصة . ولكن أرسطو لم يكن صورياً إلى هذا الحد في نظره إلى المنطق ، لأنه إذا كان كذلك في « التحليلات الأولى » فإن التحليلات الأولى مقدمة « للتحليلات الثانية » ، وهذه تعني بالاستدلال من حيث انطباقه على موضوع العلم ^(١) .

(١) راحم هاملان . : « مذهب أرسطو » ص ٩٢ - ٩٦ - باريس سنة ١٩٣١ .
O. Hamelin : Le système d'Aristote.

وإنما كان المنطق الأرسططالى مزيجاً من الصورية والمادية أو الموضوعية ، كما كان مزيجاً من المنطق العقلى والمنطق الوجودى .

غير أن شراح أرسطو لم يعنوا بالناحية الموضوعية ، وإنما اتجه كل اهتمامهم إلى الناحية الصورية ، وبخاصة فى العصور الوسطى ، حتى بُعِدَ ما بين المنطق الصورى وبين العلم بالمعنى المحدود ، وحتى أصبح المنطق على حد تعبير ديكارت « وسيلة للتحديث دون نظر عن الأشياء التى نجهلها ، بدلاً من تعلمها » (« مقال عن المنهج » ، القسم الثانى) ، كما يظهر خصوصاً فى « الفن الكبير » عند ريمون ليل^(١) .

٥ - فلم يأت عصر النهضة حتى قامت الثورة على هذا المنطق الشكلى الصرف مرتبطاً باسم أرسطو . وبدأت صيحات هذه الثورة أولاً عند بتركه (١٣٠٤ - ١٣٧٤) ولورنقيو فلا (١٤١٥ - ١٤٦٥) ، ولكن بطريقة بدائية قصد منها التقريب بين المنطق وبين الخطابة بالمعنى الكلاسيكى الإنسانى . وارتبطت هذه الحملة الجديدة بالإصلاح الدينى ، فقد أراد لوتر أن يحرر النفوس من سلطان أرسطو بالقدر الذى حاول به أن يخلصها من سلطان البابا .

وإنما بلغت هذه الثورة أوجهاً عند ديكارت وبيكون وجاليليو . فإنهم يرون أن الفكر المجرد غير قادر على اكتشاف الحقائق ، وإنما الفكر القائم العينى الذى يقوم على التجربة والاستقراء عند بيكون وجاليليو ، وعلى العيانات الرياضية والتصورات الخاصة بالعدد والمقدار عند ديكارت ، هو الذى يؤدى بنا إلى تحصيل العلم وكشف الحقائق . فلا مناص إذن من إقامة منطق جديد فى مقابل المنطق القديم الأرسططالى ، منطق يقتضى وجوده تغير النظرة إلى العلم . فإن المنطق الأرسططالى ومنطق العصور الوسطى كان كلاهما يقوم على الفكرة

(1) Ars magna لريمون ليل Raymond Lulle (+ ١٣١٦)

الأرسططالية في العلة القائلة بأن العلة الفاعلية والعلة الصورية والعلة الغائية واحدة ، فتمتحدث المرء عن الجنس والنوع والفصل ، فقد أصاب صميم الواقع ، ومتى أدرك الروابط بين هذه المعاني المجردة ، أدرك في الوقت نفسه قوانين كون الأشياء وتولدها بعضها من بعض . وقام العلم على أساس فكرة الطبائع والشكول الجوهرية عند هؤلاء المدرسين : بمعنى أن لكل شيء صورة أو طبيعة هي القوة التي تصدر منها آثار هذا الشيء سواء في نفسه وفي الخارج ؛ ويدركها العقل بواسطة الفكر المجرد . أما العلم الجديد كما كوته رجال النهضة فإنه يقوم على الملاحظة والتجربة وعلى تحليل الموضوعات التي تقدمها لنا الطبيعة تحليلاً يستخرج عناصرها أولاً من أجل إمكان تركيبها من جديد ، والفكرة الموجهة فيه هي التفسير الآلى للظواهر ؛ والغاية التي يرمى إليها العلم هي إقامة صناعة فنية تؤدي وظيفة الطبيعة على يد الإنسان .

ومن ناحية أخرى نهضت الرياضيات ، وبدا لعلمائها أن طريقة البرهنة فيها هي الطريقة المثلى . وهي الطريقة التي يصل المرء بها إلى مبادئ عليا على أساسها نقيم حقيقة الأحكام وبقينها ، والعلم تبعاً لهذه النظرة مجموعة من القضايا تستخلص من التعريفات والبديهيات والمصادرات^(١) ، والبرهان عملية انتقال الذهن من أشياء سلم بصحتها إلى أخرى تستخلص منها بالضرورة وهو ما يسمى الاستدلال بالمعنى الدقيق فننادى أصحاب الرياضيات وعلى رأسهم ديكارت ، باتباع هذا

(١) البديهية قضية بينة بنفسها ، وليس من المفيد ولا من الممكن البرهنة عليها . والمصادرة قضية ليست بينة بنفسها ، ولا يمكن البرهنة عليها ، ولكننا نسلم بها (نصادر عليها) لأننا نستطيع أن نستنتج منها دائماً نتائج دون أن نصادف استحالة ؛ فهي فرض يتحقق بنتائجه (جبلو، المهجم انقليسي ، تحت اللفظين)

وهي مقابل دقيق للكلمة Postulat لأن هذه مأخوذة من الفعل اللاتيني postulare أى طلب أو طالب ؛ « وصادره على الشيء » كما في القاموس أى « طالبه به » ؛ وتقابل في اليونانية αἰτημα وم معناها مطالبة أو طلب من الفعل αἰτῶ (= أطلب) .

المنهج بدلا من ذلك المنهج القياسي المقيم الذي سار عليه المدرسيون .
فكانت نتيجة هذا كله أن شعر العلماء والفلاسفة أن المنطق القديم
في حاجة إلى تجديد وإصلاح : تجديد من حيث إدخال مناهج جديدة في البحث
عن الحقيقة ، وإصلاح : من حيث تعديل نظريات التصورات والتصديقات
والأفيسة كما وضمها هذا المنطق التقليدي .

فالعلوم الطبيعية في اتجاهها القوي إلى إقامة الصناعة الفنية وبالتالي إدراك
الحقيقة الواقعية في قائمتها وعينيتها ، وتحصيل علم واسع بالواقع قد لجأت إلى
التجربة والملاحظة في أوسع معانيهما ؛ فالملاحظة يجب أن تكون في أشد
الظروف ملاءمة وتنوعاً ودقة . والتجربة يجب أن تكشف لنا عن ارتباط
العناصر بعضها ببعض على أساس قوانين عامة بسيطة . وكان الاستقراء هو المنهج
الذي يمكن من تحصيل هذا النوع من العلم . ونقصد بالاستقراء هنا الاستقراء
الذي نعتة أرسطو بالناقص ، في مقابل ذلك الاستقراء الكامل الذي وصفه
هو باليقينية بعكس الأول . وبدأت حينئذ ضرورة إقامة نظرية الاستقراء
بطريقة دقيقة مفصلة شاملة ، بها تكمل نظرية القياس الأرسططالي . وعلى ذلك
انقسمت المعرفة إلى قسمين : معرفة برهانية ومعرفة استقرائية . الأولى تقوم على
« حقائق العقل » *Verité de raison* ، والثانية على « حقائق الواقع »
Verités de faits على حد تعبير ليبنتس *Leibniz* فتكون من هذا كله
منهجان : منهج استدلالى يشبه منهج القياس ولكنه أعم وأخصب منه ؛ ومنهج
استقرائى أو تجريبي يقوم على الملاحظة والتجربة .

وعلى هذا النحو أضيفت أجزاء جديدة إلى المنطق القديم ومُيز بين الاثنين
على أساس أن المنطق القديم منطق صوري أو شكلي من حيث إنه لا يشتغل
بالمضمون أو المادة ، وإنما يعنى بصورة الفكر فحسب ، بينما المنطق الجديد يعنى
خصوصاً بمضمون الفكر أو مادته .

٦ - وجر تعديل النظر على هذا النحو إلى تعديل في نظريات التصورات والتصديقات والأقيسة . فالمنطق القديم ينظر إلى التصور على أنه مجموع علامات ؛ وإلى الصلة بين المفهوم والمصدق على أنها عكسية ؛ حتى إننا كلما تقدمنا في تكوين التصورات ، بعدنا عما هو قائم عيني ، والوجود الأعلى سيكون هنا شيئاً مجرداً لدرجة أنه يبدو صفراً خالياً من كل واقع . فأتى المنطق الجديد ونظر إلى التصور على أساس أنه تعبير عن الترابط الضروري بين المفاهيم في داخل كُلي واحد ، أى أن التصور ليس هو الامتثال المجرد للتصور على مفهوم واحد خاص ، وإنما هو الارتباط الضروري بين المفهوم الخاص وبين الكل . وَوَضَعَ في مقابل كلية النوع كلية القانون .

والمنطق القديم ينظر إلى القضية والحكم على أساس أن الصلة بين الموضوع والمحمول هي صلة تداخل بين ما صدقات ؛ أما المنطق الجديد فينظر إليها بحسبانها ارتباطاً ضرورياً بين تصورات .

وكذلك القياس لم يعد ينظر إليه على أساس أنه يقوم على الصلة الماصدية بين ثلاثة تصورات وتداخل بينها بواسطة حد أوسط ، كما هي الحال في القياس الأرسططالي . وإنما القياس وظيفته أن يربط ربطاً ضرورياً بين تصورات وفقاً لقوانين عامة ، أى أنه يضع حقيقة داخل كُلي منظم وضماً ضرورياً . فالعالم كُلي له قوانين ثابتة ، والقياس يدخل الحقائق بطريقة ضرورية في هذا الكل مبيناً ارتباطها به ارتباطاً ضرورياً .

ونقد الاستقراء الكامل « ذلك الاستقراء بواسطة العدّ البسيط حيث لا تظهر أحوال شاذة » . *per enumerationem simplicem, ubi non reperitur instantia contradictoria* . فهذا الاستقراء إحصاء فحسب ، لا يدل على حقيقة الاستقراء وهي أنه تعبير عن ارتباط ضروري بين الأشياء .

فليست مهمة الاستقراء لإثبات محمول يصدق على كل الأحوال ، بل معرفة الارتباط الضروري بين الأشياء بعضها وبعض على أساس قوانين عامة كلية تصدق من بعد في الواقع على كل الأحوال . وهذا الارتباط الضروري لا يحتاج كي يدرك إلى استقراء كل الأحوال ، بل يكفي بضع أحوال قليلة لاستنتاج القانون العام ، ولكن بشروط وقواعد دقيقة لا بد من مراعاتها حتى نستطيع لأنفسنا تعميمها ، ومن ثم استخراج القانون العام الذي تخضع له .

٧ - ثم لم يقتصر الأمر على العلوم الرياضية والعلوم الطبيعية ، وإنما امتد هذا الإصلاح إلى العلوم التاريخية والعلوم الروحية ؛ فبدأ العلماء المختصون فيها يبحثون عن مناهجها ، ووجدوا لها مناهج خاصة تمتاز من مناهج العلوم الرياضية والعلوم الطبيعية . وعلى ذلك فرّقوا بين علوم الطبيعة وعلوم الروح ، أى بين المعرفة الطبيعية والمعرفة التاريخية . فحينما يقصد الوصول إلى قوانين عامة تخضع لها الحقيقة الواقعية كلها على السواء ، تكون المعرفة طبيعية وتكون العلوم علوم الطبيعة ؛ وحينما يراد إدراك ما هو فردي من حيث كونه فردياً مفرداً نسيج وحده ، تكون المعرفة تاريخية . ذلك أن الحادث الطبيعي يمتاز من الحادث التاريخي بأن لكل حادث تاريخي طابعه المميز الخاص الذي إذا حُرف النظر عنه زالت حقيقته ، وهو شيء حدث مرة واحدة وإلى الأبد فلا يمكن أن يتكرر هو نفسه مرة أخرى ؛ بينما الحادث الطبيعي حادث عام يتكرر هو نفسه بحسب طبيعته ، باستمرار ، ولا فارق بينه وبين أى حادث آخر من نوعه ما دامت الظروف متساوية في كلتا الحالتين^(١) . وعلى رأس من نادوا بهذا المنهج دلتاي في ألمانيا وسنيوبوس ولا نجلوا في فرنسا .

وهكذا نجد لعلوم الروح منهجاً خاصاً بها يختلف من ناحية عن منهج العلوم

(١) راجع الفصل الأول من كتابنا « اشيتجلر » .

الطبيعية والرياضية ، ومن ناحية أخرى عن القياس القديم . ولكن مناهج العلوم الطبيعية والرياضية والتاريخية قد وُضِعَتْ كلها تحت باب واحد في مقابل المنطق الشكلى .

وانقسم المنطق تبعاً لهذا إلى قسمين رئيسيين : المنطق الشكلى ، وعلم المناهج .

فالمنطق الشكلى : هو البحث فى المبادئ العامة للتفكير المجرد وفى العقل وفى القواعد الضرورية التى يسير عليها الفكر فى بحثه فى جميع الموضوعات بلا تمييز . ويضع قواعد التفكير ناظراً إلى الشكل فحسب ، بصرف النظر عن مضمون المعرفة وموضوعاتها . فهى قواعد تتعلق بصورة الأحكام والاستدلالات ؛ وترى إلى اتفاق الفكر مع نفسه^(١) فحسب .

وهذا المنطق تبعاً لهذا منطق عام يطبق بالتساوى على كل العمليات العقلية وكل المعارف والعلوم . والقواعد التى يضعها قواعد كلية ضرورية ثابتة .

وعلم المناهج : يبحث فى المناهج التى تقوم عليها العلوم المختلفة ، كل على حدة ، وعلى هيئة مجموعات عامة ؛ ويضع القواعد وفقاً للمعلوم الخاصة : فهو نسبي ، خاص مادم . ولكنه يقوم بهذا كله واضعاً نصب عينيه القواعد التى وضعها المنطق الشكلى ، لأنها قواعد عامة يخضع لها كل تفكير عقلى .

٨ - إلا أن المنطق الشكلى القديم قد أرجع الصلة بين التصورات إلى التداخل أو التضمن ؛ فكل تصور عنده داخل تحت تصور آخر أعلى منه وتدخل تحته تصورات أخرى أدنى منه . وكل فكر يعود فى النهاية إلى التداخل بين الأجناس والأنواع : وهكذا فسر الرابطة بين الموضوع والمحمول على أنها رابطة

(١) وهو ما يسمى بالإنجليزية Consistency

تضمن فحسب ، ضارباً صفحاً عن بقية أنواع الإضافات ، أو مرجعاً إياها إلى رابطة التضمن .

ولكن التفكير الرياضى لا تقوم الصلة فيه بين الموضوع والحمول على هذا الأساس ، بل على أساس أنواع من الإضافات لا نهاية لها . ويجرى التفكير فيه يسير من البسيط إلى الأكثر تركيباً ، أى أن فيه إغناء مستمراً للتفكير . ولهذا بدا أن فى الاستدلال القياسى إفقاراً للتفكير ، وأنه لا يصلح لا اكتشاف حقائق جديدة ، وإنما كل ما يصلح له هو ، كما لاحظ ديكارت ، أن يعرض الحقائق التى عرفناها من قبل ، فهو منهج عرض الحقائق المعروفة ، لا اكتشاف الحقائق المجهولة . وقد رأينا أن هذا قد أدى إلى قيام منهج جديد هو المنهج الرياضى . ولكن الأمر لم يقتصر على ذلك ، بل أدى إلى قيام نوع جديد من المنطق أساسه النظر فى جميع الإضافات التى يمكن أن تقوم بين الموضوع والحمول فى القضية وتعديل النظر فى التصور والقضية والاستدلال .

هذا المنطق الجديد شكلى إلى أقصى حد ، حتى إننا نستبعد فيه شيئاً فشيئاً ألفاظ اللغة ونعبر بدلاً منها بالرموز ، وهو من هذه الناحية يشبه المنطق القديم : فكلاهما يرمى إلى التجريد الفكرى الخالص ، وإلى بيان الصور الفكرية عارية من كل مادة وخالية من كل موضوع ذى قوام فى خارج الذهن . ولكنه يأخذ على هذا المنطق القديم أنه مقصور على نوع واحد من أنواع الاستدلال ، هو القياس ، وأنه أخطأ فى تحليل الإضافات المنطقية ، وأنه أخفق فى وضع رموز موافقة للتعبير عن هذه الإضافات المختلفة . ذلك لأن هذا المنطق الجديد قد اكتشف أنواعاً عدة من الاستدلال غير القياس ، واكتشف وجود نسب أخرى بين الموضوع والحمول غير نسبة التضمن التى قال بها وحدها المنطق القديم . وعدل النظرة إلى التصور ، فبعد أن كانت الفكرة الأساسية فى المنطق القديم هى فكرة التصور ، قال هذا المنطق الجديد إن التصور ليس أبسط عمليات

الذهن ، بل هو موكب مأخوذ من عملية أسبق منه وأبسط وأعم ، هي عملية الحكم . ولذا كانت نقطة البدء عنده الحكم أو القضية ، لا التصور أو الحد . ولكي يجعل هذا المنطق أعم وأكثر شمولية من المنطق القديم ، استخدم الرموز في التعبير مستعيناً بأسلوب الرياضيات . فالمثل الأعلى عنده الاستغناء عن اللغة والفاظها والاستعاضة عنها بالرموز . فهو على وجه العموم منطق : الوحدة الأولى فيه القضية ، وموضوعه المبادئ التي تجري على أساسها العمليات الذهنية بوجه عام ، وأداة التعبير فيه الرموز ، وهمه النظر في جميع الإضافات التي يمكن أن توجد في القضايا .

وقد قام بوضع هذا المنطق بول وشريدر وبيانو وكوتيرا ورسل وهويتهد . وكانوا يرمون منه في أول الأمر إلى بيان العمليات المنطقية التي تدخل في التفكير الرياضي ، ثم توسعوا فيه حتى جعلوا منه منطقاً شاملاً لموضوعات المنطق القديم كلها ، أي أرادوا منه أن يحل محل المنطق القديم نهائياً . ولهذا نجد أبحاثه قد شملت كل أبحاث المنطق القديم ، ولكن بطريقة أخرى أدق وأكثر تجريداً . واتجه الكتاب في المنطق في الأيام الأخيرة إلى المزج بين الاثنين حتى كاد أن يصير منطقاً واحداً هو المنطق الصوري ، مع ما في ذلك المزج من تناقض واضح في أحيان كثيرة .

وعلى كل حال فقد أضيف إلى المنطق ميدان جديد ، هو المنطق الرمزي . فإما أن نجعل المنطق الرمزي والمنطق القديم قسمين منفصلين داخلين تحت قسم واحد من المنطق هو المنطق الشكلي أو الصوري ، وإما أن نجتمع بين الاثنين فندخل التعبير الرمزي قدر الإمكان في أبحاث المنطق القديم حتى نجعل من الاثنين منطقاً واحداً . ونميل نحن إلى اتخاذ موقف وسط ، بأن نعني في دراستنا بإدخال نتائج المنطق الرمزي قدر المستطاع في المنطق الأرسططالي من ناحية ،

ثم دراسته على حدةٍ بالتفصيل من ناحية أخرى كي نقبين أهميته وجدِّدْهُ وطابعه المميز .

وهكذا نقسِّم المنطق إلى قسمين رئيسيين : المنطق الصوري ، والمنطق المادى أو علم المناهج . والمنطق الصوري ينقسم إلى قسمين : منطق أرسططالى أو منطق قديم ، ومنطق رمزى أو رياضى . والمنطق المادى ينقسم إلى ثلاثة أقسام : المنهج الاستدلالى ؛ المنهج الاستقرائى أو التجريبي ؛ المنهج التاريخى أو الاستردادى .

٣ - المنطق : علم أو فن ؟

١٠ - هل المنطق علم أو فن ؟ مشكلة أثارها على هذا الوضع لأول مرة كسيودورس^(١) (المتوفى حوالى سنة ٥٧٠ م) ومن ثم أصبحت من المشاكل الرئيسية التى يعنى بها دارس المنطق فى مستهل دراسته ، وإن كنا سنجد أن لا داعى لوجودها ، لأنها تفعل من تلقاء نفسها إذا ما فهمت على الوجه الصحيح .

والأصل فى هذه المشكلة أن أرسطو قد جمل الصفة الأولى للعلم أنه نزيه ، بمعنى أنه يبحث فى الحقيقة بغض النظر عن التطبيق عليها وعن الفائدة التى يمكن أن تستخرج من هذا التطبيق ، وإنما يظل فى ميدان النظر المجرد ؛ بينما الفن أو الصناعة تعنى بإمكان تطبيق الحقائق النظرية بواسطة وضع مناهج للعمل ، بل وأحياناً بمزاولة للعمل نفسه . فالذين نظروا إلى المنطق على أنه علم ، كما فعل أرسطو ، يقصرون المنطق على دراسة قوانين البرهان ؛ والذين يرمون من المنطق إلى وضع وفرض قواعد لتوجيه العقل ، وبيان المناهج العملية المؤدية إلى تحصيل المعارف فى العلوم المختلفة ، ويدرسونه من أجل هذه الفائدة يعدُّون المنطق فناً وعلماً ، أو فناً بوجه خاص .

(1) Cassiodore : De artibus ac disciplinis liberalium litterarum.

١١ — وإذا نظرنا إلى هذه المشكلة من الناحية التاريخية وجدنا أن أرسطو كان ينظر إلى المنطق على أنه علم نظري؛ ولم ينمته باسم الآلة *Opvavov*؛ وإنما الذى فعل ذلك شراحه، وبخاصة فى القرن الخامس الميلادى. إذ نجد هذا اللفظ يستعمله أمونيوس وسنپليقيوس للدلالة على قسم من أقسام الكتب الأرسطية، هو المنطق، فيقولون *Opvavixá*؛ ونجد شارحاً فى هذا القرن نفسه، وهو داود الأرمنى، يميز فى العلوم المشائية بين القسم الآلى *organique* والقسم النظرى، والقسم العملى.

١٢ — ويظهر أن هذا التقسيم الثلاثى قد ساد فى الشرق فيما بعد؛ وهو على كل حال التقسيم المشهور عند العرب. فإنهم جعلوا المنطق العلم الآلى^(١). ثم ردوا هذا القسم الآلى إلى القسم العملى فى مقابل النظرى، «لأن ما يكون فى حد ذاته آلة لتحصيل غيره، لا بد أن يكون متعلقاً بكيفية تحصيله، فهو متعلق بكيفية عمل، وما يتعلق بكيفية عمل لا بد أن يكون فى نفسه آلة لتحصيل غيره؛ فقد رجع معنى الآلى إلى معنى العملى^(٢)». والواقع أن فى إطلاق الشراح لفظة أورغانون على المنطق ما يدل على هذا المعنى العملى. ومن هنا كان تعريف العرب للمنطق متأثراً أشد التأثير بهذا النظر إلى طبيعة المنطق؛ فإنهم يعرفونه بأنه «آلة قانونية

(١) قال ابن سينا: «والعلم الذى يطلب ليكون آلة — قد جرت العادة و هذا الزمان وفى هذه البلدان أن يسمى (علم المنطق)، ولعل له عند قوم آخرين، اسماً آخر. لكننا نؤثر أن نسميه الآن بهذا الاسم المشهور».

«وإنما يكون هذا العلم آلة فى سائر العلوم — لأنه يكون علماً منبهاً على الأصول التى يحتاج إليها كل من يقتنص الجہول من المعلوم باستعمال للمعلوم على نحو وجهة، يكون ذلك النحو وتلك الجهة مؤدياً بالباحث إلى الاحاطة بالجہول، فيكون هذا العلم مشيراً إلى جميع الأنحاء والجهات التى تنقل الذهن من المعلوم إلى الجہول. وكذلك يكون مشيراً إلى جميع الأنحاء والجهات التى تضل الذهن وتوهمه استقامة مأخذ نحو المطلوب من الجہول، ولا يكون كذلك» (منطق المشرقيين ص ١ — المكتبة السلفية القاهرة سنة ١٩١٠).

(٢) «حاشية الشريف الجرجاني على شرح مطالع الأنوار». طبعة استانبول ١٢٧٢ هـ.

تعصم مراعاتها الذهن من الخطأ في الفكر . فهو علم على آلى ، كما أن الحكمة علم نظرى غير آلى^(١) .

٣ — وفي الغرب استمرت تقاليد الشراح الأرسططاليين ، وعلى وجه أخص ابتداءً من كاسيودور حين وضع هذه المشكلة لأول مرة في هذه الصيغة . وفي العصور الوسطى كلها كان ينظر إلى المنطق على أنه فن وعلم معاً ، وجاءت العصور الحديثة فظلت في البدء متأثرة بهذا الاتجاه العملى فى النظر إلى طبيعة المنطق . فنجد أن أرنو ونيقول^(٢) صاحبي منطق يور رويال ، يعنونان كتابهما : « المنطق أو فن التفكير » ، ونجد ديكارت وأصحابه يعنونون كتبهم : « قواعد لهداية العقل » (ديكارت) ، « مقال عن المنهج لهداية العقل إلى الصواب ، والكشف عن الحقيقة فى العلوم » (ديكارت) ، « إصلاح العقل » (اسبينوزا) .

١٤ — ولكن تقدم العلوم دفع المناطقة إلى تغيير موقفهم من المنطق بوصفه فناً ، فقد وجدوا أن المنطق لا يستطيع أن يفرض على العالم قواعد يجب عليه أن يسير بمقتضاها ، فطامنوا من ادعاءاتهم ، وبدلاً من أن يكونوا سادة مشرّعين للعلماء ، أقبلوا يتعلمون منهم كيف يفكرون وكيف يبحثون ، وما هى المناهج التى يسرون عليها وهم يبحثون عن الحقيقة . ومعنى هذا أنهم أدركوا أن مهمة المنطق الأولى ليست فى أن يضع قواعد للتفكير الصحيح ، بل أن يدرس أنواع التفكير الصحيح ، وطبيعة الخطأ والصواب ، ويبحث فى العمليات الذهنية التى تمكن الإنسان من التمييز بينهما ، ويعلم ماهية اليقين وأنواعه ودرجاته ، دون فرض نوع من التفكير معين وتحريم نوع آخر .

(١) « التعريفات » لجرجاني ، مادة « منطق » ؛ وهذه أكل صيغة لهذا التعريف المتكرر المعنى عند جميع المناطقة العرب .

(٢) أرنو Arnauld (سنة ١٦١٢ — سنة ١٦٩١) ونيقول Nicole (سنة ١٦٢٥ — سنة ١٦٥٩) .

بل إن أصحاب منطق بور رويال أنفسهم قد لاحظوا ذلك حين قالوا إن العقل المستقيم المتنبه يستطيع أن يفكر تفكيراً سليماً دون أن يعرف أو يفكر في القواعد التي يراعيها في تفكيره ، ومثل هذا العقل يتكون بمزاولة العلوم والمناهج خيراً منه بواسطة دراسة قواعد المنطق . وقائدة المنطق لا تظهر بوضوح إلا حين يراد الكشف عن عيوب بعض الحجج المعقدة ؛ أى أنه يصلح للمناقشة والجدل أكثر مما يصلح للبحث عن الحقيقة واكتشافها ؛ « ومثل هذا التطبيق العملي الضئيل لا يكفي لكي نجعل من المنطق علماً عملياً ، أى فناً . فالعلوم كلها ، حتى أكثرها نظرية ، قابلة للتطبيق ^(١) » .

وكانت نتيجة هذا التغيير في النظر إلى طبيعة المنطق ، أن عدَّ المنطق علماً قبل أن يكون فناً . فأصبح الموقف الجديد ، في أول الأمر ، وسطاً بين أن ينظر إليه على أنه علم خالص في جوهره ، وبين أن ينظر إليه على أنه فن في أصله . ومثل هذا الموقف بوضوح في القرن التاسع عشر رئيس الأساقفة هويتلي Whately (١٧٨٧ - ١٨٦٣) أولاً ، ثم تبعه جون استيورت مل . فإن هويتلي قد عرف المنطق بأنه علم وفن التفكير الصحيح ؛ ويقصد بالأول أنه يحلل العمليات الفكرية التي تجري في الذهن أثناء التفكير الصحيح ، وبالثاني أنه يضع القواعد اللازمة للتفكير الصحيح ، على أساس ذلك التحليل . فإن كل بحث في وضع القواعد يجب أن يسبقه بحث في طبيعة التفكير نفسه وفي الشروط التي يجري عليها لكي يؤدي إلى تحصيل العلم ؛ أعني أن الفن يفترض مقدماً العلم ، مهما كانت درجة هذا الفن .

١٥ — ولكن هذا الموقف الوسط ، ككل موقف وسط ، لا يحل المشكلة في شيء . فقد ظل المنطق فناً ، أى مشرعاً يفرض القواعد على طالب الحقيقة ، وهو ادعاء أثبتت طرائق العلماء في البحث أنه يقوم على غير أساس ، مما دعا

(١) جيلو : « بحث في المنطق » ص ١ - ٣ باريس سنة ١٩٢٩ الطبعة الخامسة .

الكثيرين إلى السخرية من المنطق . فكان لا مناص إذن من اتخاذ أحد موقفين : إما تعديل هذا التمييز بين العلم والفن بالنسبة إلى المنطق ، أو رفض هذا التمييز إطلاقاً .

أما التعديل فقد قام به فُنت (١٨٣٢ — ١٩٢٠) حين ميز بين نوعين من العلوم : علوم نظرية Spéculatives وأخرى معيارية Normatives ، وهذه الأخيرة تشمل المنطق وعلم الجمال والأخلاق ، وموضوعها الأحكام التقويمية المتعلقة بالقيم العليا الثلاث وهي الحق والجمال والخير ، بينما العلوم النظرية موضوعها الأحكام الواقعية . والمنطق على هذا التقسيم يبحث في المعايير الخاصة بالحق والقيم المتصلة به .

غير أن هذه التفرقة قد أثارت الكثير من الجدل . فقد نقدها البعض كما فعل ليثي بريل (« الأخلاق وعلم الآيين » ، ف ١) بأن قال إن من التناقض أن يتحدث الإنسان عن « علم » معياري ، لأن العلم علم بما هو كائن وكل أحكامه أحكام واقعية ، ولا يستطيع المرء أن يستنتج ما يجب أن يكون مما هو كائن . ولكن هذا النقد يصح لو فهمنا من كلمة « معياري » أنه يفرض معايير وأوامر لا بد من اتباعها . أما إذا فهمنا منها أنه يبحث في المعايير بأن ينظر فيها ويفسرها ويبين ارتباط المعايير بعضها ببعض ، فإن النقد مردود كما لاحظ زيل (« مقدمة في علم الأخلاق » ، ج ١ ص ٣٢١) .

وينقدها البعض الآخر على أساس أنها تفرقة لا محل لها . فإذا فهمنا المعيارية بمعنى العملية فإن جمع العلوم نظرية ، من ناحية أن غايتها المباشرة وضع الحقائق المباشرة اليقينية ، ومعيارية لأن من الممكن دائماً استخدام هذه الحقائق في توجيه الفعل ، كما يقول جُبلو (« بحث في المنطق » § ١ من المقدمة) . إذ ليس أبسر من تحويل منطوق نظرية أو قانون إلى قاعدة . فمثلاً إذا قلنا :

نظرية : حاصل ضرب حاصل جمع في عدد يساوى حاصل جمع حواصل ضرب كل حد فيه - فيمكن أن نستخرج القاعدة : لضرب حاصل جمع في عدد ، اضرب كل حد في هذا العدد واجمع حواصل الضرب التي وصلت إليها .

« فليست القواعد العملية غير أحوال مختلفة لصياغة الحقائق النظرية » .
وديكارت قد لاحظ أن كل حقيقة وجدها كانت قاعدة أفادته من بعد في أن يجد غيرها (« مقال عن المنهج » ق ٢) .

هذا إذا فهمنا « المعيارية » هنا بمعنى « العملية » أو « الفن » . أما إذا فهمناها بمعنى أنها تضع الأحكام التقويمية ، فإنها تختلف حينئذ عن الفن من ناحية ، والعلوم الطبيعية من ناحية أخرى . فإن الأحكام التقويمية غريبة عن العلوم الطبيعية ، كما أن الفنون تعرفنا قيمة الوسائل بإزاء غايات معينة ، بينما العلوم المعيارية موضوعها قيمة الغايات نفسها .

والمنطق ليس علماً من العلوم المعيارية بهذا المعنى . « لأنه يفترض أن الحق هو غاية العقل ، ويبحث في تحديد أحوال أو وسائل تحقيق تلك الغاية ، دون أن يبحث عما إذا كان لهذه الغاية قيمة في ذاتها أو بالنسبة إلى غاية أخرى . كما أن علم الجمال يفترض أن الجميل غاية الفن ، ويبحث في تحديد أحوال أو وسائل تحقيق تلك الغاية ، دون أن يبحث عما إذا كان لهذه الغاية قيمة في نفسها أو بالنسبة إلى غاية أخرى غيرها » (جيلو ، ص ٩) ذلك لأن المنطق لا ينظر في قيمة الحق من حيث أن له قيمة في ذاته ، فلا ينظر فيما إذا كان الحق أفضل من الجمال أو الخير أو العدل ، وأبها تفضل إذا كان لا مناص من التفضيل ، ولا يعنى بالسؤال عن قيمته بالنسبة إلى العمل ، فإن من الأخطاء والأكاذيب ما يفوق الحق في قيمته من ناحية الفعل أو تقدم الجماعة ورفق الإنسانية .
والحال كذلك في علم الجمال : لا يسأل : هل للجمال قيمة في ذاته ؟ وهل يطلب

لذاته أو لغاية ورائه ؟ وهل نفضله على العدالة والأخلاق ومصلحة الجماعة أو الفرد ، حينما لا يكون بدٌّ من التفضيل ؟ كل هذه مسائل قابلة لأن تثار ، بل هي موجودة تحت اسم مشكلة « الفن للفن » ، ولكنها ليست من ميدان علم الجمال . وإنما هذه المسائل كلها ، سواء في المنطق وفي علم الجمال ، تنسب إلى الأخلاق . فهي العلم المعياري الحقيقي الوحيد ، بالمعنى الذي حدّدناه لكلمة « معياري » ، أعنى أن موضوعه « قيمة الغايات نفسها » .

وخلاصة هذا كله أن المنطق ليس فناً أى علماً ، كما أنه ليس علماً معيارياً ، أى علماً يبحث في قيمة الغايات نفسها . وإنما المنطق علم بالمعنى الدقيق لهذه الكلمة ، أعنى أنه طائفة من الحقائق الخاصة بموضوع معين . هو في كلمة واحدة : علم التفكير الصحيح . وهذه حقيقة ستظهر بكل وضوح من دراستنا للفكرات المختلفة التي توجه دراسة المنطق .

٤ - النزعات التوجيهية في دراسة المنطق

١٦ - تفاقمت دراسة المنطق تيارات متعددة طوال القرن الماضي وأوائل هذا القرن ، كنتيجة ضرورية لنهضة بعض العلوم الروحية نهضة قوية إبان تلك الفترة ، هذه النهضة التي دفعت أصحابها ، منتشين بما حصلوا عليه من نتائج في فروع علومهم الخاصة ، إلى التوسّع بمنهجهم واتجاه نظرهم حتى يشملوا العلوم الأخرى في داخل علومهم . وكان طبيعياً أن تكون العلوم المجاورة أقرب هدف يقصدونه من هذا الغزو . فتأثر المنطق كبقية العلوم بهذه الغزوات التي أتت إليه خصوصاً من علوم شهود منذ البدء ما هنالك من صلة ليست بالهينة بينها وبينه . وهذه العلوم هي : علم النفس ، وعلم اللغة ، وعلم الاجتماع ، وعلم الرياضة . وكانت نتيجة هذه الغزوات أن قامت نزعات في دراسة

المنطق تأثر فيها أصحابها نتائج هذه العلوم الأربعة : وهى (ا) النزعة النفسانية ، (ب) النزعة الاجتماعية ، (ح) النزعة اللغوية ، (د) النزعة الرياضية . أما النزعة الأخيرة فقد تحدثنا عنها فى شيء من التفصيل ، فلندعمها الآن حتى نتحدث عنها فى تفصيل شامل عند دراسة المنطق الرمزى . ولننضم إلى تحليل بقية النزعات ، ولنبدأ بالنزعة النفسانية .

١ - النزعة النفسانية

١٧ - الفكر عملية نفسية ، لأنه عملية باطنية ذاتية . وصور الفكر وقواعده هى قوانين التيار النفسى ، أو تيار الشعور كما يقول وليم جيمس . والمنطق كما رأينا يبحث فى عمليات الفكر من ناحية خاصة ، هى ناحية تأدى هذه العمليات إلى الصحة واليقين ، فهو إذن يبحث فيما يبحث فيه علم النفس ، أو بالأحرى يتعلق بناحية من نواحي النفس التى يدرسها علم النفس . أليس من الطبيعى إذن أن يكون العلمان وثيقى الارتباط ؟ وأكثر من هذا ، ألا يجب أن نعد المنطق فرعاً من فروع علم النفس ، مادام يتناول ناحية خاصة من نواحيه هى التفكير الصحيح ؟ بلى ، فإن علم النفس يدرس التفكير الصحيح ، إلى جانب دراسته لبقية أنواع التفكير : التفكير الخطأ ، والتفكير البدائى ، والتفكير الشاذ الخ . فليكن المنطق إذن فرعاً من فروع علم النفس ، مادامت كل معرفة تجرى فى أحوال نفسية ، وما دام التفكير ، وهو عملية نفسية ، حادثاً نفسياً كبقية الأحداث والظواهر النفسية . والغاية التى يسعى إليها المنطق ، وهى اليقين فى العلوم ، حالة نفسية هى نتيجة لأحوال سابقة عليها ، ومشروطة بها . وعلم المنطق يبحث فى هذه الشروط التى تؤدى إلى إيجاد اليقين . فهو إذن علم نفس اليقين أو التفكير الصحيح . ولكى يصل المرء إلى المعرفة لا بد له أن يفنى بهذه الشروط النفسية التى تؤدى إلى النتائج الصحيحة . فإن هناك عليّة بين الظواهر النفسية .

وهذه العملية هي التي تربط بين الظواهر رَبطاً من شأنه أن يجعل النتائج لا تأتي إلا عن أحوال وشروط سابقة . وقواعد التفكير هي إذن قواعد الارتباط العلى بين الظواهر أو الأحداث النفسية المؤدية إلى البيئنة أو اليقين والمفسر لطريقة حدوثه في النفس . والفارق بين التفكير الصحيح والتفكير غير الصحيح هو في الوفاء بهذه الشروط . فإن وفى بها كان التفكير منطقياً ، وإن لم يَفِ كان التفكير غير منطقي .

والقوانين المنطقية الأساسية هي تجريدات وتعميمات لتجارب نفسية ، فقانون عدم التناقض ناشئ من التجربة التي نشعر فيها بأن المضيء والمعم لا يجتمعان ، وأن أحدهما يرفع الآخر ، وقانون العلية ناشئ من ملاحظة الاطراد الموجود في الطبيعة . وهكذا نستطيع أن نرد كل القوانين والعمليات المنطقية إلى ظواهر نفسية خالصة .

١٨ — ذلك رأى أصحاب النزعة النفسانية في دراسة المنطق . فهم يردون العمليات المنطقية إلى عمليات نفسية من نوع خاص ، ويريدون من وراء هذا أن يدخلوا الأولى في تيار الشعور حتى تكون حية وحتى يتيسر التأثير المتبادل بين كلا النوعين من الأحوال النفسية . وهم من هذه الناحية مصيبون ، ما في ذلك من ريب . فلكي يكون المنطق حياً ، لا بد له أن يشتغل فيما هو حي أعنى العمليات النفسية في تيار الشعور . ولكي تنطبق قواعده على الأحوال النفسية لا بد أن يكون وثيق الصلة بالعالم الذي يدرسها ، ألا وهو علم النفس . ولكنهم يخطئون كل الخطأ حينما لا يميزون تمييزاً دقيقاً بين طبيعة العمليات المنطقية والعمليات النفسية . وهذا التمييز يتحدد من ناحيتين :

الأولى أن بين المنطق وعلم النفس من الاختلاف ما بين ما هو كائن وما يجب أن يكون ، ما بين الواقع والمثال . فعلم النفس علم يصف الظواهر النفسية

ويفسر طريقة حدوثها ويضع القوانين التي تربط بعضها بعضاً . إذ ينظر إلى هذه الظواهر كأحداث تمر في زمان وترتبط بما قبلها وتؤثر فيما بعدها ، أى تخضع لقانون العلية ، ولضرورة خاصة هي الضرورة العلية *Nécessité causale* . أما المنطق فتخضع العمليات الفكرية فيه لضرورة من نوع آخر هي الضرورة المنطقية . وتتماز هذه من تلك بأنها لا تجرى في الزمان ولا تتقيد بالتالى به . فاستنتاج قضية من قضية أخرى تكون مقدماً بالنسبة إليها لا يراعى فيه زمان ولا تقال بين الثانية وبين الأولى ، أما العمليات النفسية فتتبع المعلولة منها العلة زمانياً . ووجود ظاهرة نفسية مشروط بوجود العلة ، أما وجود نتيجة فيتم باستخلاصها من مبدإ يسلم به . والمنطق يبحث في كيفية التأدى إلى الصواب ، أما علم النفس فلا يعنيه الصواب ولا الخطأ في الاعتقادات أو الأحكام . فالحكم الخطأ ظاهرة نفسية يعنى بدراستها كما يعنى بالحكم الصائب سواء بسواء ، وعنايته بالحكم الصائب لا من حيث صوابه ، ولكن من حيث أنه تعبير عن حالة نفسية معينة : فهما من هذه الناحية متساريان بالنسبة إليه . وإذا كانت الحال كذلك ، فلا تفرقة ولا تقويم ، مع أن غاية المنطق التمييز بين الصواب والخطأ وتقويم الحق .

وناحية ثانية هي أن الحقيقة موضوعية ، فعلى البحث أن يتجه إذن إلى الموضوع المدرك لا إلى عملية الإدراك نفسها ، كعملية نفسية ، أعنى أن المسألة ليست مسألة الذات المدركة وحدها ، بل مسألة الموضوعات المدركة كذلك . فالحقيقة توجد بنفسها في الخارج ، وليس أمام العقل إلا أن يدركها ، ووجودها في الخارج وجود ضرورى أزلى أبدي ، أى أنه غير خاضع للتجربة العقلية أو العملية النفسية . هذه الحقيقة الموضوعية هي موضوع المنطق ، أما الحقيقة الذاتية فموضوع علم النفس .

وقد عني بنقد المنطق النفساني من هذه الناحية الثانية مذهب «الظاهريات» *Phénoménologie* ، ومؤسسه ادمند هوسرل (سنة ١٨٥٩ — سنة ١٩٣٨) . وهذا المذهب أفلاطوني النزعة من حيث أنه ينظر إلى المعقول على أن له وجوداً قائماً بذاته ، قد تأثر المدرسين في تفرقتهم بين الوجود والماهية . ونقطة البدء عنده هي التمييز بين حقائق الواقع وحقائق العقل ، بين الوقائع وبين الماهيات ، فهي تفرقة أساسية يقوم عليها بناء هذا المذهب . أما الوقائع فذات وجود فردي ، أي ليست كلية عامة ، بينما الماهيات كلية عامة ، والوجود الأول وجود ممكن ، بينما الثاني وجود ضروري ، والوجود الحقيقي هو الوجود الضروري . والعلوم تنقسم إلى قسمين تبعاً لهذه التفرقة : علوم وقائع أو علوم تجريبية ؛ وعلوم ماهيات وهي علوم لا تتصل بالتجربة ، وإنما هي علوم مثالية مطلقة . وخطأ أصحاب النزعة النفسانية هو عدم مراعاتهم لهذه التفرقة بين الوقائع وبين الماهيات : فعلم النفس علم وقائع ، ولهذا كان علماً تجريبياً ، أما علم المنطق فعلم ماهيات ، ولهذا لا يمكن أن يكون تجريبياً . علم المنطق يضع قوانين عامة ضرورية ، لأنها ليست متوقفة على التجربة ؛ وخطأ أصحاب النزعة النفسانية في جعلهم قوانين المنطق نسبية .

٩ — فلماذا كله هوجت النزعة النفسانية في دراسة المنطق أشد المهاجمة حتى اضطر أصحابها إما إلى تعديلها تعديلاً يوفق بينها وبين النزعة المضادة لها ، وإما إلى رفضها . وأهم المحاولات التي قامت من أجل الاحتفاظ بها بعد تعديلها ما فعله جُبلو . وخلاصة رأيه «أن المنطق يفرض قواعد ، ولما كانت هذه القواعد متعلقة بعمليات عقلية ، فإنها بالضرورة قوانين نفسانية . . . والمشكلة المنطقية توضع بواسطة افتراض لا يتجاوز حدود التجريد المشروع ، افتراض يحاول العقل أن يجعل منه حقيقة واقعية في كل مرة يحاول فيها أن يفكر تفكيراً صحيحاً . فلنفرض أن العقل منفرد ، متحرر من كل التأثيرات غير العقلية التي يمكن أن

تم على الأحكام ، لأن هذا هو ما نسميه التفكير العقلي : فتبعاً لأية قوانين ترتبط الأحكام ، إذا كانت لا تتعين إلا بأحكام أخرى ؟ تلك هي المشكلة المنطقية . والعلوم التي تبحث فيما هو كائن ، لا تخشى أن تستبدل الفرض بالواقع ، حين تجد في ذلك فائدة ، فلم لا يسلك المنطق نفس السبيل ^(١) ؟ . ومعنى هذا أن الحقيقة عند جبلو لا توجد خارج المعرفة ، وشروط الحقيقة هي شروط العمليات العقلية التي تكون الأحكام الصحيحة ، فلما كانت هذه الشروط نفسانية ، كان المنطق ، على حد تعبيره ، علم نفس العقل . ويحدد هذه العبارة بطريقة أدق فيقول إنه من الواجب أن نميز مع ذلك بين المنطق وعلم النفس . فإن المنطقي ينظر في علم نفس العقل من وجهة نظر خاصة ، وتلك هي البحث في العقل غير المتأثر بالعاطفة أو بالإرادة ، أى العقل النزيه الذى يفكر تفكيراً خالصاً قائماً على ارتباط الأحكام بعضها ببعض . ونحن نسأله : هل هذا ممكن ؟ ولكن ، لم يضطر العقل إلى أن يفكر تفكيراً نزيهاً ؟ ولماذا لا يسير على هواه حسماً يلميه عليه قلبه وشعوره العام ؟ وبعبارة أخرى ، لماذا يحاول المرء أن يكون في تفكيره موضوعياً ، قدر المستطاع ؟ هكذا يتساءل جبلو ، ويجب قائلنا إنه المجتمع أو الحياة الاجتماعية هي التي تفرض هذه الموضوعية ، وإنه الفعل أو العمل هو الذى يضطر العقل إلى أن يتحرر من سلطان العاطفة أو الإرادة ، لأنهما لا يستطيعان أن يغيرا من طبائع الأشياء . ولكن هذا يقودنا إلى دراسة النزعة الثانية ، ألا وهي النزعة الاجتماعية أو الجماعية .

(ب) النزعة الاجتماعية

٢٠ — الإنسان كائن اجتماعى بطبعه ، والروابط الاجتماعية روابط بين

(١) جبلو ، « نظام العلوم » ص ١٨٠ ط ٢ Le système des Sciences باريس

عقول ، فلـكى توجد هذه الروابط لا بد أن يكون هناك اتفاق على أوضاع خاصة ومبادئ معينة يجب على كل ، لـكى يستطيع أن يعيش اجتماعياً ، أن يأخذ بها ويرتب سلوكه على أساسها . فإذا كان الفرد لا يستطيع أن يعيش لنفسه ، كذلك لا يستطيع أن يفكر حسب عواطفه وأهوائه ، بل لابد له من مساهمة الحقيقة الخارجية الاجتماعية ، إن صح هذا التعبير . « إن فكرة الحقيقة لا يمكن أن تفهم ولا أن تفسر إلا بالحياة الاجتماعية ، ومن دونها لا يتعدى الفكر حدود الفرد ، وحينئذ تكون طيبة أو رديئة ، ولكنها لن تكون صائبة أو مخطئة » (جينلو ، « بحث فى المنطق » ص ٣١) .

ويذهب أصحاب هذه النزعة إلى أبعد من هذا فيقولون إن معتقدات الفرد نفسه كفرد هى الأخرى اجتماعية ، لأن كل فرد يعمل فى بيئة اجتماعية ، والاستقلال الفردى هو الآخر ظاهرة اجتماعية .

فإذا كان الفكر جمعياً ، وكانت الحقيقة اجتماعية ، كان المنطق خاضعاً لعلم الاجتماع . وهذه الفكرة قد أوضحها لأول مرة أوجست كونت (سنة ١٧٩٨ - سنة ١٨٥٧) فقال إن قواعد المنطق ترد إلى قوانين التطور الجمعى للوظائف العقلية على مدى تقدم الإنسانية ، والمنطق إذا ما نظر إليه من الناحية الحركية أصبح دراسة السبيل الذى سلكه العقل الإنسانى فى بحثه عن الحقيقة .

ويقول جيلو من ناحية إن ذلك الغرض الذى يفترضه المنطق ، أعنى التفكير الزيه ، لم يضطر الإنسان إلى القول به إلا للمجتمع ، فلـكى يكون على وفاق وإياه ، كان لابد له أن يتحرر من فردانيته . فكان المجتمع إذن هو الأساس فى الأحكام المنطقية . « إنها الحياة الاجتماعية ، وخصوصاً اللغة ، هى التى توجه العقل نحو البحث عن الكلية فى الحكم » (المؤلف المذكور ، ص ٣٠) . فالبرهان مستقل عن العقل الذى يفكر فيه والذى يقنعه هذا البرهان ، والفارق

بين الحقيقة أو اليقين الموضوعى ، وبين الاعتقاد أو الاقتناع الذاتى ، هو فى أن الحقيقة من صنع العقل وحده ، وما دامت كذلك فهى مشتركة بين جميع الناس ، أما الاعتقاد فليس صادراً عن العقل وحده ، بل عن العقل والعواطف والإرادة الخاصة بالفرد ، فهو إذن فردانى . ويرد على الذين يقولون إن التفكير الجمعى هو المرتبة الدنيا للتفكير وإن الحضارة ترتفع بالإنسان إلى التفكير الفردى بأن يقول إن الحضارة تحرر الإنسان من الارتباط بجماعة معينة محدودة ، ولكنها تربطه بجماعة أوسع وأدق تنظيمًا . فالرجل البورجوازى الذى يتحرر من أفكار طبقة الاجتماعية بقراءته لمؤلفات العلماء الكبار ، لا يتحرر من كل جماعة ، وإنما يتحرر من طبقة معينة لكى يرتبط بطبقة اجتماعية أخرى ، هى طبقة العلماء أو الفلاسفة . وهكذا نجد دائماً أن الفرد لا يمكن إلا أن يفكر بطريقة جماعية ، أيًا ما كان نوع الجماعة التى ينسب إليها .

٢١ - وهنا نستطيع أن نوجه إلى أصحاب هذه النزعة نفس النقد الذى وجهناه ضد أصحاب النزعة النفسانية . فنقول إن علم الاجتماع لا يعنى بدراسة الفكر الصحيح المتحرر عن غواية خاصة ، وإنما يعنى بدراسة كل أحوال الفكر : سواء انتسب إلى عقلية متحضرة أو إلى عقلية بدائية ؛ وعلماء الاجتماع أنفسهم محدثوننا عن عقلية سابقة على المنطق ؛ ومثل هذه العقلية لا تفيد دراستها المنطقى إلا من حيث معرفة أصول التفكير وتطوره ؛ أما المنطق بوصفه بحثاً فى الصورة العليا للتفكير الإنسانى الجمعى فلا يكاد أن يعنى به .

فضلاً عن أن الاجتماع علم وضعى يضع أحكاماً واقعية ، أما علم المنطق فيضع أحكاماً تقويمية يقصد منها المثل الأعلى للتفكير ، لا تطور التفكير وما يحدث

بالفعل منه . ولهذا فإن غايته أن يَمنطق تفكير الجماعة ، لا أن يسايره ^(١) .
والخلاصة أن المنطق لا يمكن أن يكون فرعاً من فروع علم الاجتماع ؛ وكل
ما يستطيع أن يستفيد منه هو في دراسة نشأة التفكير وتطوره ، وتفسير بعض
الأخطاء في التفكير على أساس التفكير الجمعي ؛ وأخيراً في دراسة الصلة بين
المنطق وبين اللغة ، هذه الظاهر الاجتماعية الأساسية .

(ح) النزعة اللغوية

٢٢ — وهنا مشكلة خطيرة كان لها من الخطر أكثر مما للمشكلاتين
السابقتين ، مشكلة عرفت بمشكلة الصلة بين المنطق واللغة ، أو بتعبير أدق
المنطق والفحو .

فإن اللغة تعبير عن الفكر ؛ وكل فكر لا بد له لكي ينتقل من أن يعبر
عنه ؛ فاللغة ظاهرة اجتماعية من الطراز الأول . وإذا كان المنطق يبحث في الفكر ،
فهو مضطر أيضاً إلى البحث في التعبير عنه ، أي في اللغة . بل إن أهمية دراسة
اللغة بالنسبة إلى المنطق لتظهر في اسمه نفسه ، فهو مأخوذ من النطق أو الكلام كما
أشرنا إلى ذلك في مستهل هذا الكتاب ؛ كما تظهر الصلة القوية ، حتى الاتحاد ،
بين الفكر واللغة في أن الكلام يدل أحياناً على الفكر والعقل والبرهان ، كما
هو ظاهر في اللغة اليونانية مثلاً ، ونقصد باللغة هنا اللغة ذات الألفاظ . ولو نظرنا

(١) يضاف إلى هذا أن هذه النزعة تسلب الحقيقة صفة الموضوعية المطلقة بأن تردّها إلى
للموضوعية الاجتماعية فتجعلها بهذا نسبية ، وليست الحقيقة كذلك ، فإن هناك حقيقة مستقلة عن
الأفراد سواء أكانوا في جماعة أم كانوا منفردين ، وإلا كانت مقصورة على جماعة جماعة ،
ولم تكن ثمة حقائق شاملة لكل الجماعات وفوق كل جماعة ممكنة .

بإيمان في الصلة بين الفكر وبين اللغة ، وجدنا أن اللغة ليست مجرد ثوب يرتديه المعنى الفكرى دون أن يؤثر فيه جوهرياً ؛ وإنما هناك تأثير متبادل بين اللغة وبين الفكر . فإنه بفضل اللغة ذات الألفاظ كما يقول اشينجلر ، يفترق الإحساس الخالص عن العقل المجرد ، وبالتالي تستحيل معانى الألفاظ ، وهى فى نشأتها بصرية حسية ، إلى معان عقلية خالية من كل قيمة بصرية ، أى تستحيل إلى معان مجردة وتصورات . فالتجريد معناه تجرد اللفظ من معناه أو مدلوله الحسى البصرى واستحالة إلى معنى عقلى صرف ، وذلك بفضل اللغة ذات الألفاظ^(١) فكان للغة أخطر الأثر فى تطور الفكر ، لأنها تحيله من فكر عيانى إلى فكر مجرد ، وهو المرتبة العليا للتفكير الإنسانى ؛ وليست إذن مجرد مرآة تعكس الفكر فحسب .

ومن هنا كان على المنطق أن يعنى باللغة من ناحية أنها تعبير عن الفكر ، وأن هذا التعبير يجب أن يكون دقيقاً محكماً حتى لا يؤدي ذلك إلى لبس وخطأ فى التفكير مصدره عدم الدقة أو الخلط فى التعبير . فعليه إذن أن يحلل معانى الألفاظ اللفوية والتراكيب ؛ وأن ينتهى من هذا التحليل إلى وضع القواعد الواجبة الاتباع فى التعبير ، حتى يكون الفكر صحيحاً فى شكله وفى موضوعه . وهنا وجد المنطق أمامه علماء من علوم اللغة يعنى بهذه الناحية ، ألا وهو النحوى . فكان لامناص إذن من تحديد الصلة بين كليهما ، خصوصاً وأن الأمر قد يشتبه فيصبح موضوع العلمين واحداً من حيث أن النحو يبحث فى الامة المعبرة عن الفكر ، والمنطق يبحث فى الفكر المعبر عنه باللغة ، حتى قيل إن النحو منطق لغوى ، وإن المنطق نحو عقلى (التوحيدى : « المقابسات » ، ص ١٦٩) . فأنارت مسألة تحديد تلك الصلة مشكلة خطيرة سواء فى ميدان المنطق وفى ميدان النحو - وعلينا الآن أن نتابع تطورها .

(١) راجع كتابنا : « اشينجلر » ص ٢٤٩ - ص ٢٥٠ . القاهرة سنة ١٩٤١ .

٢٣ — وَيَقْدِبُ عَلَى الظَّنِّ أَنْ نَشَأَ المنطق نفسه مرتبطة بالنحو . فقد بدأت البذور الأولى للمنطق عند اليونان في أبحاث السفسطائية الخاصة باللغة والخطابة والنحو بوجه أخص . إذ هم أرجعوا التصور إلى اللفظ ، مما يَسَّرَ لهم أن يجعلوا من الجدل وسيلة للانتصار على الخصم ، ومن الخطابة العلم الأول . والقول الخطابي عندهم لا يقصد منه حُسْنُ الكلام فحسب ، وإنما هو الحقيقة الجديدة التي قالوا بها نسبيةً في مقابل الحقيقة المطلقة التي لم يعترفوا بها ؛ ولم يكن إيمانهم بقوة الكلام إلا إيمانهم بقوة الفكر : فمن الإقناع هو بعينه فن التفكير ، أى إن السوفسطائية قد بحثت في اللغة فأداها هذا البحث إلى المنطق .

وأرسطو قد وصل إلى كثير من التصنيفات المنطقية بواسطة دراسته للغة ونحوها . فهو يرى أن الكلام يعبر بدقة عن أحوال النفس أو الفكر . وفي وسع المرء أن يستعين بالصور اللفظية لكي يكشف عن أحوال الفكر . فاللغة تنظر إلى الألفاظ من ناحيتين : من ناحية وجودها مفردة فتقسمها إلى أسماء وأفعال وحروف الخ ، ومن ناحية ارتباطها على هيئة جملة ؛ وكذلك الحال في الفكر نقسمه إلى الأفكار المفردة وهي التصورات ، والأفكار المرتبطة وهي القضايا أو التصديقات . فالتقسيم المنطقي الأول إلى تصورات وتصديقات قد أخذه أرسطو إذن من اللغة . ولوحة المقولات هي الأخرى قد أخذها من اللغة في رأى كثير من المؤرخين . فإن ترندلنبرج يقول إن لوحة المقولات الأرسططالية تقوم على تقسيم الكلام إلى أجزائه : فالجوهر يقابل الاسم ؛ والكيف يقابل الصفة ؛ والكم ، يقابل العدد ؛ والإضافة تقابل صيغ التفضيل ؛ والأين والمتى يقابلان ظروف المكان والزمان ؛ والفعل والانفعال والوضع تقابل الأفعال المتعدية والمبنيّة للمجهول واللازمة على التوالي ؛ والملاك يقابل صيغة الماضى في اليونانية parfait ، إذ يدل على الحالة التي يملكها الشخص نتيجة فعل فعله .

وإذا كان رأى ترندلنبرج لا يجد تأييداً قوياً اليوم ، فإنه ليس من شك في أن أرسطو قد استعان في وضعه للوحة المقولات بالتقسيمات اللغوية . وكل هذا يدل على ما كان للنحو من أثر في وضع المنطق .

ثم تزداد الصلة توثقاً فيما بين المنطق والنحو لدى الرواقين . فبعد أن كان المنطق مرتبطاً عند أرسطو أشد الارتباط بما بعد الطبيعة ، انفصل عنها كي تتوثق صلته بالنحو . فقد قسّموا المنطق إلى الخطابة التي هي نظرية القول المتصل *oratio continua* ، وإلى الديالكتيك ، وموضوعه القول المنقسم بين السائل والجيب . أما الخطابة فلا تكاد ترتبط بالفلسفة عندهم . أما الديالكتيك فيعرفونه بأنه فن الكلام الجيد . ولما كان الفكر والتعبير وثيق الارتباط ، انقسم الديالكتيك إلى قسمين : قسم يدرس التعبير ، وقسم يدرس ما يُعبّر عنه ؛ أى إلى اللفظ والفكر .

٢٤ — واستمرت الصلة تقوى عند الشراح الأرسططاليين في المصور التالية حتى أنت المصور الوسطى في الشرق وفي الغرب .

أما في الشرق ، أى في الإسلام بوجه أخص ، فقد أخذت المشكلة شكلاً عنيفاً على صورة خصومة بين النحويين الخُلص وبين المناطقة . ولم يكتب حتى الآن تاريخ حقيقى للنحو العربى ، حتى نستطيع أن نقبين على وجه الدقة العوامل التي أثرت في نشأة النحو ، وهل كان من بينها المنطق . فقد تكون النحو في نفس الوقت الذي ترجت فيه كتب المنطق إلى العربية ، أعنى قرابة منتصف القرن الثانى الهجرى . فهل تكون النحو على يد الخليل وسيبويه تحت تأثير المنطق ؟ هذه مسألة ليس هنا مجال البحث فيها^(١) ، وإنما نقول

(١) يرى نللكه في قد كتبه عن بحث عمله الكونتدى لندبرج Landberg متعلقاً =

إن المشاهد هو أن العناية بالبحث في الصلة بين المنطق وبين النحو العربي قد ظهرت واضحة كل الوضوح في القرن الثالث ؛ واتخذت صورة خصومة عنيفة في القرن الرابع ، حيث نفذت العلوم الفلسفية إلى كل الأوساط . فقد خلف لنا رجال هذا القرن آثاراً وأسماء مؤلفات ووثائق مناظرات تشهد بما كان لهذه المشكلة من أهمية عظمى في الأوساط النحوية والمنطقية . ولعل أهم وثيقة خلفها لنا ذلك القرن المناظرة التي رواها أبو حيان التوحيدي في كتاب « الإمتاع والمؤانسة » (ج ١ ص ١٠٨ إلى ص ١٢٩ . نشرة أحمد أمين وأحمد الزين . القاهرة سنة ١٩٣٩) وأوردها ياقوت في « معجم الأدباء » (ج ٣ ص ١٠٥ وما يليها ؛ نشرة مرجليوث) ، وهي مناظرة جرت بين أبي بشر مقي بن يونس المترجم وبين أبي سعيد السيرافي النحوي حول المفاضلة بين النحو والمنطق . وسواء أصحَّت المناظرة من الناحية التاريخية أم لم تصح ، فإنها تدل على تلك العناية الهائلة التي وجهت إلى هذه المشكلة إبان ذلك العصر . ومنها نرى أن المناطقة الخالص كانوا يفضلون المنطق على النحو ؛ ويقولون إنه لا حاجة بالمنطق إلى النحو ؛ أما النحوي فعلى العكس من ذلك محتاج إلى المنطق . والنحويون الخالص كانوا يرون العكس . وكانت هناك طائفة توسطت بين الطرفين ، هي طائفة المشاركين في الفلسفة وعلوم العربية معاً ؛ والمناظرة تنتهى بوجوب اتخاذ هذا الموقف الوسط ، ومن هنا كانت تعبر عن رأى التوحيدي أو أستاذه أبي سليمان السجستاني أدق تعبير ، مما يجعل الشك في صحتها من الناحية

== بالعربية الفصحى واللهجات أن التأثير اليوناني والأرسطاطالي بنوع خاص في نشأة النحو العربي يجب أن لا ينكر . فحتى الاصطلاحات مثل اسم ، وتقابل في اليونانية ὀνομα تكشف عن تأثير يوناني . فضلاً عن أن تكون النحو وما يقتضيه ذلك من تجرييدات عقلية ما كان للعرب وأنصاف العرب أن يصلوا إليه إلا تحت تأثير المنطق الأرسطاطالي (مجلة الجمعية الشرقية) الألمانية ZDMG ج ٥٩ ص ١٤٤ .

التاريخية راجعاً يجعل نسبتها إلى اختراع التوحيدى نفسه أقرب . إذ نجد التوحيدى وأستاذه أبا سليمان ينتهيان إلى وجوب الجمع بين النحو والمنطق ، فيقول التوحيدى بعد أن عرض للمشكلة في ثلاث مقاييسات (بأرقام ٢٢ ، ٢٣ ، ٢٤) : « وبهذا تبين لك أن البحث عن المنطق قد يرمى بك إلى جانب النحو ، والبحث عن النحو يرمى بك إلى جانب المنطق ؛ ولولا أن السكّال غير مستطاع لكان يجب أن يكون المنطق نحويّاً ، والنحو منطقياً ، خاصةً والنحو واللغة عربية ، والمنطق مترجم بها ومفهوم عنها » (ص ١٧٧ ؛ طبع السندوبى . القاهرة سنة ١٩٢٩) . والتوحيدى هو أهم من خلف لنا آثاراً متصلة بهذه المسألة . أما الآثار الأخرى فهي إما أسماء تأليف في هذه المشكلة ؛ وإما تعاليق أشير فيها إليها . فنجد أولاً أحمد بن الطيب السرخسى تلميذ الكندى يكتب كتاباً عنوانه : « الفرق بين نحو العرب والمنطق » (ذكره ابن أبى أصيبعة ج ١ ص ٢١٥) ؛ ونجد كذلك يحيى بن عدى (+ ٣٦٤ هـ) يكتب كتاباً في « تبين الفصل بين صناعتى المنطق الفلسفى والنحو العربى » (أورده القفطى ، نشرة لبرت صفحة ٣٦٢ ص ٢) . ونجد ثانياً فى الشروح والحواشى الموجودة على هامش المخطوطة الوحيدة للترجمة الكاملة للأرغانون المحفوظة فى المكتبة الأهلية بباريس (برقم ٢٣٤٦ عربى) ، وهى حواش يرجع أغلبها إلى أبى الخير الحسن بن سوار ، رئيس المدرسة الفلسفية فى بغداد فى نهاية القرن الرابع ، عناية بهذه المشكلة .

وفى هذا القرن نجد كثيراً من النحويين قد بدأوا يتأثرون كل التأثر بالمنطق فى أبحاثهم النحوية ، وكان ذلك بدءاً للجمع بين المنطق والنحو فى الأبحاث النحوية والمنطقية معاً ، مما سيظهر بوضوح جداً فى القرون التالية . فهذا أبو الحسن على بن عيسى الرّمّانى النحوى (المتوفى سنة ٣٨٤ = ٩٩٤ م) . يقول عنه ياقوت (ج ١٤ ص ٧٤ من الطبعة المصرية) : « وكان يمزج كلامه فى النحو بالمنطق ،

حتى قال أبو علي الفارسي : إن كان النحو ما يقوله الرّماني ، فليس معنا منه شيء ؛ وإن كان النحو ما نقوله نحن ، فليس معه منه شيء . وهذا يدلُّ على أن الموقف كان مزدوجاً عند النحويين في هذا القرن : فمنهم من استمرَّ على التقاليد التي لا خَلَطَ فيها بين النحو والمنطق ، ومنهم من جمع بين الاثنين . ويظهر أن ذلك الجمع قد بدا في أول الأمر غريباً غير مفهوم ؛ إذ أخذ النحويون على الرّماني هذا المزج بين المنطق والنحو (راجع : « الإمتاع والمؤانسة » ج ١ ص ١٣٣ س ١٤) مع أنه لم يأخذ بالمنطق الأرسططالي كما هو ؛ وبدا كلامه غير مفهوم حتى قال ياقوت : « وكان يقال : النحويون في زماننا (يشير إلى قول كان في القرن الرابع) ثلاثة : واحد لا يفهم كلامه وهو الرّماني ، وواحد يفهم بعض كلامه وهو أبو علي الفارسي ، وواحد يفهم جميع كلامه بلا استاذ وهو السيرافي » (ج ١ ص ١٤ من الطبعة المصرية) .

ومن هنا نشأ النحو الفلسفي إلى جانب النحو اللغوي . وعمل على نشأة هذا النحو الجديد أولاً الكندي والسرّخسي اللذان يسميهما حمزة الأصفهاني (كتاب « التنبيه » ، ص ٣٠ من نسخة القزويني ؛ راجع كروس : « جابر بن حيان » ج ٢ ص ٢٥١ تعليق ، القاهرة سنة ١٩٤٢) باسم « الفلاسفة النحويين » ؛ ثم الفارابي الذي بين ما هنالك من صلة وثيقة بين علم اللسان وعلم المنطق (راجع « إحصاء العلوم ») ؛ وقد نظروا إلى المنطق على أنه لغة عامة كما يقول أبو بشر متى في مفاظرتة ، لا تختلف الأمم فيها . هذا من جانب الفلاسفة ؛ ومن جانب النحويين نجد خصوصاً علي بن عيسى الرّماني المذكور آنفاً .

وبعد هذا القرن يختلط النحو بالمنطق والمنطق بالنحو ، وكذلك البلاغة اختلطت بالمنطق ، حتى إننا نجد نحواً فلسفياً قد أقيمت أركانه على يد ابن يعيش (سنة ٥٥٣ — ٦٤٣) في القرنين السادس والسابع .

٢٥ — أما في العصور الوسطى في الغرب فقد استمرت الصلة وثيقة بين النحو والمنطق دون أن تتحدد وتعمق . حتى إذا ماجاء العصر الحديث أخذت المشكلة صورة قوية .

فقد بدأ النحو الفلسفي على يد جماعة بورروبال . إذ نشر أرنو لانسلو Lancelot في سنة ١٦٦٠ كتابهما اللوسوم باسم : النحو العام المنطقي ، *grammaire générale et raisonnée* ومنذ ذلك التاريخ وكتب النحو العام ، أى المستخلص من العقل لامن الاستعمال اللغوي ، تقوالى وتنتشر في الأوساط المدرسية نفسها . ثم يبلغ ذلك التيار أوجه من التطور على يد أصحاب الإنسكلويديا في القرن الثامن عشر ؛ وكان الفرنسيون أحرص الناس على تقويته ، خصوصاً وأن لغتهم تتحدث إلى العقل ولها من الدقة ما لا مرض العلمى .

وهذا النحو المنطقي قد وُضِعَ في أول الأمر في مقابل النحو الذى لا يقوم إلا على الاستعمال ، والذي كان يتزعم حركة القول به في فرنسا Vaugelas الذى قال عبارته المشهورة : إن الفاصل هو الاستعمال ، وليس للعقل في اللغة مجال . وكانت الأكاديمية الفرنسية من أنصار هذا الرأى ، إذ كانت تجعل مهمتها عَرْضَ « القواعد التى وضعها الاستعمال » و « استخلاص هذه القواعد من ملاحظة اللغة الحية » (« نحو اللغة الفرنسية » ص ١) .

أما النحو المنطقي فيرى على العكس من ذلك أن الفاصل هو العقل ، وعلى النحو بالتالى أن يعتمد على المنطق في وضع قواعده . وعن هذا الاتجاه نشأ تياران : أحدهما يريد أن يضع نحواً عاماً بواسطة البحث المقارن في علم اللسان ، والآخر يلقى مبادئه من المنطق الشكلى مباشرة ، وكلا التيارين مرتبطان بالآخر : إذ الأول يعتمد على منهج المقارنة بين اللغات لكي يصل إلى وضع نحو عام تخضع له اللغات كلها إلى أقصى حد ممكن ، ولكنه سرعان ما يلجأ إلى التيار

الثانى كما يضع الأساس الفلسفى لهذا النحو العام . وظهر هذان الاتجاهان بوضوح فى القرن التاسع عشر حين نهضت الدراسات الخاصة بفقه اللغات كلها وخصوصاً اللغات الهندية الأوربية ، فكان هذا ميسراً لهم استخدام المنهج المقارن فى دراسة النحو ، وهو المنهج الذى يتفق ومقتضيات العلم . فاندفع علماء اللسان فى هذا السبيل ، وانتهى بعضهم إلى ما انتهى إليه أصحاب نحو بور رويال ونحو الإنسكلويديا من القول بوجود نحو عام تشترك فيه اللغات جميعها ، وعلى رأس هؤلاء العلماء اللغويين فى أواخر القرن الماضى وأوائل هذا القرن أنتوان ميه .Antoine Meillet

والتيار الآخر ، تيار النحو العقلى ، قد قوى فى أوائل هذا القرن ووجد مؤيداً كبيراً فى شخص إدموند هسرل ، الذى حاول أن يضع نحواً مجرداً pure على أساس مبادئ الفلاسفة المتعالية transcendental ، ثم عند أتباع المنطق الرمضى وعلى رأسهم جميعاً كوتيرا Couturat .

٢٦ — ونريد الآن بعد هذا العرض التاريخى للمشكلة أن نعالجها من الناحية المذهبية .

ولكى نقوم بهذا يجب علينا أن نتناول بالدرس التيسارين الرئيسيين اللذين عرضا لهذه المشكلة بوضوح وعناية ، وهما : تيار النحو العام ، وتيار النحو المجرد .

أما تيار النحو العام فيقوم على أساس الأبحاث التى قام بها علماء اللسان فى دراساتهم للنحو المقارن بين جميع اللغات . فهؤلاء قد درسوا الصور اللغوية عند الشعوب المتباينة وفى الأعصر المختلفة ، وتتبعوا تطورها ، وحلوا التراكيب العامة التى تشترك هذه اللغات فيها . فانتبهوا إلى أن من الممكن التحدث عن

نحو مشترك بين اللغات كلها ، وإلى أن « المقولات النحوية أكثر كلية مما كان يتصور من قبل ، أما الاختلاف فيتناول خصوصاً الشكول *formes* ، أعنى طرائق التعبير ، بينما الأفكار الرئيسية متحدة إلى درجة ظاهرة . وهذه الواقعة تدل على أن الفكر الإنساني أكثر اطراداً مما يعتقد عادة ، وفيها تنفيذ في آن واحد لما يقول به الأسميون *nominalistes* الذين يزعمون أن المنطق يتوقف بأسره على شكوى اللغة ، وأن ثمة من أنواع المنطق بقدر ما هنالك من لغات ، ثم لما يقول به الاجتماعيون أو علماء الأجناس الذين غالوا في وضع فروق وتميزات بين الأجناس تبعاً لصفات طبيعية خارجية ، فاندفعوا يقيمون بينها اختلافاً أساسياً من الناحية العقلية ، وذهبوا إلى أن لكل جنس منطقاً الخاص . والذي يستخلص من كل هذه الاكتشافات اللسانية هو أن العقل الإنساني واحد ، على الرغم من الاختلاف المادى الهائل بين اللغات وما هنالك من درجات لصورها متعددة . ومن شأن هذا أن يعطي لتناجج هذه الأبحاث قيمة فلسفية أكبر ، لأنه يخولنا أن نؤكد أن تركيب لغاتنا لا ينتسب فقط إلى منطق لاتيني ، أو أوربي أو آري ، ولكنه ينتسب إلى المنطق فحسب ^(١) .

اللغة تخضع للمنطق إذاً في تركيبها ، والعلّة في ذلك أن الفاعل في التطور اللغوى هو العقل الإنساني ، فلا يمكن إذن أن لا يكون لوظائفه وعملياته أثر في تكوينها وتركيبها ؛ والعقل الإنساني واحد بين جميع الشعوب والأجناس ، فلا بد إذن أن يكون في اللغات شيء ثابت مشترك بينها جميعاً . وعلى هذا ميزوا بين نوعين من المبادئ في اللغة : مبادئ ذات حقيقة أبدية وتتبع تحليل الفكر الناشئة هي عنه ، هذا من ناحية ؛ ومن ناحية أخرى المبادئ المشروطة المتوقفة على

(١) كوتيرا : « التركيب المنطقى للغة » مقال ظهر بمجلة ما بعد الطبيعة والأخلاق

المواضعات والاتفاق ، والتي هي العلة في تعدد اللغات ، والمبادئ الأولى هي التي تكون النحو العام ، والأخرى موضوع النُحو الخاصة . والنحو العام يمكن إذن أن يكون مشرعاً ، إذ هو يشرع باسم أعلى السلطات ، وأعنى بها سلطة العقل ، وهو ليس شيئاً آخر غير المنطق في تطبيقه على التعبير .

وإلى نتائج مشابهة لهذه وصل أصحاب النحو المجرد . فقد حاولوا أن يضعوا نحواً مجرداً من كل رمز خاص ، على أساس نظريتهم في المعنى أو الدلالة . فعندهم ، أعنى أصحاب الظاهريات وعلى رأسهم هُيرزل ، أن كل معرفة يجب أن تُدرك حية في الشعور . وإذا نحن نظرنا إليها من هذه الناحية ، وجدنا أن أفعال العقل العارف هي أفعال دلالة ، وهذه الدلالة تتحقق خارجياً في رموز هي الأصوات ، أى اللغة . فالمعرفة تدل على نفسها في اللغة . « فلما كان كل تعبير بدوره ذا قيمة موضوعية ، أى ذا معنى قابل لأن يتحقق ، فإن هذا من شأنه أن يجعله قابلاً لتكوين منطق مجرد . فالنحو لا يستخدم إلا التفكير الصوري ، معبراً عنه في اللغة ؛ فهو من ناحية يهب الألفاظ قيمتها التصورية ، ومن ناحية أخرى يحتوي على هيئة صور إجمالية schémes لفظية ، قوانين التفكير المنطقي^(١) . « والصلة بين المنطق والنحو تبعاً لهذه النظرية تقلخص في أن النحو هو التفكير في المعبر بالنسبة إلى ما يعبر عنه ، وما يعبر عنه هو العملية الذهنية التي هي موضوع المنطق . ومهمة النحو تبدأ حينما تنتهى مهمة المنطق : فحينما لا يكون من الميسور السير بعد في القسمة المنطقية لمضمون الفكر ، لا يبقى أمام العقل إلا وقائع الامتثال ؛ أى لا يكون أمامه إلا أن يضع لفظاً أمام الصورة

(١) سريس : التوازي المنطقي النحوي ، ص ٣٤٤ .

المتثلة ، كأن يضع اللفظ أسود ، للدلالة على تصور « الأسود » . وخلاصة رأيهم أن هناك اتفاقاً قليلاً بين المنطق والنحو .

٢٧ — وهنا يشير خصوم هذا الرأي القائل بالتوازي المنطقي النحوي عدة اعتراضات لخصمها سريس في كتابه عن « التوازي المنطقي النحوي ^(١) » . وأهم هذه الاعتراضات هي :

أولاً أن النحو ليس قانوناً للفكر ، كما أن المنطق ليس علماً بالأشياء ، واللغة تعنى بالتعبير عن المعنى ، والصحة في الكلام شيء غير الصحة في الفكر : الأولى يقصد منها تنظيم الألفاظ للدلالة على معنى مشترك ، والأخرى تنظم الإضافات المنطقية بغض النظر عن معنى التصورات ، من أجل استنتاج إضافة جديدة . ومهمة المنطق هي أن يكون أداة لاستغلال تصوراتنا ، وليس وسيلة للتعبير عن هذه التصورات أو الامتثالات (سريس : الكتاب المذكور : ص ٥٠٤ — ص ٥٠٨) . ومعنى هذا كله أن اللغة موضوعاً ، هو التعبير بالرموز الصوتية عن الامتثالات والتصورات ، يختلف عن موضوع المنطق وهو النظر في الإضافات المنطقية الموجودة بين هذه التصورات ، كما أن الغاية من اللغة تضافر الألفاظ للتعبير عن المعنى ، بينما الغاية من المنطق تنظيم التصورات على نحو يؤدي إلى الصواب في التفكير .

وثانياً ، كما يقول جيلو (الكتاب نفسه § ٩٦) ، إنه « إذا كان صحيحاً ، كما يقول الخصوم ، أن نتائج العمل العقلي لا تظهر إلا لاسبة ثوب التعبير اللفظي — وهذا ما يجب أن يبحث في صحته المنطقي — فما يعنيه ليس الصيغة الدالة ، وإنما المدلول . واللغة نادراً جداً ما تتركب كالفكر الذي تترجم عنه . وإنما يعبر الإنسان

(١) شارل سريس : التوازي المنطقي النحوي . باريس سنة ١٩٤٣ . Ch. Serrus
Le Parallélisme logico-grammatical

قدر استطاعته ، بالاستفادة على خير وجه من موارد الألفاظ والنحو . والألفاظ ونظمها شكول موضوع من قبل نختار من بينها ما يتفق على الوجه الأحسن مع تصوراتنا وتسلسلها العقلي ، والقصد من التعبير اللفظي هو أن تثير عند السامع فكرة مماثلة أو مساوية لما في ذهننا ، ولا يعيننا بعد السبيل الذي نحقق به هذا الغرض .

ثم إن اللغة هي دائماً تقريباً إضمارية ، وما تضرره لا يتناول فقط العرَضِيّ الثانوي ، بل يتناول عادة الجوهرِيّ الرئيسي . فن القضايا ما يُضْمَر ، على هيئة قضية واحدة ، كثيراً من الأحكام . وعلى العكس من ذلك يمكن التعبير عن حكم واحد بواسطة كثير من القضايا ، يكمل أو يحدد أو يصحح بعضها بعضاً . وموضوع القضية ليس دائماً موضوع الحكم ، وكذلك المحمول . والرابطة النحوية ليست دائماً الرابطة المنطقية . وهكذا نجد أن تراكيب اللغة ليست دائماً في تناظر مع تراكيب الفكر .

ويرى جيلو أن هذا الخلط بين اللغة والفكر قد أدى إلى كثير من الخلط والمناقشات المقيمة في المنطق . فعلينا أن نتجنبه ، وبهذا التجنب نستطيع أن نقوم بإصلاح شامل في المنطق العصورى . أجل إننا سنصل ، بطريق آخر ، إلى كثير من النتائج التى وصلتنا حتى الآن . ولكننا سنصل إليها وإلى غيرها بطريقة واضحة ، وسنجد أن كثيراً من المناقشات سينتهى ، وسيخوّل لنا ذلك خصوصاً أن نفهم طبيعة القياس ، وأن نميزه من البرهنة الاستدلالية ، ونحدد وظيفته في الفكر .

الفصل الأول

طبيعة الحكم

٢٨ — وأول أثر من الآثار السيئة لهذا الخلط بين اللغة والفكر عدُّ التصور سابقاً على التصديق ، بمعنى أن الفعل الأول البسيط للعقل هو الإدراك الساذج لا الحكم . والواقع أن الحكم هو الفعل الأول للعقل ، وهو أبسط من الإدراك الساذج بمعنى التصور .

وذلك ، كما يقول بوزنكيت (« أصول المنطق » ص ٨٧) ، أن « الاسم أو التصور لا واقع له في اللغة الحية أو التفكير الحى ، إلا إذا أُشير إلى سياقه في قضية أو حكم . وليس لنا أن نعد القضايا كأنها قد تركبت بأن ضمت ألفاظ أو أسماء بعضها إلى بعض ، وإنما نعدُّ الألفاظ أو الأسماء عناصر متميزة ، وإن لم تكن منفصلة ، في القضايا » ولتوضيح هذا نقول إن المنطق غايته الأساسية النظر في الخطأ والصواب في الفكر ؛ ولا وجود للواحد ولا للآخر إلا في القضايا أو الأحكام ؛ فالقضية أو الحكم هي الوحدة الأساسية في المنطق أو الفكر . وفضلاً عن ذلك ، يلاحظ أن التصور ليس بذاته حالة عقلية كاملة ، وإنما يتحقق دائماً في سياق ، كما يكون مفهوم المعنى تماماً . وكذلك الحال في الاسم أو اللفظ المعبر عن التصور : نشاهد أنه لا يدل على معنى كامل مستقل بنفسه عن السياق الذى يجب أن يوجد فيه . (راجع كينز ، الكتاب المذكور ، § ٦) .

وإلى جانب هذا يلاحظ أن التصور ليس من الواقع فى شيء . فهو لا يوجد بذاته كما يزعم الواقعيون الأفلاطونيون ؛ ولا يوجد فى عقل الله كما يدعى أفلوطين

ومن جرى في إثره ؛ وكل ما يمكن أن يوجد فيه هو الذهن على هيئة تجريدات عامة رمزية يقصد بها الاقتصاد في الفكر ، ولا مقابل لها مطلقاً في الخارج . وذلك لأن ماهو واقعي لا بد أن يكون محدوداً ؛ أما التصور فليس بمحدود ، لأننا لا نستطيع أن نشير إليه فنقول إنه هذا أو ذاك .

وإنما التصور ، كما يقول جيلو ، هو إمكان الحكم بأحكام غير محدودة . فمثلاً التصور : « إنسان » ، يدل ليس فقط على كل الناس الكائنين الآن أو الذي كانوا أو سيكونون ، بل يدل أيضاً على كل من يمكن تخيلهم من الناس وعددهم غير محدود لأنهم ممكنون فحسب ؛ فالتصور إذن يدل على عدد غير محدود من الأحكام الواقعية المتصلة بأشياء موجودة في الواقع . ومعنى اللفظ ، وهو المقابل اللغوي للتصور ، إنما يتركب من أحكام مفردة . والشاهد على ذلك أن من الممكن أن نخطيء في معنى لفظ ؛ ولا وجود ، كما قلنا ، للخطأ والصواب إلا إذا كان هناك حكم . وهذه الأحكام المفردة غير محدودة العدد كما قلنا ؛ واللفظ أو التصور المعلوم هو موضوع أو محمول فيها : فما هو موضوع فيها تكون مفهومه ، وما هو محمول فيها تكون ما صدقه فمثلاً : زيد إنسان ، الحجاج إنسان ، إلخ فإمكان هذه الأحكام هو ما صدق لفظ إنسان ؛ والإنسان حيوان ، الإنسان عاقل ، الإنسان اجتماعي ، إمكان هذه الأحكام هو ما يكون مفهوم لفظ إنسان ، (راجع جيلو ، § ٥١) .

فالتصور إذن هو خلاصة مجموعة من الأحكام المفردة الممكنة ضم بعضها إلى بعض ، وصيغت في علامة صوتية على هيئة لفظ مفرد ؛ ولهذا فإن الحكم أو القضية أسبق من التصور أو اللفظ المفرد ، هذا من ناحية . ومن ناحية أخرى التصور لا مقابل له في الخارج ، بل ولا وجود له في الذهن بمعنى الوجود الحقيقي لشيء ، واضح الصورة له مقابل خارجي . وإنما التصور ، على حد تعبير جيلو ، إمكانية من الأحكام غير محدودة .

٢٩ — فإذا تقرر من هذا إذن أن لا وجود للتصورات إلا في الأحكام ،
فلتكن نقطة البدء في المنطق هي البحث في ماهية الحكم بطريقة عامة تكون
الأساس لكل بحث تال سواء في التصورات وفي التصديقات .

والبحث هنا موزع بين علم النفس ، وعلم المنطق ، وعلم ما بعد الطبيعة .
فعلم النفس يبحث في العمليات النفسية التي نكوّن بها الأحكام ؛ بأن نضع نسباً
بين مُعطيات الحس بعضها وبعض ؛ وعلم ما بعد الطبيعة يدرس الحكم من حيث
انطباقه أو عدم انطباقه على الحقيقة ، أيّاً ما كان نوع هذه الحقيقة . أما علم المنطق
فيعنى بدراسة البواعث التي تحمل العقل على عدّ هذا الحكم أو ذاك صحيحاً ؛
أيّ إنه يبحث في أساس الحكم كي يكون صادقاً لا بالنسبة إلى العقل المفرد ،
بل وبالنسبة إلى كل عقل . فما يعنينا هنا إذن هو أن نصنف الأحكام من حيث
أساس اليقين فيها .

وأساس اليقين في الحكم على نوعين : ١ — التجربة ؛ ٢ — والبرهان .
ولهذا انقسمت الأحكام إلى أحكام تجريبية ، وأخرى برهانية . فلنتحدث
عن كل منهما في إيجاز .

١ — الأحكام التجريبية

٣٠ — الإحساس الخالص لا وجود له ، أو على الأقل لا وجود له في الشعور .
وإنما الصور التي يسمونها حسية يدخل فيها إدراك . وكل إدراك يقوم على التمييز ،
لأن الإدراك هو تخصيص المُدْرَك ، وتخصيص المُدْرَك لا يكون إلا بتمييزه
من غيره . والتمييز هو الحكم . فالعملية النفسية الأولى هي الحكم .

وهذا الحكم إن قام على المدركات الحسية ، سُمّي حكماً تجريبياً . ولكي
يكون الحكم التجريبي يقينياً يجب أن يتوافر فيه شرطان : فيجب أولاً أن

يفرض نفسه بالضرورة على عقل الشخص الذى يحكم . ويجب ثانياً أن يفرض نفسه بالضرورة وبالطريقة عينها على عقل كل شخص موضوع فى نفس الظروف .

فمن الناحية الأولى يجب أن يكون الحكم تزيهاً ، بمعنى أن الدافع إلى الحكم ليس شيئاً آخر غير الإدراك الآتى إلى من الشيء الذى أحكم عليه . فإذا حكمت بأن الشمس طالعة الآن ، فليس لى من دافع إلا الصورة المرئية التى بلغت العين عن الشمس فى هذه اللحظة . « فالحكم التجريبي ، كما يقول جبلو ، يكون صادقاً من الناحية المنطقية ، إذا كان قائماً بآثره على الامتثال المكوّن لمادته فحسب » (ص ١٦) .

ويجب من الناحية الثانية ، أن يكون صدق الحكم غير مقصور على . وهذا طبعى ، إذا توافر الشرط السابق . لأن الحقيقة هنا حقيقة موضوعية لا تتعلق بالذات المفردة المدركة وحدها ، وإنما تتعلق بكل ذات تقوم بإدراكها وبالنسبة عينها ما دامت الظروف متساوية بالنسبة إلى الجميع . فما هو صادق بالنسبة إلى " فقط ليس صادقاً ، وإنما الصدق صادق بالنسبة إلى الجميع . وسواء أقام الآخرون بنفس التجربة فعلاً أم لم يقوموا ، فإننى أفترض دائماً أن أى فرد يقوم بها لابد أن ينتهى إلى ما انتهيت أنا إليه .

أما إذا كانت تجربة الفرد خاصة به وحده ولا يمكن أن تفرض نفسها على الآخرين ، فإن الحكم هنا لا يسمى حقيقة عقلية . ومن هنا تمدّ التجارب الشخصية الخاصة غير مؤدية إلى حقائق عقلية . فمثلاً تجارب الصوفية لا يمكن أن تمدّ حقائق بهذا المعنى .

وللأحكام التجريبية ثلاثة أنواع : (١) أحكام الاختلاف ؛ (ب) أحكام

الذاتية ؛ (ح) أحكام المقارنة بين الأكبر والأصغر .

٣١- (١) فأحكام الاختلاف هي الأحكام القائلة بأن المحمول بخلاف الموضوع ، على الصورة : هذا ليس ذاك . وإذا كان الحكم كما قلنا معناه التمييز ، والتمييز لا يوجد إلا حيث يوجد تفاوت واختلاف ، فإن أحكام الاختلاف هي أبسط الأحكام التجريبية وللاختلاف درجات : فمنه القوى ؛ ومنه الضئيل الذي يحتاج أحياناً إلى تهذيب في الحواس طويلاً لكي يستطيع إدراكه ، كما هي الحال مثلاً في التمييز بين الفروق اللونية أو الصوتية الدقيقة .

(ب) وأحكام الذاتية هي القائلة بأن المحمول هو هو الموضوع ، على الصورة : هذا هو ذاك ، أو هذا هو بعينه ذاك . ولا يقصد من الذاتية هنا ما يقصد من مبدأ الذاتية المعروف القائل بأن ا هي ا . فإن هذا المبدأ المزعوم ، كما يلاحظ جيلو ، ليس مبدأ لأنه غير قابل لأن يطبق . كما أنه ليس حكماً ، لأن معرفتي أن ا هي ا فحسب لا يفيدني أى علم . فهو تحصيل حاصل . مع أن كل حكم يجب أن يعلمنى شيئاً عن موضوعه . وإنما معنى حكم الذاتية هو أن ا و ب هما دالتان مختلفتان للدلول واحد . فحين أقول هذا الرجل سقراط ، فمعنى هذا أن الرجل الذي أشير إليه والرجل المعروف باسم سقراط هما رجل واحد بعينه . وحين أقول : « أنا من تبحث عنه » ، فمعناه أن الرجل الذي لا تعرفه ، ولكنه وصف لك بكذا وكذا من الأوصاف هو بعينه الرجل المائل أمامك . فكأن الذاتية لا يقصد بها الذاتية من كل وجه ، فهذا لا معنى له ولا يمكن أن يكون حكماً كما رأينا ، وإنما الذاتية ذاتية من وجوه واختلاف من وجوه أخرى . ولكن درجة الاختلاف لا تكاد تدرك : فالشيئان الذاتيان لا يمكن التمييز بينهما ، ولكنهما أيضاً غير متميزين . وإنما ترتفع درجة الاختلاف إلى درجة الإدراك في أمطام المساهمة على تفاوت في نسبة هذا الاختلاف إلى أن نصل إلى الاختلاف التام تقريباً فنصبح حينئذ في ميدان أحكام الاختلاف .

(ح) وأحكام المقارنة هي تلك التي تقوم على فكرة الأكبر والأصغر ، ويعبر عنها في اللغة باسم التفضيل . ويجب أن نميز بينها وبين أحكام السك ، التي يدخل فيها العدد والمقياس . وإنما تقوم المقارنة على فكرة التفاوت بين شيئين فيما يتعلق بصفة واحدة : فمثلا أقول إن هذه النعمة أكبر حدة من تلك النعمة وهكذا ، بنقض النظر عن مقدار أو كمية هذه المدة .

٢ - الأحكام البرهانية

٣٢ - والأحكام التجريدية بأنواعها تقوم كلها على معطيات التجربة الخارجية أو الصور الحسية . ولكن نمة نوعاً من الأحكام يقوم على أحكام أخرى ، بأن يكون مستنتجاً منها . وهذه الأحكام هي الأحكام البرهانية ، لأن البرهان معناه استنتاج قضية من قضية أخرى .

ولهذه الأحكام نوعان : فإنها إما أن تكون مستنتجة من أحكام تجريدية ، وهذا يسمى بالاستقراء . وإما أن تكون مستنتجة من مبادئ عقلية أو قضايا عامة ، وذلك هو الاستدلال .

الفصل الثاني

منطق التصورات

٣٣ - وفي وسعنا الآن ، بعد هذا العرض لطبيعة الأحكام وصلاتها بالتصورات من حيث الوجود ومن حيث الأولوية أن نتحدث عن التصورات .
فنفقول إن التصور هو الفكرة المجردة العامة أو الكلية . فهو فكرة ، بمعنى أن وجوده ذهنى ؛ وهذه الفكرة مجردة في مقابل الامتثال العيى أو الإدراك الحسى أو الصورة الحسية ؛ وهى أيضا كلية بمعنى أنها تنطبق على عدة أفراد . وهنا قد يميز أحيانا بين التصور والجنس على أساس أن التصور هو الفكرة الكلية منظورا إليها من ناحية الصفات التى تدل هى عليها ، أى من ناحية مفهومها ، أما الجنس فهو الفكرة الكلية من حيث الأفراد التى تصدق هى عليها ، أعنى من حيث الماصدق .

وتنقسم التصورات من ناحية كيفية تكونها إلى نوعين : (١) تصورات قبلية أو خالصة *reine Begriffe* كما يقول كنت ، وهى التى لا تستخلص من التجربة كلوحة المقولات عند كنت ؛ (٢) وتصورات بعدية أو تجريبية وهى الأفكار الدالة على أصناف من الموضوعات العينية ، مثل ثديى الخ . والاختلاف فى هذا الصدد بين المثاليين والتجريبيين على أشده ؛ فمن المثاليين من يقتصرون على النوع الأول من التصورات ولا يعترفون بالنوع الآخر ، ومن التجريبيين من يفعل العكس تماما ؛ وبين هؤلاء وهؤلاء فريق قال بهذه التفرقة فى داخل التصورات ، وعلى رأس هذا الفريق كنت . ولما كانت هذه المسألة من المسائل المتصلة بنظرية المعرفة فيما بعد الطبيعة أكثر من اتصالها بالمنطق ، فإننا نكتفى الآن

بهذا القدر ، منتقلين إلى البحث في التصورات من حيث أنواعها في الدلالة المنطقية .

٣٤ - وهنا نجد أن المنطق في حاجة إلى العناية بالتصورات من حيث التعبير عنها في اللفظ ، أعني أن البحث سيكون هنا أقرب إلى النحو منه إلى المنطق ، إن لم يكن هو النحو بعينه . وعلى الرغم من أن هذه الحاجة ليست صادرة عن طبيعة التصورات من الناحية المنطقية نفسها ، فإنه لا خير من توجيه شيء من العناية إلى دراستها ، على أن نجعل نصب أعيننا دائماً أن هذا بحث نحوي لغوي أكثر من أن يكون بحثاً في المنطق ، حتى إن بعض المناطق الحديثة يرفض النظر فيها إطلاقاً . ويحملنا على هذه الدراسة كذلك ما أبقاه المنطق القديم في هذا الصدد من آثار سيئة ، لم تزل بعد ، وإن كان من الواجب أن ندعها وشأنها في متحف عادات المنطق

٣٥ - السكلى والجزئى : وأول تفرقة توضع بين التصورات في هذا الصدد تقسيم التصور إلى جزئى وكلى . أما السكلى فهو التصور الذى يمكن حمله على كل وحدة من عدد لا محدود من الوحدات بمعنى واحد ، أو كما يقول الساوى : « هو الذى معناه الواحد فى الذهن يصلح لاشتراك كثيرين فيه كالإنسان والحيوان » (البصائر النصيرية « ص ٧) ، سواء أمكن هذا الحل فى الواقع أم لم يمكن : فلفظ شمس يمكن اشتراك كثيرين فيه عقلاً ، وإن لم يمكن ذلك فعلاً ، ولهذا يُعدُّ هو الآخر كلياً . أما الجزئى فهو الذى يقصد به الدلالة ، فى الأحوال المستعمل فيها على وحدة معينة واحدة فقط ، أو « هو الذى معناه الواحد لا يصلح لاشتراك كثيرين فيه ألبتة ، مثل زيد . إذا أريد به هذا المشار إليه جملة لا صفة من صفاته ، فإن المفهوم منه لا يصلح ألبتة للشركة . فالفرق بين زيد والشمس ، مع امتناع الكثرة فيهما فى الوجود ، هو أنه يمكن أن تتوهم شمساً كثيرة يصح وقوع لفظ الشمس عليها بالسوية . فصلاحية الشركة ثابتة ، مهما

توجد الكثرة الوهمية . ولا يمكن توهم أشخاص كثيرة كل واحد منهم زيد بعينه ، فليس إذن لمعنى هذا اللفظ صلاحية الشركة بحال » (« البصائر » ص ٧) . ويمكن إيضاح هذه التفرقة بالنظر إلى موضع التصور في القضية : فنجد أن الكلى يدل على صنف ينقسم ، والحمل ممكن بالنسبة إلى كل أجزائه ، أما الجزئى فيدل على وحدة غير قابلة للانقسام . ومن هنا ، كما يقول كينز (§ ٩) ، يمكن أن نتخذ ، كمعيار لكون الاسم كلياً ، كونه صالحاً لوضع لفظ كل أو بعض ، قبله ، مع بقاءه دالاً على معنى . فمثلاً إذا قلنا « مدير جامعة » فإن هذا الاسم كلى لأنه يدل على أكثر من شخص واحد ، ويمكن التعبير عنه في قضايا صادقة بالنسبة إلى كل مديري الجامعة أو إلى بعضهم فحسب .

وهنا يلاحظ أن هذه التفرقة لا تميز التصورات بطريقة مطلقة ، إنما يتوقف الأمر دائماً على المعنى الذى يقصده القائل من اللفظ أو المفكر من التصور . فهناك من الألفاظ أو التصورات ما يعده الواحد مفرداً أو جزئياً ، ويعده الآخر عاماً أو كلياً . فمثلاً اللفظ : « إله » - يعده الموحّد جزئياً ، بينما يعده المُشرك عاماً أو كلياً ، كاسم لواحد من آلهة متعددة يؤمن بها . كذلك إذا أخذنا لفظاً مثل « ماء » ، فإننا قد نستعمله جزئياً أو مفرداً حينما نقول : الماء مركب من أوكسجين وهيدروجين ؛ ولكننا نستعمله كلياً حينما نقول « بعض الماء ملح أجاج وبعضه عذب فرات » لأننا هنا استعملنا كلمة « بعض » ، ونحن قلنا إنها لا توضع قبل اسم إلا إذا كان هذا دليلاً على أنه كلى . وهذا يدل على أن المسألة متعلقة دائماً بكيفية الاستعمال ، فلا يمكن القول على وجه الإطلاق إن هذه الطائفة من التصورات كليات وتلك الأخرى جزئيات اللهم إلا بالنسبة إلى بعض الأشياء المفردة ، وهنا لا ندرى كيف يحق لنا حينئذ أن نقول إنه تصور ، مادامنا قد قلنا إن التصور هو فكرة كلية ، أى تصلح لاشتراك الكثيرين . وهذا يدل على ما فى هذه التفرقة من تعسف ، إن لم يكن فساداً .

وعلى كل حال فإن من الممكن إحالة أى اسم كلى إلى اسم جزئى بإضافة شىء مشخّص مثل التعريف فى أحوال كثيرة ، واسم الإشارة فى كل الأحوال . فمثلا إذا قلنا : هذه الشمس ، أو هذا الإنسان ، فإن هذا يحيل الكلى إلى جزئى ؛ وكذلك إذا قلنا : مؤلف «اللزوميات» ، البحث الذى كُلفتم به ، الخ . ويلاحظ من ناحية أخرى أنه لمعرفة أن التصور جزئى لابد من إشارات فى السياق تدلّ على هذا ، كما هو مشاهد فى المثال الأخير ، ولهذا نجد أن فى هذا التمييز تمسفاً كثيراً من هذه الناحية أيضاً .

ونحن قد تحدثنا إلى الآن عن الجزئى أو المفرد دون تفرقة ، كما فعلنا ذلك بالنسبة إلى الكلى والعام . والواقع أن من الأفضل هنا أن نميز بين حَدَّيْ كلا الزوجين بأن نستخدم الاصطلاح مفرد *singulier* وعام *général* فيما يتعلق بالحدود ، وجزئى *particulier* وكلى *universel* فيما يتعلق بالقضايا . وتتضح أهمية هذه التفرقة ، بل وضرورتها ، إذا لاحظنا أن القضية التى يكون موضوعها مفرداً أو جزئياً حسب الاصطلاح العادى لا تعدّ جزئية بل كلية ؛ أما القضية الجزئية فهى التى تكون الإشارة فيها إلى بعض الموضوع ، وبالتالي يكون الموضوع فيها عاماً أو كلياً . فن الواجب إذن ، للدقة فى التعبير ، أن نقصر الاصطلاح : « جزئى وكلى » على القضايا ، ونستخدم الاصطلاح : « عام ومفرد أو شخصى » للدلالة على ما صدق الحدود .

٣٦ — وثمة نوع خاص من المفرد هو الذى لا يدلّ اسمه على صفة خاصة به ، وإنما يقصد به فقط أن يكون علامة تميز هذا الشىء عن ذاك الآخر ، دون أن يتضمن هذا الاسم فى معناه تملك الشخص أو الشىء المسمى به لأى صفة يدلّ عليها الاسم . فالذى يعيننا هنا من وضع الاسم هو مجرد تمييز الفردية فقط بغضّ النظر عن طبيعة هذا الفرد . وهذا النوع هو المسمى بالقلم . فالعلم هو اسم موضوع كعلامة مميزة لشىء مفرد عن شىء آخر ، دون دلالة على صفة متضمنة فى معناه .

والعلم يطلق عادة على الأشخاص والأماكن ؛ وقد يطلق ، من باب التوسع ، على الأشياء التي نمنحها في تصورنا صفة الشخصية والتمايز الفردي ، مثل الحيوان المنزلي واللعب .

والفارق بين اسم العلم والمفرد أن اسم العلم لا يدل في لفظه على صفة تتعلق بالمسمى ؛ أما المفرد فيدل على صفة خاصة بالشئ . وهذا هو أيضاً ما يميز العلم من العام (أو الكلى) : بمعنى أن الاسم العام يدل على صفة في الأفراد التي ينطبق عليها ، أما اسم العلم ، فعلى الرغم من أننا نستعمله لكثيرين ، فإن ذلك ليس لصفة مشتركة توجد فيهم . فكثير من الناس اسمهم محمد ، ولكن هذا في الأصل ليس لأنهم يشتركون جميعاً في صفة يدل عليها هذا الاسم . أما إذا جعلنا هذا الاشتراك في التسمية بسبب صفة مشتركة ، كالإسلام مثلاً ، فإننا ننظر إلى الاسم في هذه الحالة باعتباره عاماً (أو كلياً) ، وليس باعتباره علماً ، هذا لو صحّ جدلاً أن هذا هو سبب التسمية . وعلى كل حال ، فإننا إذا قلنا مثلاً : « كل المحمدين مسلمون » فإن في هذا القول إضمحاراً وهو على التمام : « كل الناس الذين اسمهم محمد مسلمون » وعلى ذلك فإننا لسنا هنا بإزاء علم ، بل بإزاء اسم عام (أو كلى) . وسنتحدث عن هذه المسألة بالتفصيل عند كلامنا عن مفهوم اسم العلم .

٣٧ - ويجب علينا أيضاً أن نفرق في داخل العام (أو الكلى) بين المعنى الجمعي والمعنى الاستغراقي أو بين الاستعمال الجمعي للحد العام collectif وبين الاستعمال الاستغراقي للحد العام distributif فالحد العام يكون مستعملاً بمعنى جمعي إذا كان يدل على مجموع الأفراد الداخلين تحت ماصدقه ككل ، مثل إنسان بمعنى الناس أجمعين ، وكل الناس ؛ ويكون مستعملاً بمعنى استغراقي ، إذا كان يدل على كل فرد من هؤلاء الأفراد على حدة ، مثل : كل إنسان (أي كل واحد

من الناس) . ولهذا التفرقة أهمية خاصة ، لأن ما يصدق على الكل كـكل ، قد لا يصدق على الكل كأفراد : فإذا قلنا مثلاً : الألمان في حرب مع الانجليز . فإننا نستخدم هنا اللفظ « الألمان » واللفظ « الانجليز » بمعنى جمى لا بمعنى استغراقى ، أى بمعنى أن الألمان كلمة يحاربون الانجليز كأمة ، لا بمعنى أن كل ألماني أو كل إنجليزى يحارب فعلاً . وكذلك إذا قلنا : كل زوايا المثلث تساوى قائمتين ، وقلنا : أيضاً : كل زوايا المثلث تساوى أقل من قائمتين ، فإن هذا القول يكون صحيحاً فى الحالتين ، إذا استعملنا كلمة « زوايا » فى الحالة الأولى بمعنى جمى ، واستعملناها فى الحالة الثانية بمعنى استغراقى . ولأهمية هذه التفرقة كثيراً ما تنشأ مغالطات بسبب عدم مراعاتها ، وهذه المغالطات تسمى باسم أغلوطة التقسيم ، أو أغلوطة التركيب ، حسب الأحوال ، وهما ما يسميه المدرسيون *fallacia divisionis et fallacia compositionis* ، ومثاله : الخمسة زوج وفرد ، فهذا لا يصدق مفترقاً ، لأن الخمسة ليست زوجاً ، وإنما يصدق مجتمعاً ، لأن الخمسة زوج هو اثنان وفرد هو ثلاثة . ومثاله أيضاً : كل زوايا المثلث أقل من قائمتين ، . . . ا ، ب ، ح زوايا المثلث ا ب ح كلها معاً أقل من قائمتين .

وتظهر أهمية هذه التفرقة كذلك بالنسبة إلى بعض الحدود المركبة بواسطة الجمع المنطقي ؛ مثال ذلك : « حسن وعلى أخوان » ، نجد هنا أن الموضوع وهو « حسن وعلى » قد استعمل حداً جمعياً . ولكن إذا قلنا « حسن وعلى صغيران » ، فإن الموضوع هنا حد استغراقى ، إذ يقصد من الموضوع فى الحالة الأولى أن حسن وعلى معاً أخوان ، وفى الحالة الثانية أن كلا من حسن وعلى صغير^(١) .

(١) وبهذا نستطيع أن نحل مسألة صيغة الفعل الذى يأتى بعد « كلا » و « كلتا » من حيث الإفراد والتثنية . فإن النحويين يميلون إلى جعل الفعل بعدهما فى حالة الإفراد دون تعليل واضح لهذا ، والواقع أن من الواجب مراعاة المعنى ، فإن استعمالاً بمعنى جمى جاء الفعل بعدهما فى حالة التثنية بالضرورة ، وإن استعمالاً بمعنى استغراقى وجب أن يأتى الفعل بعدهما فى حالة =

٣٨ - ويفرق كذلك في التصورات بين ما هو مجرد وما هو عيني . فالحد المجرد هو الصفة منظوراً إليها بغض النظر عن الموضوعات التي تحملها ، والحد العيني هو هذه الموضوعات نفسها . فمثلاً اللفظ إنسانية يُعَدُّ تصوراً مجرداً ، أما « إنسان » فإنه تصور عيني .

وهذه التفرقة كانت واضحة عند المدرسين ؛ ولكن جاء لوك من بين المحدثين فأطلق كلمة « مجرد » على كل اسم مستخلص بواسطة التعميم والتجريد ؛ ولهذا أطلق هذا اللفظ على ماسميناه نحن باسم العام أو السكلي . وسار في هذا الاتجاه خصوصاً المدرسة الفرنسية المتأثرة به ؛ وهي مدرسة كوندياك .

ولكن هذا التمييز قد أخذ في القرن التاسع عشر عدة اتجاهات : فمنهم من استمر على التقاليد المدرسية ، كما فعل جون استورت مل (المنطق ف ٢ § ٤) : فقد رد على لوك ومدرسته قائلاً إن هناك فارقاً بين السكلي أو العام وبين المجرد ، وتساءل عما إذا كانت الأسماء المجردة تنسب إلى صنف السكلي أو إلى صنف الجزئي ؛ وأجاب عن ذلك قائلاً إن بعضاً منها هو كلي بيقين ، وأغنى تلك الأسماء التي ليست أسماء صفة واحدة معلومة ، بل أسماء صنف من الصفات ، فمثلاً الكلمة « لون » اسم مشترك بين البياض والحمرة والسواد الخ ؛ بل وأيضاً كلمة « بياض » بالنسبة إلى أنواع البياض المختلفة . ولكن حينما يكون الاسم خاصاً

= الأفراد . ويظهر هذا بوضوح في قول الفرزق في صفة فرسه :

كلاهما حين جد السير بينهما قد أقلعا ، وكلا أنفيهما رابى

(جد : عظم . أقلعا : تركا الجرى . رابى : منتفخ من الجرى) .

وإذا استعملت بمعنى استغراق فقط تعين الأفراد كما في قول عبد الله بن معاوية :

كلانا غنى عن أخيه ، حياته ونحن إذا متنا أشد تغانيا

(راجع ابن هشام : « غنى اللبيب » ج ١ ص ١٧٢ - ص ١٧٣ ط مصر سنة ١٣٤٨ هـ)

فقد أحسن الجواب ولم يوضح التعليل .

بصفة واحدة لا اختلاف في أنواعها ولا في درجاتها مثل : المساواة ، التربيع - فإن من الصعب أن نعد الاسم هنا عاما أو كلياً ، لأنه على الرغم من أن الاسم هنا يدل على موضوعات كثيرة ، فإن الصفة نفسها ينظر إليها كواحدة لا ككثيرة . ثم ينتهي من إلى القول بأن الأفضل ألا ننظر إلى الأسماء المجردة على أنها عامة ولا على أنها مفردة ، بل نُعدّها صنفًا على حدة . وسار في هذا الاتجاه أيضاً هـربرت اسپنسر (« تصنيف العلوم » ، ص ٨ من الترجمة الفرنسية) فقال إن من الحقائق المجردة ما ليس بكلي ، كما أن هناك من الحقائق الكلية ما ليس بمجرد . بل ويذهب إلى أبعد من هذا فيقول : إن الإضافات المثالية للأعداد هي وخذها العامة المجردة معاً . وأساس التمييز عنده بين المعاني المجردة والمعاني العامة هو أن المعنى المجرد لا يمكن أن يكون موضوعاً لتجربة ، فمثلاً هذا المعنى وهو أن الزاوية المرسومة في داخل نصف دائرة زاوية قائمة معنى مجرد ، لأن هذا لا ينطبق إلا على نصف الدائرة الكامل والزاوية السكاملة ؛ بينما جميع أنصاف الدوائر وجميع الزوايا الواقعية ناقصة ؛ كما أنه ليس عاماً أو كلياً ، لأنه عبارة عن علاقة مكانية جزئية جداً . ويرد جيلو على هذا بأن يقول إن هذا المعنى ينطبق على ما لا نهاية له من الزوايا وأنصاف الدوائر ، وأن ثمة ما لا نهاية له من أنصاف الدوائر ذوات أنصاف أقطار مختلفة وفي كل منها نستطيع أن نرسم ما لا نهاية له من الزوايا القائمة المختلفة . — أما المعنى العام فهو على العكس من ذلك ، موضوع للتجربة في كل الأحوال الممكنة ؛ فمثلاً هذه الحقيقة وهي أن الكواكب تدور حول الشمس من الغرب إلى الشرق ، معنى عام ، لأن لدينا منها آلافاً من الأمثلة تحت أنظارنا ؛ ولكنه ليس معنى مجرداً ، لأنه في كل الأحوال يتحقق في ظاهرة عينية . ويرد جيلو على هذا أيضاً بقوله إن الموضوع العيني المسمى باسم

كوكب لا ننظر فيه هنا إلا من ناحيةٍ خاصّةٍ واحدةٍ من خواصّه ، هي الحركة ، وهذا تجريد ^(١) .

ويتمصل بهذا أيضاً تمييز شوبنهاور (« العالم إرادة وامثال » ، ق ١ § ٩) بين المجردات abstracta وهي التصورات التي لا تنسب إلى التجربة إلا بواسطة تصورات أخرى (مثل إضافة ، بدء) وبين العينيّات concreta ، وهي التصورات التي تنسب إليها مباشرة (مثل : إنسان ، فرس) .

وهناك اتجاه ثالث نجده عند هيجل ؛ فعنده أن المجرد هو الذي يبدو خارجاً عن علاقاته الخارجية مع بقية الأشياء ، أو ما هو وحدة خالية من الاختلافات ، بينما العيني هو المتمين تعيناً كاملاً بواسطة علاقاته كلها ، أو هو الوحدة المتضمنة للاختلافات . وعلى هذا ، فإن الروح هي أعلى درجة من درجات العينية ، أما المجردات فهي الجزئي بوصفه معزولاً عن الكلّ بواسطة الإدراك الحسي ، والكلّ بوصفه معزولاً عن الجزئي بواسطة تأمل الذهن (« تاريخ الفلسفة » ، مجموع مؤلفاته ، ج ١٣ ، ص ٣٨ . عن معجم لالاند تحت كلمة مجرد) .

ولكن هذه المعاني الثلاثة تفقرض شيئاً فشيئاً . وأصبح المعنى المستعمل اليوم هو ، كما ورد في معجم لالاند ، أن المجرد هو الكيفية أو الإضافة التي ينظر إليها منفصلة عن الامتثالات التي توجد فيها . أما الامتثال الكلّ فهو العيني . والتجريد بالنسبة إلى الكيفية أو الصفة يسمى تجريداً مادياً ، وبالنسبة إلى الإضافة أو النسبة يسمى تجريداً صورياً : ففي الحالة الأولى نعتبر الفكرة المجردة بوصفها محمولاً على موضوع ، أي بوصفها أحد الحدين اللذين يكونان مادة الحكم

(١) راجع جيلو : « المعجم الفلسفي » ، تحت كلمة تجريد .

أو القضية ، وفي الحالة الثانية نعتبر الفكرة المجردة علامة أو نسبة بين محمول وموضوع ، وهذه النسبة هي ما يسمى باسم صورة الحكم أو القضية .

وخلاصة هذا كله أن الاسم المجرد هو اسم صفة وكيفية (بياض ، إنسانية الخ) أو إضافة ونسبة (بُغد ، عدد ، مقدار الخ) .

٣٩ — التصورات الواضحة والغامضة ، والتصورات المتميزة والمختلطة :

كذلك تنقسم التصورات إلى واضحة وغامضة ، ثم متميزة ومختلطة . ويلاحظ أولاً أن التصور الواضح ليس بالضرورة متميزاً ، كما أن التصور الغامض ليس بالضرورة مختلطاً : ففكرة الألم الذي يؤثر فيها هي فكرة واضحة لأننا نشعر به بكل وضوح ، ولكنها ليست متميزة ، لأنها تصور لنا الألم وكأنه في اليد الجريح ، مع أنه لا يوجد إلا في النفس . ولهذا نجد ديكارت يميز بدقة بين الواضح والمتميز فيقول : « أسمى واضحاً المعرفة الحاضرة البيئة لعقل منتبه . . . وأسمى متميزاً تلك التي تكون أدقيقة محددة ومختلفة عن بقية التصورات كلها ، لدرجة أنها لا تتضمن في نفسها إلا ما يبدو بوضوح لكل من ينظر فيها كما يجب » . (« المبادئ » ١ : ٤٥) . ويضيف إلى هذا أن المعرفة يمكن أحياناً أن تكون واضحة دون أن تكون متميزة ، ولكنها لا يمكن أن تكون متميزة دون أن تكون واضحة بهذا الطريق نفسه ، أعني تميزها . ولكن هذا ليس بصحيح دائماً : فقد يكون التصور متميزاً دون أن يكون واضحاً ؛ ففكرة الله مثلاً فكرة تتميز من بقية التصورات ، ولكنها ليست واضحة وضوحاً كافياً .

ويأخذ جيلو على هذه التعريفات الديكارتية أنها لا تراعي ناحية الأحكام الممكنة التي يتضمنها كل تصور ، كما أن لينتس ولو أنه كان أسعد حظاً من ديكارت ، فإن إشارته إلى هذه الناحية إشارة غامضة . ويقول جيلو في

تعريفه : « إن التصور يكون واضحاً إذا كان المرء يعرف ماهى التجارب أو العمليات المنطقية التى بها يستطيع أن يحقق الأحكام الممكنة التى يكون هذا التصور محمولاً بالنسبة إليها ، أعنى إذا كان فى وسعه التحقق من أن الموضوع المعلوم يسمح بهذا التصور كمحمول أولاً يسمح . فالتصور إنسان واضح بالنسبة إلى كل منا ، لأننا نعرف بأى خواص نستطيع أن نميز ما إذا كان الموضوع إنساناً أو غير إنسان » (المنطق § ٦٢) . وخلاصة هذا القول أن التصور يكون واضحاً حينما نعرف ماهية الشئ أو علمته . وكذلك الحال بالنسبة إلى التميز : « فالتصور يكون متميزاً إذا كان المرء يعرف بأى التجارب أو العمليات المنطقية نستطيع أن نحقق الأحكام الممكنة التى يكون هذا التصور موضوعاً لها ؛ أعنى إذا كان من الممكن أن يكون أولاً يكون موضوعاً لمحمول معلوم » (§ ٦٤) . والتصورات المتصلة بموضوعات التجربة ليست واضحة إلا وضوحاً نسبياً فحسب . فذو الألف ضلع ، منظوراً إليه من ناحية التجربة والواقع ، لا نستطيع أن نقبضه بوضوح مرسوماً ، لأننا لا نجد من الدقة فى الرسم أو الإبصار ما يسمح لنا بملاحظة الألف زاوية التى يتضمنها . ولكن إذا نظرنا إلى هذا التصور من الناحية النظرية ، أى من الناحية الهندسية الخالصة ، وجدنا أنه واضح تمام الوضوح ، لأن فى وسعنا التأكد من أن كثير الأضلاع المعلوم ذو ألف ضلع بأن نعد عدد أضلاعه فى الذهن .

التصورات السالبة وأنواع التقال

٤٠ - لا يقال السلب حقيقة إلا على الأحكام . وإذا تحدثنا عنه فيما يتصل بالتصورات ، فما ذلك إلا باعتبارها جملة أحكام ممكنة . والتصور السالب هو فى الواقع محمول موجب ، مضافاً إليه نقي الحكم الذى يكون هذا التصور محموله . ولهذا فإن القضية الموجبة التى يكون محمولها تصوراً منفيها تعبر عن حكم سالب

محموله مُثَبَّت : فقولنا : الزمان لا نهائى - يساوى : الزمان ليس بنهائى .
والتصور المُثَبَّت يحدد صنفاً من الموضوعات يمكن أن يحمل عليها .
أما التصور المنفى ، فيمكن نظرياً أن يضاف إلى كل موضوع خلاف الصنف
للمنفى ؛ فنرى حينئذ أن « لا - لا » يتوزعان فيما بينهما كل الموضوعات الممكنة
فى الوجود . ولكن مثل هذا التصور ، أعنى التصور المنفى الذى لا يحدد
موضوعاً بالذات ، وإنما ينفى فقط صفة أو صنفاً ، لا يكاد العقل يتصوره .
ولهذا أثير كثير من الجدل حول قيمة التصورات المنفية ومعناها .
فزعجرت يرى « أن الصيغة لا - لا » ، وفيها تدل « على أية فكرة ، إذا
أخذت بحروفها لا تدل على معنى إطلاقاً » (المنطق ج ١ ص ١٣٤ - عن
كينز § ٣٨) . لأنه ، فضلاً عن أن مجرد غياب فكرة ليس فى ذاته فكرة ،
يلاحظ أيضاً أن لا - لا يمكن أن تفسر بمعنى « غياب » « عن الذهن ؛
بل المسألة على العكس ، هى تدل على « حضور » « فى الذهن ؛ فلا نستطيع
مثلاً أن نفكر فى « لا - أبيض » إلا بتفكيرنا فى « أبيض » . كما لا نستطيع
من ناحية أخرى أن نفكر لا - لا بمعنى أى شىء لا يصاحب بالضرورة « فى
الذهن . لأنه إذا كان الأمر كذلك ، فإن « لا - لا » لن يرفع كلٌّ منهما الآخر ؛
فمثلاً مربع ، لا تصاحب فى الذهن بالضرورة فكرة أبيض ؛ ولا يوجد تقابل بين
هذه الفكرة وفكرة أبيض . فلا يبقى لهذه الصيغة إلا أن تفسر على أن لا - لا تدل
على كل شىء فى الوجود ماعداً « ، أى كل شىء أياً كان يجب أن تسلب عنه « .
« ولكن لا بد للإنسان أن يستعرض فى الذهن كل الأشياء الممكنة من أجل
سلب « عنها ، وهذه الأشياء ستكون حينئذ الموضوعات المثبتة المدلول عليها
بواسطة لا - لا . ولكن إذا كان لهذا فائدة ما ، فإن هذا عمل من المستحيل
القيام به » (ص ١٣٥ - عن كينز § ٣٨) . والواقع أننا إذا أخذنا الصيغة
لا - لا بحروفها فإنها لا يمكن أن تدل على شىء مفهوم بوضوح ، فإن مجرد النفى
الخالص لأية فكرة لا يقدم لى فكرة واضحة .

ولكن كينز يرى أنه على الرغم من وجاهة ما يقوله زجثرت ، فإننا نستطيع مع ذلك أن نفسر هذه الصيغة على أساس الماصدق ، بأن نقول : إن كل تصور يقسم العالم الذى يشير إليه إلى قسمين يرفع كل منهما الآخر ، أعنى إلى قسم يمكن أن تحمل عليه ١ ، وقسم آخر لا يمكن أن تحمل عليه . والأول يدل عليه ١ والثانى لا - ١ . فإذا كانا من ناحية المفهوم يتضمنان تصوراً واحداً ، فإيهما من ناحية الماصدق يرفع كل منهما الآخر . ولهذا يقول إن الاسم « المثبت » يتضمن « حضور » صفة أو مجموعة صفات فى الأشياء التى يطلق عليها هذا الاسم بينما الاسم « المنفى » يتضمن « غياب » واحدة أو أكثر من صفات معلومة . فالاسم المنفى إذن يتحدد ما صدقه بطريق غير مباشر ؛ بينما الاسم المثبت يتحدد ما صدقه بطريق مباشر ، أعنى بطريقة إيجابية ، والمنفى يعين الباقى ، ويحدده . (§ ٣٨) .

و بطريقة أخرى يبين جيلو فائدة التصور المنفى ، بأن يفهم المنفى بمعنى العدمى privatif فالأحكام الممكنة التى يتضمنها لا تتعلق إلا بموضوعات صنف محدد بوضوح . فليس لنا أن نقول مثلاً : هذا الحجر لا أخلاقى ، ومع ذلك فهو ليس بأخلاقى ؛ كما أن قولنا لافان ، إنما ينطبق على ما يحيا ويبقى ، وما يقبل الفناء أو البقاء ؛ ولا نشعر بحاجة إلى استبعاد الموت عن الأشياء التى لا صلة له بهما . فكأن التصور المنفى يتضمن إذن إثبات صفة إيجابية فى نفس الآن الذى يتضمن فيه نفي صفة أخرى ، فبعض الأشياء المتعلقة بالحكم الممكن قد تعين ، والبعض الآخر لم يتعين . ولكن لما كان هذا الحكم ممكناً ، وكانت الصفة متعينة سلباً فحسب ، فإن صنف الموضوعات يظل غير محدد بالدقة . ولهذا أثارت التصورات المنفية مجادلات مشهورة نذكر من بينها تلك المتعلقة باللاوجود فى الفلسفة القديمة ، واللاهائى فى الرياضيات والميتافيزيقا الحديثة (جيلو : « المنطق » § ٥٢ - ٥٣) .

وما يقوله جيلو هنا فيه إجابة عن المشكلة التى تثيرها الأسماء المنفية من حيث

مدى النفي : فإن بعضاً من المناطق ، وهذا هو رأى الشائع ، يريد أن يفهم النفي بالمعنى الثالث الذى أشار إليه زجفرت ، وهو أن النفي يمتد إلى كل شيء فى الوجود عدا الشيء المنفى ، ولا ينسحب فقط على جنس المنفى أو نوعه . فحين أقول : لا - أبيض ، لا أنفى فقط كل الألوان الأخرى عدا الأبيض ، بل أنفى كل شيء فى الوجود عدا الأبيض ، من ألوان وأصوات وحركات الخ . ولكن إذا كان هذا هو معنى المنفى ، فإن هذا لا يدل على معنى واضح ؛ أو لا فائدة له ، كما يقول زجفرت . فإذا كان للمنفى معنى فيجب أن لا يدل على نفي كل الأشياء أيًا كانت عدا الأبيض ، وإنما يدل فقط على نفي الأسود والأحمر والأزرق الخ ، أى كل الأفراد الداخلة تحت نوع اللون . أعنى من هذا ، أن المنفى لا بد أن يشير فقط إلى عالم مقال universe of discourse معين ، يستنفذه المثبت والمنفى فيما بينهما : ففى قولنا لا - أبيض نحن نشير فقط إلى عالم مقال معين ، هو اللون . ومن هنا فهم يقصرون عالم المقال عادة على الجنس القريب . ولأنهم ينكرون فهم الأولين ، نراهم لا يعترفون بعملية نقض العكس المستوى فى الاستدلال المباشر ؛ فلواتسه (المنطق § ٤٠) ينكر صيغة الحكم : ع هى لا - ح ، ولا يسمح بالانتقال من : الروح ليست مادة ، إلى : الروح هى لا - مادة ، لأن الروح ليست كل شيء آخر غير المادة : وإنما هى فقط ليست مادة فى داخل عالم مقال معين ، هو الجوهر المركب منه الموجودات .

والواقع أنه من التمسك الشديد ، إن لم يكن من غير المعقول ، أن يقول الإنسان : العلم هو لا - أزرق ، لأننا لا نستطيع أن نقول العلم ليس بأزرق . وهذا فإننا مع من ينكرون أن يكون المنفى منسحباً على كل شيء فى الوجود عدا الشيء المنفى ؛ ونقول إنه إذا كان للمنفى معنى حقيقى ، فيجب أن يكون مشيراً إلى عالم مقال معين .

٤١ - وهذه العلاقة بين المنفى والمثبت تسمى بالتقابل . وله عدة أنواع :
التناقض ، التضاد ، التضايف .

أما التناقض فهو علاقة السلب الموجودة بين حدين يستنفدان فيما بينهما كل عالم المقال المشار إليه في الحكم ، ولا يكون هناك فرد في عالم المقال هذا يمكن أن يصدق عليه مما . ويسمى التناقض أحياناً باسم تقابل السبب والإيجاب ، كما في الكتب العربية (« البصائر » مثلاً ص ٣٦) . والتقابل بواسطة التناقض لا يجعل بين الحدين وسطاً . ولهذا فإن المتناقضين لا يمكن أن يصدقاً معاً ولا يمكن أن يكذباً معاً لأنهما يستنفدان كما قلنا كل أفراد عالم المقال .

أما في التضاد ، فإن الحدين لا يستنفدان كل عالم المقال ، ولهذا فإنهما قد يكذبان معاً ، بمعنى أن شيئاً قد لا ينطبق عليه أحدهما ، إذ بينهما وسط ؛ ولوجود هذا الوسط ، الذي قد يمتد إلى غير نهاية ، فإن البعد بين الحدين المتضادين أكبر بكثير جداً منه بين الحدين المتناقضين . ولهذا نجد التعريف المشهور في الكتب العربية والمأخوذ عن أرسطو يقول إن المتضادين « هما الذاتان الوجوديان المتعاقبان على موضوع أو محل واحد ، وبينهما غاية الخلاف » (« البصائر » ، ص ٣٦) . فمضى قوله « غاية الخلاف » ، أن بينهما وسطاً طويلاً جداً . ولنوضح هذا بمثال فنقول : أبيض ، لا أبيض ؛ أبيض ، أسود . في هذين المثالين نجد المثال الأول يدل على التقابل بالتناقض ، والثاني يدل على التقابل بالتضاد . ونحن نرى أنه ليس بين الأبيض واللأبيض وسط ، فهما قريبان من هذه الناحية كل القرب ؛ ولكن يوجد بين الأبيض والأسود وسط طويل يشمل : الأحمر ، والأصفر والأخضر ، والأزرق ، والبنفسجي ، ثم الفروق الدقيقة بين أخلاط هذه الألوان ، وهي فروق تسير إلى غير نهاية . أما إذا فهمنا البعد بمعنى الشدة في التقابل ، فمن الواضح أن البعد أكبر جداً في حالة التناقض منه في حالة التضاد ، لعدم وجود

وسط في الحالة الأولى . ومع ذلك يوجد من المتضادات ما لا يقبل غير وسط واحد مثل : أ كبر - مساوٍ - أصغر . فبين أ كبر وأصغر ، لا يوجد غير وسط واحد هو : مساوٍ .

ولتكوين التناقض من التضاد يجمع الإنسان كل الأوساط تحت تصور واحد ، يجعله هو واحد الطرفين مقابل التصور الآخر المضاد . ففي المثال الأخير نستطيع أن نحيل التضاد إلى تناقض كما يلي : أ كبر - ليس بأ كبر (وهذا يشمل المساوي والأصغر) .

وقد فطن أرسطو إلى أن الإشارة في التقابل يجب أن تكون إلى عالم مقال معين ، أو جنس واحد ، فقال إن المتضادات ، ويقصد في الواقع المقابلات بأنواعها ، تنتسب إلى جنس واحد ، ويضيف إلى هذا ، وكنتيبة ، أن المتضادين موضوع لعلم واحد ، مادام ينتسبان . هكذا إلى جنس واحد .

ويقال عن بعض التصورات إنها متناقضة في ذاتها . ويقصد من ذلك أننا لو حللنا التصور المتناقض إلى الأحكام الممكنة التي يدل عليها ، وجدنا أنه يتضمن حكيم متناقضين . والواقع أن التصور هنا ليس تصوراً بمعنى الكلمة ، ولهذا يقال عنه إنه تصور كاذب (بمعنى أنه تصور يبدو في الظاهر أن له معنى ، والواقع أنه ليس له أي معنى) إذ لا يستطيع المرء أن يفهم شيئاً ينفي نفسه بنفسه ، فمثلاً إذا قلنا : دائرة مربعة ، فإن الذهن لا يستطيع مطلقاً أن يتصور شيئاً كهذا ، وذلك لأن هذا التصور (الكاذب) يتضمن حكيم متناقضين . ويعبر عن التناقض في أحوال كهذه باسم التناقض في الحدود *contradictio in adjecto* وهو الذي فيه نضيف إلى موضوع صفة منفية عنه بحكم تعريفه .

كما يفرق أيضاً بين التناقض الصوري والتناقض المضمّر أو المادى *implicite* ، فالأول هو الذي تظهر فيه علامة التناقض صريحة ملفوظاً بها مثل : أ ، لا - أ ؛ (م - ٥)

مقتناه ، لا مقتناه . والآخر لا تظهر فيه تلك العلامة مصرحاً بها مثل :
مصرى ، أجنبي .

ولسا كان التضاد لا يوجد حقيقة إلا بين طرفي سلم فيه درجات ، فليس
لكل شيء مصاده . ففي دائرة الألوان مثلاً ، لا نجد مضاداً حقيقياً للأزرق ؛
لأن الأزرق في وسط السلم . ولكن بعض المناطق يتوسع في معنى التضاد فلا
يشترط ضرورة كون الشئين في طرفي السلم ، بل يكفي مجرد عدم التوافق
incompatibility ؛ وفي هذه الحالة يعدّ الأزرق والأصفر مضادين للأبيض ،
وليس الأسود وحده . وهذه الصلة تمت في هذه الحالة بنعت التنافر ويقال
إنها متنافرة repugnant .

٤٢ — التضاف : المتضايقان هما اللذان لا يتصور أحدهما ولا يوجد
بدون الآخر ؛ أو كما يقول صاحب البصائر « المضاف هو الذي ماهيته معقولة
بالتقياس إلى غيره » (ص ٢٩) ، ولا وجود له سوى ما به يضاف ، أي لا يتصور
وجوده إلا بتصور وجود شيء آخر ، مثل الأبوة والبنوة . فالمضاف إذن يتضمن ،
إلى جانب موضوعه الخاص ، موضوعاً آخر ، لا بد من الإشارة إليه أثناء
تفسيره . ومن خواص المضاف التكافؤ في لزوم الوجود وارتفاعه ، وأخوة هذا
ملازمة لأخوة ذلك الذي يقال له أخوه .

والإضافات عدة خواص عني المنطق الرمزي بالبحث فيها وعرضها بالتفصيل ؛
ولهذا سنقتصر هنا على ذكر أهم هذه الخواص .

والخاصية الأولى هي التماثل symètrie : وهي أن يكون الأصل عين
المعكوس ، كما يظهر في قولنا : زيد طويل طول عمرو ؛ فالإضافة هنا : « طويل
طول » تماثلية ، لأنها واحدة بين زيد وعمرو ، وهو هنا الأصل ، وبين عمرو
وزيد ، وهو هنا المعكوس . لكن حينما أقول : « على زوج فاطمة » ، فإن

الإضافة هنا هي « زوج ل » . والعكس هنا يخالف الأصل ، ولذا تسمى الإضافة هنا : « لائمية » .

ثم خاصية التعدى *transitivité* : والإضافة التعددية هي الإضافة التي إذا وجدت بين ا و ب من ناحية ، وبين ب و ح من ناحية أخرى ، وجدت أيضا بين ا و ح . فمثلا محمداً أكبر من علي ، علي أكبر من حسن ، إذن محمداً أكبر من حسن . ومن نوعها الإضافات : مساول ، سابق على الخ . ولكننا إذا قلنا ا أب ب ، ب أب ج ، فإن ا ليس أباً ل ج . - ولهذا فإن الإضافة التي من نوع أب ل « تعتبر لازمة *intransitive* » .

وتسمى الصلة الموجودة بين متضايفين باسم أساس التضاييف ، أو أساس الإضافة *fundamentum relationis* . ففي حالة الأب والابن تسمى الأبوة من الناحية الأولى ، والبنوة من الناحية الثانية ، وبين الشريك والشريك الآخر تسمى الشراكة . وفي هذا يلاحظ أيضا أن المتضايفين قد يكونان يحملان اسماً واحداً ، كما هي الحال في المثال الثاني ، وقد يختلف الاسم ، كما هو ظاهر من المثال الأول .

المفهوم والمصادق

٤٣ — كل تصور « يصدق » على أفراد و « تفهم » منه مجموعة صفات .
فكلمة « إنسان » مثلاً تصدق على محمد ، زيد ، زنجي ، شمالي ، مصري فرنسي
إلخ ؛ ويفهم منها الحيوانية والنطق والضحك والاجتماع والمشي بقامة مشرعة
إلخ . « فالأفراد الذين يصدق عليهم الكلي يسمون « بالمصادق » ، والصفات
التي تفهم من التصور تسمى « المفهوم » .

ويمكن أن نعرف كليهما باعتبار أن التصور مجموعة من الأحكام الممكنة
بأن نقول إن المصادق هو « عدد الأفراد الداخلين تحت جنس ، أعني عدد
الأحكام الممكنة التي يكون هو محمولها ، والمفهوم هو عدد الصفات المشتركة بين
أفراد النوع ، أعني عدد الأحكام الممكنة التي يكون هو موضوعها . فإذا كان
الحد كلياً ، أعني إذا كان ماهية ، فإن مصادقه لا متناه ، وإذا كان جزئياً
أو مفرداً ، فإن مفهومه لا متناه » (جيلو § ٦٥) .

ويكون التصور متضمناً في آخر ، سواء من ناحية المصادق ومن ناحية
المفهوم ، إذا كانت كل الأحكام الممكنة في الأول هي أحكام ممكنة في الثاني .
فيكون التصور متضمناً من ناحية المصادق في تصور آخر إذا كان كل موضوع
في الأول موضوعاً في الثاني : فكل حيوان يكون ثديياً هو فقري ، من ناحية
المصادق . ويكون التصور متضمناً في آخر ، من ناحية المفهوم ، حينما يكون كل
محمول للأول محمولاً للثاني : فكل ما يصدق على الفقري يصدق على الثديي ،
فالفقري إذن متضمن في الثديي ، من ناحية المفهوم .

وما صدق أى تصور لا يمكن حصره ، لأنه غير متناه ؛ أما مفهومه فمحدود ،
لأنه مكون من صفات يمكن حصرها .

٤٤ — ولكن فكرة « المفهوم » من الأفكار الغامضة التي يجب تحديدها
وتعيين نطاق المعنى الذي تمتد إليه . ونحن لو أخذنا تصوراً من التصورات ، ففي

وسمنا أن ننظر إليه من ثلاث نواح على الأقل ، بالنسبة إلى المفهوم :

(١) إذ يمكن أولاً أن ننظر إليه من ناحية الصفات التي يدل عليها ، باعتبار أن هذه الصفات صفات جوهرية للأفراد الذين يدل عليهم التصور ، فتكون إذن داخلية في تعريفها ، حتى إن غياب إحدى هذه الصفات يؤذن بأن الاسم لا ينطبق ، ولا يُعدُّ الفرد حينئذٍ منتسباً إلى تلك للطائفة من الأفراد . ويسمى كينز (١٦٨) وجهة النظر هذه بوجهة النظر الاصطلاحية conventional ، لأن الصفات هنا هي الصفات المصطلح عليها من أجل تحديد مدلول التصور .

(٢) ويمكن ثانياً النظر إليه من ناحية الصفات المرتبطة في ذهن شخص ما بهذا التصور ؛ وهي الصفات التي بها يتميز عنده ، وهذه الصفات قد تشمل الصفات الاصطلاحية المذكورة في القسم الأول ، وقد تزيد عليها وقد تنقص عنها ، وقد أوهى غالباً ، تشمل كثيراً من الصفات التي ليست بذاتية لماهية الشيء . ولما كانت هذه الصفات هي تلك المرتبطة في ذهن شخص معين في زمان معين ، فإن وجهة النظر هذه تسمى وجهة النظر الذاتية : subjective .

وتختلف هذه الصفات باختلاف الأفراد والعصور . فقد يكون الشخص عالماً بكل ما هو معروف عن الشيء في عصره ، وقد لا تكون لديه غير معرفة ضئيلة كافية فقط لتمييز الشيء من غيره بطريقة إجمالية . ولهذا فإن المفهوم الذاتي يختلف ؛ واختلافه على نحوين : فإما أن تظل حدود المفهوم كما هي ، والذي يزيد ، سواء تبعاً لسعة المعرفة أو لتغير العصر وتطور العلم ، هو المضمون الداخلي ، فيصبح أغنى وأعظم ثراءً . فإذا عُرِفَتْ مثلاً خواص جديدة للمثلث أو للكهرباء ، فإن تصور المثلث لا يتغير في تعريفه ولا تتغير فكرة الكهرباء في حدها ، وإنما تزيد معرفتي بهما فحسب . وإما أن يكون من شأن المعرفة الجديدة التي حصلت أن تغير من ماهية الشيء كما كنت أفهمها ، تغييراً يختلف درجته بحسب الجدة في المعلومات الجديدة ، فيكون من الضروري حينئذٍ أن أعدل التعريف : كما في الاختلاف في النظر إلى المادة من حيث تركيبها ، فقد كان السائد قبل

الآن أنها مكوّنة من جزيئات فحسب ، أما الآن ، وتبعاً للميكانيكا التوجيهية ، فلا بد أن تضاف فكرة الموجات إلى الالكترونات ، مما يجعلنا نعدّل بعض التعديل في مفهوم المادة .

وإذا كانت معرفة الشخص هي كل ما يعرف في عصره عن الشيء ، فإن هذه المعرفة تكون أعلى صورة علمية للمفهوم من الناحية الذاتية .

(٣) ويمكن أن نتصور ثالثاً أن صفات شيء ما قد عرفت كلها ، سواء منها الذاتي والعرضي ، فإن المفهوم يكون حينئذ مكافئاً لحقيقة الشيء الكاملة في الخارج ، ولهذا يسمى المفهوم هنا مفهوماً موضوعياً objective .

فالمفهوم بالمعنى الأول إذن هو مجموع الصفات الذاتية الخاصة بشيء ما ، أعني تلك الداخلة في تعريفه ، وبغيرها لا يكون هو ما هو ، فلا ننظر حينئذ إلى الصفات التي ترتبط به عَرَضاً . فمثلاً نجد أن المثلثات المتساوية الأضلاع هي أيضاً متساوية الزوايا ، ولكن مفهوم التساوي في الأضلاع لا يتضمن بهذا المعنى الأول التساوي في الزوايا ؛ كما نجد أيضاً أن الحيوانات المجترّة مشقوقة الظلف ، ولكننا لا نعدّ كون الظلف مشقوقاً داخلياً ضمن مفهوم الاجترار ، حتى إنه لو وجد ، كما يقول ميل ، مجترّ غير مشقوق الظلف لعدّ أيضاً من الحيوانات المجترّة .

والمعنى الثاني أقل أهمية من الناحية المنطقية الخالصة ؛ وهو يدل على الصفات التي تقترب بالاسم في الذهن .

أما المعنى الثالث فيفترض شيئاً غير ممكن التحقيق ، وهو أن تكون صفات الشيء كلها معروفة ، ولكن هذا غير ممكن ، لأن العلم بالأشياء في تقدم مستمر . ومن هذا كله نرى أن المفهوم إما أن يكون اصطلاحياً ويسميه كينز

connotation وإما أن يكون ذاتياً ويسميه subjective intension

وإما أن يكون موضوعياً ، ويسميه باسم خاص كالأول ، هو comprehension

٤٥ - - ولكن هل نقصر مفهوم التصور على الصفات المشتركة بين كل الأفراد المندرجة تحته ؟ أو هل يجب أيضاً أن ندخل فيها الصفات المميزة للأنواع ، أغنى الفصول النوعية ؟

جرى المناطقة منذ عهد أرسطو على قصر المفهوم على الصفات التي تحمل كلياً على الحد الكلى ، مستبعدين الصفات النوعية والفردية والعرضية ؛ ومن هنا كان النوع أشمل من الجنس من حيث المفهوم ، لأن النوع يحتوى صفات الجنس كلها مضافاً إليها الفصول النوعية ، بينما الجنس أشمل من النوع من حيث الماصدق .

ولكن يلاحظ كما يقول جيلو (§ ٧٠) أن الصفات الخاصة بالنوع والمميزة له عن غيره من الأنواع الداخلة تحت جنس واحد ليست صفات جديدة تضاف إلى صفات الجنس ، وإنما هي موجودة من قبل في الجنس ، والجنس يشملها ويشمل غيرها ؛ وهي توجد فيه على هيئة « متغير » : « فالانتقال من الجنس إلى النوع هو الوقوف عند بعض قيم هذا المتغير لما لهذا من فائدة مؤقتة في ظرف معين » . أى إننا في حالة النوع إما نختار ، لسبب خاص ، بعض صفات الجنس ونعزلها عن بقية الصفات ، لكي نكون منها تصوراً ، هو النوع . وهكذا نرى أنه للحصول على النوع ابتداءً من الجنس ، نحن لا نضيف شيئاً لم يكن موجوداً من قبل في الجنس إلى هذا الجنس ؛ بل بالعكس نحن نقتطع منه أشياء تارकिन أخرى .

ونقوم بهذه العملية ، عملية الاقتطاع ، أو التنويع ، لفائدتين : نظرية وعملية . فمن الناحية العملية قد يكون الأفيد لنا التنويع ، لأن الأحوال العملية التي تنطبق فيها الصفة النوعية قد تكون أكثر من تلك التي يتيسر فيها تطبيق الصفة الجنسية . ومن الناحية النظرية ، كثيراً ما يحدث أن تكون البرهنة على الحالة النوعية أسهل ، لما فيها من تبسيط ، فنستطيع حينئذ أن نبرهن على الحالة الجنسية معتمدين على الحالة النوعية الممتازة ؛ فالحالة النوعية فائدة كبيرة إذن

في البرهنة على الحالة الجنسية ، كما يحدث غالباً في الهندسة والرياضيات بوجه عام .
وخلاصة هذا كله أن الجنس يشمل كل الصفات التي تطلق على جميع
الأنواع الداخلة تحته ؛ وأن الجنس إذن أشمل من النوع ، من ناحية المفهوم أيضاً
وليس من ناحية الماصدق وحده ، كما زعم المناطقة حتى الآن .

والأمثلة على هذا عديدة : « فاللون » مثلاً يشمل كل أنواع اللون
الممكنة ، من أصفر وأحمر وأخضر الخ ؛ وليست الصفرة أو الحمرة الخ ذوات
صفات جديدة تضاف الى الصفة الأولى لجنس اللون ، لأن جنس اللون ليست
صفته أن يكون بلالون ، بل أن يكون أى لون كان والفارق هو في أن الجنس
يشمل كل هذه الأشياء على سبيل الإمكان ، لا على سبيل التعيين . ولكن
عدم التعيين هذا ليس معناه السلب المطلق ، بل هو القابلية لأى تعيين كان .

٤٦ — وفي استخراج نطاق المفهوم يجب ألا نعتمد على الاشتقاق وحده ؛
لأن الاشتقاق لا يدلنا إلا على نطاق المعنى حين وضع الاسم لأول مرة ، فهو
لا يدلنا إذن إلا على الأحوال التاريخية التي قيل فيها والأسباب التي تدعونا إلى
اتخاذ هذا الاسم ؛ وقد يدلنا أيضاً على تطور المعنى تاريخياً . وقد يكون في هذا
بعض الفائدة ؛ لكن لكي نحدد مفهوم معنى من المعاني يجب أن ننظر في المعنى
المستعمل حالياً ، سواء اختلف هذا المعنى عما وضع له في الأصل ، أو لم يختلف ،
وأياً ما كانت درجة الاختلاف .

ولكن يجب مع ذلك أن نحاول من الناحية العلمية الخالصة ، أى من حيث
الاصطلاح ، أن نحدد قدر الإمكان نطاق المعنى بدقة ، فتكون الإشارة واحدة ؛
على الرغم مما في ذلك من تعسف شديد ، لا يتفق والتطور الحى للغة . ولكن
لغة العلم ليست لغة حية ، وإنما هي لغة صناعية كالرموز الرياضية سواء بسواء ،
يقصد منها الدلالة الثابتة على الأشياء بطريقة دقيقة .

٤٧ — ولو نظرنا الآن في الصلة بين المفهوم والماصدق لوجدنا أول الأمر
أن زيادة صفة من شأنها أن تضيق من نطاق الأفراد الذين يصدق عليهم

التصور ، والعكس بالعكس . فكلمة حيوان إذا أضيفت إليها صفة « ناطق » ، فإن عدد الأفراد يقل ، إذ يقتصر على نوع الإنسان وحده دون بقية الأنواع الحيوانية ؛ وعلى العكس من ذلك إذا استبعدنا صفة الحس من مفهوم الحيوان ؛ فإن النبات يدخل فيه ، فيزداد بهذا عدد الأفراد الذين يصدق عليهم اللفظ . ومن هذا نرى أنه كلما زاد المفهوم ، قل الماصدق ؛ وكلما قل المفهوم ، زاد الماصدق . وهذا ما يعبر عنه في صيغة عامة بقولهم : « في سلسلة من الحدود المشتركة التي يوجد بينها رابطة تداخل ، يتناسب الماصدق والمفهوم تناسباً عكسياً » .

وأول ما تجب ملاحظته هنا هو أنه ليس المقصود بهذا التناسب أن يفهم بمعنى رياضي دقيق ، أي بمعنى أن النسبة هي بالذقة بحسب زيادة أو قلة الصفات ومقدار هذه الزيادة والقلة ، وإنما يقصد فقط أن هناك زيادة وقلة في الماصدق بحسب القلة والزيادة في المفهوم ، دون تحديد دقيق لمقدار الزيادة أو القلة . فقد يكون من شأن زيادة صفة واحدة أن تؤثر في تضيق مدى الماصدق أكثر مما تفعله عدة صفات .

وبعد هذا فلننظر في صحة هذا القانون . فنشاهد أولاً أنه قد لا يكون لزيادة الصفات أثرٌ في تغيير مدى الماصدق ، وذلك حينما تكون هذه الصفات موجودة أو متضمنة بالضرورة في الصفات التي قلنا بها أولاً ، أي في التصور قبل أن تضاف إليه هذه الصفات المعبر عنها بصراحة . ولكن إذا كان من شأن الزيادة أن تعدل من مفهوم الشيء بدرجة محسوسة ، فإن هذا من شأنه أن يعدل من الماصدق بطريقة عكسية ، بمعنى أن الماصدق يقل إذا ما زاد المفهوم ، لأن في زيادة المفهوم في هذه الحالة تحديداً لنطاق الأفراد ، وبالتالي تقليلاً للماصدق . فإذا أضفنا إلى مفهوم الإنسان مثلاً أنه ضاحك ، فليس من شأن هذا أن يغير في عدد الأفراد التي يدل عليها « إنسان » ؛ ولكن إذا أضفنا إليه « زنجي » ، فإن عدد الأفراد يقل بدرجة كبيرة .

وهذا كله صحيح إذا نظرنا إلى الصلة بين الجنس والنوع على أساس أن مفهوم النوع أكبر من مفهوم الجنس ؛ أما إذا قلنا كما يقول جيلو ، إن مفهوم الجنس أكبر من مفهوم النوع ، لأنه يشمل ، على سبيل التضمن على الأقل ، كل ما يمكن أن يتضمنه النوع الداخل تحته من صفات ، إذا قلنا هذا فإن الصلة بين المفهوم والمصدق ستكون بخلاف ذلك ؛ إذ سيلاحظ حينئذ أن المفهوم والمصدق يتناسبان تناسباً طردياً : فإذا زاد المفهوم زاد المصدق ، وإذا قل المفهوم قل المصدق .

ويحذر بنا هنا أن ندلى برأينا في هذه النظرة إلى الصلة بين الجنس والنوع . فممن نرى الاسمين ينظرون إلى النوع على أنه يشمل صفات الجنس و صفات زيادة لا توجد في الجنس ؛ بينما يرى الواقعيون أن الجنس يشمل كل الصفات الممكن أن يتصف بها كل ما يدخل تحته من تصورات . فأى الرأيين هو الصحيح ؟ الواقع أن وضع المسألة على هذا النحو خطأ . إذ الأمر يتوقف على فهمنا للرابطة بين الجنس والنوع : فإذا فهمناها على أنها رابطة اندراج وتضمن ، فليس أمامنا إلا القول بما يقول به الواقعيون - إذ كيف نقول عن النوع إنه مندرج بأكمله في الجنس ، والفرد مندرج بأكمله في النوع ، ومن ثم في الجنس ولا نقول في نفس الآن إن كل صفات الفرد والنوع متضمنة في الجنس الذي يندرجان تحته ؟ - الحق أن النظرة الواقعية هي وحدها الصحيحة ، مادامت نقول بأن الصلة بين النوع والجنس هي صلة اندراج للأول في الثاني ؛ وما دام المنطق القديم يقول بهذا ، فإن نظرة الاسمين خطأ . أما إذا قلنا بأن الصلة بينهما ليست على هذا النحو وحده ، أو إذا ألفينا فكرة النوع والجنس كما وضعها المنطق القديم ، فإن لنا في هذه الحالة الحق في أن تعدل هذه النظرة الواقعية ، وفقاً للأحوال المختلفة للإضافات بين التصورات .

التعريف

٤٨ — والصفات التي تكون المفهوم إذا كانت صفات مميزة للشيء كونه تعريفه .

فالتعريف هو مجموع الصفات التي تكون مفهوم الشيء مميزاً عما عداه . وإذا كان كذلك ، فإن التعريف والشيء المعروف سواء ؛ وهما إذن تعبيران ، أحدهما موجز والثاني مفصل ، عن شيء واحد بالذات . ومن هنا أطلق عليه في الكتب العربية اسم « القول الشارح » .

والتعريف إما أن يكون دالاً على ماهية الشيء ؛ وإما أن يكون مميزاً له عما عداه فحسب ؛ والدال على الماهية مميز أيضاً ، فهو أعلى مرتبة إذن . ويسمى الأول منهما باسم الحد التام ، والثاني باسم الحد الناقص . أما الحد التام فهو القول الدال على ماهية الشيء وفيه تستوفي جميع ذاتياته ؛ وهو لهذا يتم بالجنس والفصل القريبين . أما الناقص فلا يستوفي جميع الذاتيات ، بل يحصل منه التمييز الذاتي فحسب دون معرفة الذات ؛ وهو لهذا يتم بالجنس البعيد والفصل القريب وحده . ولكن الحد ، سواء منه الناقص والتام ، يتعلق بذاتيات الشيء ؛ أما إذا كان القول المعروف متعقلاً بخواص الشيء أو أعراضه فهو الرسم ، وينقسم أيضاً إلى تام وناقص : والتام يتركب من الجنس القريب والخاصة ، والناقص يتركب من الخاصة وحدها ، أو منها ومن الجنس البعيد .

فإذا أخذنا مثلاً التصور : إنسان ، وأردنا تعريفه على هذه الأوجه الأربعة قلنا في حده التام إنه حيوان ناطق ؛ وفي حده الناقص إنه جسم ناطق وفي رسمه التام : إنه : حيوان ضاحك ؛ وفي رسمه الناقص ، إنه جسم ضاحك .

والشرط الأساسي الذي يقوم عليه كل تعريف هو أن يكون ما صدق القول المعروف والشيء المعروف واحداً ، وأن يكون مميزاً ، بمعنى أنه يجب أن ينطبق على

كل المعرف ولا شيء غير المعرف *omni et solo definito* كما كان يقول للدرشيون .

والكى يتحقق هذا الشرط ، ولكى يؤدي التعريف وظيفته وهى الدلالة على حقيقة الشيء المراد تعريفه ، وضع المناطقة فى العصور الوسطى خصوصاً عدة قواعد تخلص فيما يلى :

١ - يجب أن يكون التعريف (ويقصد به هنا التعريف الكامل ، أى الحد التام) معبراً عن ماهية الشيء ؛ وهذا ما طالب به أرسطو التعريف ، فهو يقول (الطوييقا م^١ ف^٢ ص ١٠١ ب) : « التعريف هو القول الدال على ماهية الشيء » و ماهية الشيء تتركب من الجنس والفصل النوعى ؛ ولهذا فإن التعريف يتركب من الجنس والفصل النوعى . وذلك ضرورى لى تتحدد ماهية الشيء ولكى يتميز من غيره ؛ فالجنس يحدد ماهيته ، والفصل النوعى يميزه من بقية الأنواع الداخلة تحت جنسه .

وعدد الأجناس التى يمكن أن تدخل فى تعريف الشيء لا حصر لها ؛ فقد نحتاج إلى ثلاثة أجناس أو أكثر من أجل تعريف شيء من الأشياء . ولكن الذى يحدث عادة هو أن نستعين بجنس واحد يكون من شأنه أن يعين على تحديد الماهية وتمييزها بأقرب الطرق ، ولهذا فإن هذا الجنس هو الجنس القريب ، كما نستعين أيضاً فى تمييز نوع الشيء بأقرب الصفات الميزة ومن هنا نستخدم الفصل النوعى القريب .

٢ - وإذا كان التعريف كذلك ، فإنه لن يدل إلا على المعرف وحده ، وعلى كل أفراد المعرف أيضاً ، فإن لكل شيء ماهيته الخاصة ، فإذا ما عرف بها « منع » ذلك من اشتراك أشياء أخرى من نوع آخر فيه . ولما كنا نعرف الشيء بماهيته ، ولما كانت الماهية مشتركة بين كل الأفراد الذين ينطبق عليهم

الاسم ، فإن التعريف « يجمع » بين كل أفراد الم عرف . ومن هنا قيل : يجب أن يكون التعريف جامعاً ، مانعاً . فهو جامع لأن كل صفة يتركب منها تنطبق على كل أفراد الم عرف ، وهو مانع لأن مجموع الصفات التي يتركب منها لا تنطبق إلا على الم عرف وحده . فهذه القاعدة الثانية إذن نتيجة ضرورية للقاعدة الأولى .

٣ — وهاتان القاعدتان تتعلقان بالتعريف من حيث حقيقته ، أما من حيث الغاية منه ، وهي بيان ماهية الم عرف على الوجه الأبين ، فيشترط :

١ — أولاً أن لا يعرف الشيء بما يساويه في المعرفة والجهالة ؛ وهذا يحدث عادة من استعمال السلب في التعريف ، فيقال مثلاً إن الحركة هي ما ليس بسكون ، والزوج هو ما ليس بفرد . ولكننا قد نضطر أحياناً إلى ذلك ، ويكون التعريف سليماً ما دام يدل بوضوح على الشيء ؛ فمثلاً في تعريفنا للأعزب يكفي أحياناً أن نقول إنه ليس بمتزوج . ولكن هذا يصبح حين يكون أحد الطرفين أوضح من الآخر ؛ أما إذا كانا متساويين في الجهالة أي عدم الوضوح ، بأن كان علمنا بالواحد كعلمنا بالآخر ، فإن التعريف لا يكون سليماً .

ب — وثانياً يجب الاحتراز عن تعريف الشيء بما لا يعرف إلا به : وهذا يحدث غالباً بدخول المتضاديات أو المترادفات في التعريف . فحينما نعرف العلة بأنها ما يحدث معلولاً ، أو نعرف العدد الزوج بأنه ما يزيد على الفرد بواحد ، في هذه الأحوال نعرف الشيء بما لا يعرف إلا به . وهناك أحوال أغمض من هذه ، وهي تلك التي يكون فيها داخلاً في التعريف ما لا يفهم إلا بمعرفة الم عرف ؛ ويضرب أرسطو لهذا مثلاً (الطوبيقا ، مقالة الزيتا ، ف' ص ١٤٢ / س ٣٤) تعريف الشمس بأنها كوكب يضيء بالنهار ، فإن النهار هو الوقت الذي تضيء فيه الشمس .

ح — والشرطان السالفان متصلان بالمعنى ؛ وهناك شرط ثالث يتمثل باللفظ وهو وجوب الاحتراز عن استعمال ألفاظ غريبة وحشية غير ظاهرة الدلالة عند السامع ، أو استعمال ألفاظ مشتركة أو مجازية ، لأن الاشتراك يخلّ بفهم المعنى المراد ، إذ لا يتبين الإنسان بوضوح أيّ المعاني هو المقصود ، اللهم إلا إذا كانت هناك قرينة واضحة ؛ وكذلك الحال في المجاز ، لأن المعنى الحقيقي هو الذى يتبادر عادة إلى الذهن أولاً ، فإن لم تكن ثم قرينة ، فات الغرض المقصود من التعريف .

٤٩ — ولكن التعريف قد يقصد به أحياناً بيان معنى لفظ ، أى الصلة بين اللفظ وبين ما يدل عليه . ولهذا انقسم التعريف إلى تعريف للاسم أو اللفظ ، وتعريف للشيء . أما تعريف الشيء ، ويسميه المدرسيون *definitio quid rei* ، فهو المتعلق بماهية الشيء ؛ والتعريف اللفظى هو المتعلق بمعانى الألفاظ ، ويسميه المدرسيون *definitio quid nominis* .

والتعريف اللفظى يقصد منه إلى تثبيت المعنى إما باختراع اسم جديد ، وإما بتحديد مدلول اسم قديم غير محدود المدلول . وبهذا يفرق التعريف اللفظى عن التعريف للشيء : ففي حالة التعريف للشيء ، المعروف معلوم ، وليس فى وسعنا أن نعدل فيه ، بل كل ما علينا هو أن نعرف بحقيقته . أما فى التعريف باللفظ ، فإن المعروف غير معلوم سابقاً ، لأن التعريف هو الذى يخلق اللفظ . (راجع جيلو ، § ٨) .

وتعريفات المعاجم هى فى الأصل تعريفات للأشياء ، لا للألفاظ ، وذلك أن مهمة واضع المعاجم أن يستقرى المعانى المختلفة التى استعملت فيها الألفاظ ، وأن يسجلها كما وردت فى الآثار الرئيسية التى خلفتها اللغة . واللفظ فى هذه الحالة إذن يكون شيئاً معلوماً سابقاً لا مجال للاختراع فيه وتعديل المعانى ، وإنما هو يسجل فقط ما حدث فى عصر معين وبيئة معينة وعند كاتب معين .

ولكنه إذا فرض المعانى وحدد مدلول الألفاظ بطريقة مطردة ، وثبت ما يرى تثبيته من المعانى ، فإن تعريفاته حينئذ تكون تعريفات لفظية . وهذا ما يحدث غالباً بواسطة المعاجم الممتازة التى تقوم أولاً على استقرار المعانى فى الاستعمال الجارى عند كبار الكتاب ، ولكنها تصبح فيما بعد سلطة يجب أن يخضع لها الكتاب التالون : إلا أن الملاحظ هنا أن اللغة لا يمكن أن تخضع لمثل هذه السلطة ، لأن اللغة كائن حى ، كثير التغير والتطور ككل كائن حى بالمعنى الحقيقى ؛ ولهذا فإنه قلما تنجح المعاجم ، مهما كان من قيمتها ، فى فرض سلطانها على الكتاب ، طالما كانت اللغة حية ، وكان الكتاب كتاباً حقيقياً ، أى يفكرون تفكيراً حياً ويعبرون بما يتفق وهذا التفكير الحى المتطور ؛ وإنما تنجح بالنسبة إلى اللغات الميتة فحسب ، أو التى هى فى حكم الميتة ، أعنى حينما تكون فى أيدي الجامدين الذين لا صلة لهم بالفكر الحى ، وفى كل مرة تصبح المعاجم سلطاناً يخضع له الكتاب دائماً ، يكون ذلك إيذاناً بموت اللغة وموت التفكير معاً . فيجب إذن أن نترك للكتاب كل حرية فى استخدام الألفاظ بما يشاءون من المعانى ، بل وفى إيجاد ألفاظ جديدة قدر المستطاع ما داموا يعنون بتحديد المعنى الذى يريدون أن يفهموا اللفظ به ؛ وفيما عدا هذا الشرط فلمهم مطلق الحرية ، لأن الألفاظ علامات فحسب ، ولكل أن يختار ما يراه أوفق فى التعبير عما يريد .

٥٠ — ويلاحظ جيلو (§ ٧٦) على التفرقة بين الحد والرسم أنها ليست تفرقة دقيقة . فإن الرسم كالحد يمكن أن يتكون من أى عدد من الحدود ؛ ويجب فى الرسم كما فى الحد أن يكون هناك جنس وفصل ، ، وإلا لم يتميز الرسم . كما أنه ليس بصحيح ما يقال من أن الرسم يتوجه إلى الخيال ، بينما الحد يتوجه إلى العقل ، لأن من الممكن أيضاً أن نحدد بواسطة صفات حسية ؛ وكلاهما مميز ،

ما دام صالحاً ، وإلا كان فاسداً ، سواء أكلن حداً أم كان رسماً . وإنما التفرقة المفيدة والدقيقة التي يمكن أن توضع بين الحد والرسم ، هي أن الرسم يختص بالموضوعات الجزئية أو المفردة ، بينما الحد يختص بالموضوعات الكلية أو التصورات .

وهناك تفرقة أخرى من هذا النوع ، ولكنها أهم كثيراً من السابقة ، وهي التفرقة بين التعريف الذاتي والتعريف الخارجي . أما التعريف الذاتي فهو الذي يعرفنا حقيقة الشيء الباطنة ومضمونه ، بينما التعريف الخارجي لا يعرفنا إلا العلاقات الخارجية التي لا تدل على طبيعة الشيء . فمثلاً حين أقول : الآية الثانية من سورة النور في القرآن^(١) . فإنني هنا لا أعرف شيئاً عن مضمون الآية ، فهذا تعريف خارجي ، ولكن حينما أقول : حد الزنا مائة جلدة في القرآن ، فإنني هنا أبين مضمون الآية ، فهذا تعريف ذاتي .

وبميزها هاملتون بين ثلاثة أنواع من التعريفات . لفظية وحقيقية ، وتكوينية ؛ فالأولى هي المتعلقة بمعاني الألفاظ ؛ والثانية تتصل بطبيعة الشيء ؛ والثالثة تتصل بنشوء الشيء وحدوثه . فالأولى إذن أقوال شارحة فحسب ، تعبّر عن بعض خواص المعرف . والثانية تفترض وجود مفهوم يسبق التعريف ؛ والثالثة : تنظر إلى ناحية صيرورته وتغيّره (محاضرات في المنطق ف ٢٤ : ٣٨ Lectures on Logic).

كذلك يفرق ليارد Liard بين التعريفات الهندسية وهي التي تستخدم مادة للعلم وتكوّن إذن مقدمته ؛ وبين التعريفات التجريبية *définitions empiriques*

(١) « الزانية والزاني فاجلدوا كل واحد منهما مائة جلدة ولا تأخذكم بهما رأفة في دين الله إن كنتم تؤمنون بالله واليوم الآخر وليشهد عذابهما طائفة من المؤمنين » .

وهي تلك التي تلخص المعارف التي حصلنا عليها بواسطة الاستقراء في علم من العلوم ، ويكون موضوعها إذن نهاية هذا العلم . ويسمى أيضاً باسم الصورية أو التركيبية أو التكوينية ؛ ويسمى الثانية أيضاً باسم المادية أو التحليلية أو التي بالتأليف Par-composition (التعريفات الهندسية ، والتعريفات التجريبية ، ص ٢٠٥ — ٢٠٦ — وراجع في هذا كله معجم لالاند تحت مادة «تعريف» .)

اللامعرفات

٥١ — وإذا كان التعريف كما قلنا بالجنس والفصل ، فإن ثمة أشياء لا تقبل التعريف ، لأنها لا تدخل تحت جنس ولا ينسب إليها فصل نوعي . وتلك هي اللامعرفات . وهي على نوعين :

(١) المعطيات المباشرة للتجربة ليست في ذاتها قابلة للتعريف ، لأنه ليس من الممكن أن تُعرف بوسيلة أخرى من وسائل المعرفة غير تلك التي تُعَلَّم بها في التجربة مباشرة . وهذه المعلومات إما أن تكون إدراكات حسية ، وإما أن تكون عواطف أولية . فلا نستطيع مثلاً أن نعرف الأعمى منذ الميلاد طبيعة الضوء أو اللون ؛ كما لا نستطيع أن نعرف لغير المتزوج عاطفة الأبوة .

(٢) الأجناس العليا التي ليست أنواعاً لأجناس أعلى منها . فهذه أيضاً لا يمكن تعريفها ، لأنه لا أجناس أعلى منها . وهي الأنحاء الأصلية التي تقال على الموجود ، أو بعبارة أخرى هي المقولات . وقد حاول الفلاسفة من أيام أفلاطون وخصوصاً أرسطو أن يضعوا لوحة للمقولات ، فيها توضع هذه الأجناس العليا الصالحة للدخول في تعريف جميع الأشياء .

وهذه الأجناس العليا يعلمها الإنسان بواسطة التجريد ؛ فهي ، كما يقول جيلو (§ ٩٠) بقايا التجريد ؛ فالمكان مثلاً هو ما يبقى حينما نجرد الأشياء من كل تعيين مكاني ؛ وكلما كان هذا التجريد أتم ، كانت فكرة المكان أنقى وأدق . (٦)

التصنيف

٥٢ — والتصورات العامة يمكن أن تترتب فيما بين بعضها وبعض بحسب الماصدق إلى أجناس وأنواع . فالنوع الواحد قد يشترك مع عدة أنواع أخرى في صفات ، وهذه الصفات المشتركة تكون تصوراً أعم هو الجنس . وهذا الجنس قد يشترك مع عدة أجناس في صفات ، ومجموع هذه الصفات المشتركة يكون تصوراً أعم يكون جنسها أعلى أو جنس الأجناس ، وتكون هذه الأجناس بالنسبة إليه بمثابة أنواع . وهكذا نستطيع أن نصاعد في سلم من الأنواع ، فالأجناس ، فأجناس الأجناس . . . الخ . كما نستطيع أيضاً أن ننزل من أعلى الأجناس إلى ما هو أدنى فأدنى حتى نصل إلى أدنى الأنواع وهو ما ليس تحته أنواع بل أفراد فحسب .

وترتيب التصورات على هذا النحو يسمى التصنيف . فالتصنيف عملية منطقية فيها ترتب الأجناس والأنواع وفقاً لدرجات عمومها إما تصاعدياً وأما تنازلياً .

٥٣ — والتعريف يقتضى التصنيف ، لأن التعريف كما رأينا يتم بالجنس والفصل . فلا بد من معرفة الجنس الذى يندرج تحته التصور ، والفصل النوعى الذى يميزه فى داخل الجنس . ولكى نعرف الجنس الذى يندرج تحته النوع المراد تعريفه لا بد إذاً من ترتيب المعانى السكلية بعضها بالنسبة إلى بعض فى نظام تصاعدى أو تنازلى ، أو على أساس قاعدة أو مبدأ ما . وهذا هو التصنيف . فالتصنيف إذن هو تحليل الأجناس إلى أنواع من أجل بيان الرابطة التصاعدية — أو التنازلية — بين الأجناس بعضها وبعض ، وكذلك بين الأنواع فى داخل الأجناس .

لكن لا بد من توافر ثلاثة شروط حتى يكون التصنيف صحيحاً ، وهى :

١ — يجب أن يكون التصنيف كاملاً ، أى أن يستنفد كل التصورات

الكلية التي يشتمل عليها التصور موضوع التصنيف فلا يبقى منها شيء خارج التصنيف .

ب — أن يكون التشابه بين الأنواع الموجودة في مرتبة أكبر منه بين الأنواع الموجودة في مراتب مختلفة .

ح — أن يكون أساس التصنيف واحداً طوال عملية التصنيف .

وقد يضاف إلى ذلك شرط رابع وهو :

د — يجب أن تستبعد الأنواع ، التي يتألف منها الجنس ، بعضها بعضاً .

فالشرط الأول يقصد به أن يكون التصنيف شاملاً لكل ما يمكن أن يصدق عليه التصور موضوع التصنيف ، فلا نترك خارج التصنيف شيئاً يمكن أن يدخل فيه ، بيد أن هذا الشرط يتمذر تحقيقه عملياً في أغلب الأحوال . ولا سبيل إلى الوفاء به إلا بالقسمة الثنائية *dichotomie* ، فهي وحدها التي تضمن استنفاد جميع الأفراد والأنواع والأجناس التي يصدق عليها التصنيف . والقسمة الثنائية هي أن يقسم المرء التصور إلى نوع أو جنس ونقيضه ، فنقسم الجوهر إلى مادي ولا — مادي ، والمادي إلى حي ولا — حي ، والحي إلى عاقل ولا — عاقل ؛ وفي داخل اللاحي يدخل الجماد وكل ما يمكن وجوده بخلاف الجسم الحي . ففي حالة القسمة الثنائية نكون بإزاء نقيضين ، ونحن نعلم أن النقيضين لا وسط بينهما وأنهما يستغرقان فيما بينهما كل عالم المقال ، بل والكون كله . أما إذا كان الحدان المنقسم إليهما التصور متضادين ، فلن تكون القسمة شاملة . فمثلاً إذا قسمنا اللون إلى أسود وأبيض فإننا لا نستنفد كل الألوان ، ولهذا لا تكون القسمة صحيحة كاملة . وعلينا لكي تكون القسمة صحيحة شاملة أن نقسم اللون إلى : أسود ولا — أسود ، واللا أسود ينقسم إلى : أحمر ولا — أحمر . . . وهكذا ، حتى نستنفد جميع الألوان الممكنة .

لكن يلاحظ أننا لا نستطيع أن نستمر في هذه العملية إلى غير نهاية ، بل لا مناص من اللجوء إلى عملية قطع اللامتناهي أى الوقوف عند حدٍّ معين تقتصر عليه . لكن يظل شيء مع ذلك موصوفاً وصفاً سلبياً بأنه : لا - كذا . وهذا نقص في التصنيف ، لأن التصنيف الصحيح يقتضى أن تكون الحدود إيجابية ، وإلا - كان معنى ذلك أننا لم نصل إلى استنفاد جميع الماصدق ، والمفهوم ، بل يبقى ثم ذلك العنصر السلبي .

لهذا يؤخذ على القسمة الثنائية أنها تحوى دائماً سلبياً أو منفيًا . ونحن نريد من التصنيف أن يقسم التصور إلى كل صفاته أو أفراد بطريقتين إيجابية ، لأن الأصل في التصنيف أن يحدد الصلات القائمة بين جميع الأفراد أو المفهومات التي ينطبق عليها التصور على نحو من شأنه أن يبين لنا كيفية ارتباط عناصره بعضها ببعض بطريقة عضوية واضحة .

ولتحقيق هذا الشرط الأول فائدتان : عملية ونظرية .

أما الفائدة النظرية فهي استيعاب جميع الأفراد وكل الصفات التي يصدق عليها التصور ، وبهذا نعرفه معرفة تامة ، ونفهم كيفية تركيب أجزائه التي ينحل إليها ، والعلاقات القائمة بين هذه الأجزاء أو العناصر . وإنا لنرى بعض العلوم يقوم الشطر الأعظم منه على مثل هذا التصنيف . فعلم النبات يقوم في جوهره على مجموعة تصنيفات .

والفائدة العملية تظهر في القوانين ، فإذا أردنا مثلاً أن نفرض ضريبة الدخل ، فيجب أن نقوم بالتصنيف الشامل الذي يضمن لنا تحديد الذين ينطبق عليهم قانون هذه الضريبة . فهل ينطبق مثلاً على من يسكن في منزله ، ولو أنه أجره لغيره لاستفاد منه مالا يدخل في ضريبة الدخل ؟ ومثل هذا الحصر الدقيق الشامل لا يمكن أن يتم إلا إذا كان التصنيف شاملاً كاملاً ، أى مستنفداً لجميع

الأفراد الذين يتصور حصولهم على دخل بأية طريقة : مباشرة ، أو غير مباشرة .
والشرط الثانى يقول إن التشابه بين الأنواع الموجودة فى مرتبة ما يجب أن يكون أكبر منه بين الأنواع الموجودة فى مراتب مختلفة . ولإيضاح هذا ننظر فى الغاية من التصنيف وهل تقصد منه إلى أن يشمل جميع الصفات ، أو أن يقتصر على صفات معينة نحتاجها فى أحوال معلومة . ذلك لأنه إذا كان التصنيف يراد منه تحقيق غاية جزئية معينة ، فمن الواضح أنه لا يمكن الوفاء بهذا الشرط الثانى وفاء حقيقية . فمثلاً حينما أريد أن أصنف الكتب التى فى مكتبتى ، فإننى أستطيع أن أتخذ أساساً مختلفة لهذا التصنيف : فأصنفها بحسب الحجم ، إذا كنت أريد من الرفوف أن تحتوى على أكبر قدر ممكن ؛ أو أصنفها بحسب اللغات ، إذا كنت أرى فى ذلك سهولة أكبر من أجل التحصيل والاستفادة ؛ وقد أصنفها ثالثاً بحسب المادة والموضوع لكى يسهل على البحث فى الموضوع الواحد المعين وهكذا تتعدد أساس التصنيف وفقاً للغاية التى أنشدها منه . ومن الواضح أن التشابه بين الأنواع فى المرتبة الواحدة أكبر منه بين المراتب المختلفة إذا اتخذت الأساسين الأول والثانى ، إذ سأجد كتب المنطق إلى جوار كتب السياسة أو الطب أو الزراعة الخ ، لأننى راعيت الحجم فى الحالة الأولى ، واللغة فى الحالة الثانية ولم أراع الموضوع ؛ ولا نستطيع أن نقول إن التشابه بين كتاب فى المنطق وكتاب فى الزراعة من نفس الحجم أو بنفس اللغة أكبر منه بين كتابين فى المنطق أو المنطق والفلسفة العامة من حجمين مختلفين أو بلفتين مختلفتين .

ولهذا فإن اتخاذ الأساسين الأول والثانى فى التقسيم يجعل منه تقسيماً صناعياً لأننا لا ننظر إلى الصفات الأساسية المقومة لجوهر التصور ، ونصنف على أساسها ، بل ننظر إلى بعض الصفات المفيدة لنا عملياً فى وقت معين ونجرى على أساسها التصنيف . ولهذا يسمى التصنيف هنا تصنيفاً عرضياً .

أما في حالة اتخاذ صفات أساسية مكوّنة لماهية الشيء وذاتية له ، فلا بد أن يكون التشابه بين أفراد المرتبة الواحدة أكبر منه بين أفراد مراتب مختلفة . ولهذا يسمى التصنيف الذى من هذا النوع باسم التصنيف الذاتى أو الجوهرى .

وإذا أعوز التصنيف أحد هذين الشرطين سُمّي ناقصاً . والتصنيف الناقص قد يفيد أحياناً في إيجاد تصنيف أكمل ، لأن صفات الأشياء لا تظهر لنا دفعة واحدة ، بل تنكشف شيئاً فشيئاً وفقاً لتقدم العلم . ولهذا فإننا مضطرون دائماً إلى تعديل تصنيفاتنا وفقاً للتقدم العلمى : ويجب أن نتخذ من الصفات المهمة أساساً للتصنيف : والصفات المهمة إما أن تكون هى المقوِّمة لماهية الشيء ، أو تلك التى تستتبع نتائج تغَيّر من ماهيته .

ولنضرب لهذا مثلاً بما جرى في علم النبات . فأول تصنيف حديث هو ذلك الذى وضعه تورنפור Tournéfort (سنة ١٦٥٦ — ١٧٠٨) على أساس اختلاف أجزاء النبات وأهمية هذه الأجزاء فصنفها على الترتيب التالى : الأزهار ، الثمار ، الأوراق ، الجذور ، الجذوع ، العصارة . وجاء بعده Liné (سنة ١٧٠٧ م — ١٧٧٨ م) فنظر في تصنيف النبات على أساس السداة étamine فوجدتها تنقسم إلى :

- ١ — نباتات عديمة السداة .
- ٢ — نباتات أحادية السداة .
- ٣ — نباتات ثنائية السداة .
- ٤ — نباتات ثلاثية السداة . . . الخ .

ثم توقف عند ذات الاثنى عشرة سداة dodécandrie ، لأنه وجد من النباتات مالا حدّ لسداواته .

غير أنه تبين أنه يحدث في بعض النباتات أن اتحادها في السداة لا يستتبع معه أى خواص أخرى مشتركة . ومن ناحية أخرى لم يستطع لنيه أن يتخلص من بعض تصنيفات تورنفور مثل تصنيفه النباتات إلى أسر هي الشفويات والبقوليات والمركبات والحبازيات الخ .

لهذا جاء جوسيه Jussieu فنقد تصنيف لنيه ، وقال إن المهم في التصنيف تقدير أهمية الخصائص لا النظر في عددها . ووجد أن وجود الفلقة cotylédon له أثر بالغ في تحديد الخصائص . فقسم النباتات إلى ثلاثة أقسام :

- ١ — عديمة الفلقة — وسميت فيما بعد باسم المسترة أعضاء التذكير والتأنيث .
 - ٢ — أحادية الفلقة
 - ٣ — ثنائية الفلقة
- وسميت فيما بعد بالظاهرة أعضاء التذكير والتأنيث .

فإن عدم الفلقة أو كونها أحادية أو كونها ثنائية يجرّ وراءه هذه خواص في كل أجزاء النبات ، حتى إن أقل قطعة من الساق أو الورق أو الزهر أو الثمر تكفي لتمييز الفصيلة التي ينتسب إليها هذا النبات أو ذاك .

ولهذا يجب أن يتخذ أساساً للتصنيف ما من الصفات يتوقف عليه أكبر عدد من الصفات الأخرى اللازمة عنها ، وهو ما يسمى باسم التوقف أو الاستناد ، أعني توقف الصفات بعضها على بعض . وللوصول إلى هذه الصفات المتوقفة أو التوقفية — إن صحّ هذا التعبير — يجب البحث في الصفات كلها واختيار ما منها يستلزم ويجرّ وراءه أكبر قدر من الصفات .

والشرط الثالث في التصنيف أن يكون أساس التصنيف واحداً طوال العملية وإلا حدث عن ذلك تقاطع في القسمة ؛ ومن المعلوم أن القسمة التقاطعية أسوأ أنواع القسمة . فمثلاً إذا أردنا تقسيم الجيش وجب أن نقسمه من وجهة نظر

واحدة ، فنقسمه ، على سبيل المثال ، من ناحية السلاح : إلى مدفعية ، ومدفعات ، وطيران ووحدات نووية ، وبحرية . أو بالنسبة إلى الرتب فنقسمه إلى : ضباط وصف ضباط وخدمة عامة . ولا نستطيع تصنيف الجيش تصنيفاً حقيقياً على كل هذه الأسس معاً ، فنقسمه إلى مدفعية وصف ضباط ومشاة خفيفة ، لأن التشابه بين أفراد القسم الواحد أقل منه بين أفراد قسم وقسم آخر . ولهذا فإن في ذلك إخلالاً بالشرط الثانى . والواقع أن الشرط الثالث هو تعبير آخر عن الشرط الثانى . ومن الممكن أن نرد هذه الشروط كلها إلى الأول والثانى بحسب .

وقد تحدثنا عن التصنيف وعن القسمة معاً ، لأنه لا فارق ظاهراً بين كلا الاصطلاحين .

وثمة تفرقة بين نوعين من القسمة : قسمة طبيعية ، وقسمة ميتافيزيقية . فالقسمة الطبيعية هى تقسيم كل إلى أجزائه ، فنقسم الشجرة إلى الجذر والجذع والفروع والأوراق ، ونقسم الزهرة إلى الكأس والتويج والنويرات والكمام . والقسمة للميتافيزيقية هى تقسيم الشيء بالدهن إلى صفاته ، فنقسم الجنس إلى أنواعه ، أو الشيء إلى صفاته ؛ فمثلاً نقسم السكر فى الدهن من حيث اللون والطعم والشكل الخ . ولكننا لا نستطيع أن نجد هذه الأقسام فى الوجود الخارجى منعزلة بعضها عن بعض دائماً ، بل نستطيع بالتجريد فقط أن نتصورها منفصلة بعضها عن بعض . فالفارق إذن بين كلا النوعين هو أن الموضوعات فى القسمة الطبيعية قابلة لأن تنقسم إلى أجزاء فى الخارج ؛ أما فى الحالة الثانية فلا يمكن هذا ؛ ومن هنا كان التقسيم الميتافيزيقى ينطبق على الصفات ، أى على أشياء ذهنية بحسب .

الباب الثاني الأحكام

٥٤ - الوحدة الأولى في التفكير - كما قلنا من قبل مراراً - هي الحكم ، لا التصور . لأن التصور ينحل في النهاية إلى طائفة من الأحكام الممكنة التي جمعت في التصور . واللغة هي التي نتخذها فتجعلنا نظن أن الصور هو الوحدة الأولى في الفكر . والحكم إذا عبّر عنه في اللغة سمي قضية . والنظر في الأحكام - أو القضايا - يكاد يتلخص في ثلاث مسائل رئيسية :

١ - في الإشارة الخارجية إلى الحكم ، أعني ما يشير إليه الحكم موضوعياً ، ويدخل في ذلك : (أ) مسألة كلية الأحكام ؛ (ب) مسألة الجهة في القضية .

٢ - تفسير مدلول القضايا : فمثلاً معنى القضية الكلية ، والقضية الجزئية ، وتفسير معنى السور « بعض » في الجزئية ، وقيمة الجزئية من الناحية العلمية ؛ ومعنى السور « كل » في القضية الكلية . وهذه مسائل تتعلق بالتعبير عن الأحكام أكثر مما تتعلق بالأحكام نفسها بوصفها عمليات ذهنية خالصة .

٣ - تصنيف الأحكام في داخل الأحكام الرئيسية الكبرى التي تنحل إليها جميع الأحكام الممكنة . فننظر في تصنيفها إلى عملية وشرطية ، والشرطية إلى متصلة ومنفصلة ، وما معنى الحمل والرابطة والشرط والانفصال والاتصال . ثم ننظر في طبيعة الصلة بين الموضوع والمحمول ، وهل يجب التعبير عن الحكم في المحمول والموضوع معاً .

والمسألة الأولى فلسفية منطقية ، أقرب إلى علم النفس والميثافيزيقا منها إلى المنطق الصوري البحت . والنظر فيها يستدعي النظر في الإشارة الموضوعية للحكم . فلقد قررنا من قبل أن من الواجب في كل حكم أن يكون مشيراً إلى شيء خارج

عن عملية الحكم يدل عليه بكل وضوح : فإذا قلنا « الإنسان فان » فإن الحكم المستخلص لا يتعلق بالعملية النفسية التي تربط فيها موضوع الإنسان بصفة الفناء ، وإنما يتعلق بحقائق موجودة في الخارج تقع بينها هذه النسبة . وقد تكون العمليات النفسية موضوعاً للأحكام ، ولكن بشرط أن تكون الإشارة خارجية ، بمعنى أنها لا تتصل بالحالة النفسية كحالة نفسية ، وإنما بالحكم عليها سلباً أو إيجاباً ، بينما نجد أن عاطفة من العواطف أو رغبة ما لا يمكن في ذاتها أن يحكم عليها بالصدق أو الكذب : فأننا حينما أرغب في تناول شيء ما - مجرد هذه الرغبة لا تقبل أن يقال عليها إنها صادقة أو كاذبة من حيث هي حالة نفسية طرأت على نفسى بالفعل . وإنما تكون قابلة للصدق والكذب حينما يراد بيان الصلة بين هذه الرغبة وبين حاجة الجسم الحقة ، أى حينما ينتقل الكلام إلى الصلة بين هذه الحالة وبين أشياء خارجة عنها هي النسبة بين طبيعة الجسم وبين هذه الحاجة فنحن في كل حالة من الأحوال التي يكون فيها حكم لا بد أن تكون نمة إشارة خارجية . وهذا كله يدل على أن الأحكام لا بد أن تكون لها إشارة خارجية ، أى تكون خارج عملية الحكم ، ولا يقصد بها الإشارة إلى حقيقة موجودة خارج ذهن الذى يحكم . ومن هنا نقول إن كل حكم له إشارة إلى الخارج .

والمسألة الثانية هي كلية الحكم ، بمعنى أن الحكم إذا قيل مرة فيصدق إلى الأبد بالنسبة إلى عالم مقال معين ، أى إن كل حكم أياً كان ، ومهما ارتبط بشخص أو زمان ، لا بد أن يكون كلياً صادقاً في كل الأحوال والأزمان وبالنسبة إلى أى شخص ، وذلك لأننا إذا أضفنا قيمة زمانية لهذا الحكم فهذه القيمة جزء من نفس القضية ، وبالتالي سيصدق الحكم معبراً عنه في هذا الزمان صدقاً كلياً ، أى في كل زمان . فإذا قلنا إن مصر كانت تحت حكم العثمانيين ، فهذه الحقيقة

كلية أزلية أبدية بالنسبة إلى هذا الزمان أى ابتداء من سنة ١٥١٧ ، وفي هذه الحالة نجد أنه مهما حددنا الحكم بزمان فهو صادق أبداً . فتعيين الزمان في داخل الحكم لا يتنافى مع كونه صادقا صدقا كلياً ، ولذا يجب أن يراعى ، في كل حكم واستدلال من الأحكام ، أن يكون النظر إلى الحكم باعتباره صادقا دائماً ، وإن كان مشروطاً بشرط سواء من حيث الزمان أو المكان أو الأفراد ، فإن هذا يكون جزءاً جوهرياً من الحكم نفسه ، فلا يؤثر في الصورة العامة من حيث الصدق الكلى . وهذا يعبر عنه مرة أخرى بقولنا إن الحكم ضرورى . فضرورة الحكم معناها أنه صادق أبداً ، على الرغم من كل تحديد زمانى أو مكانى . ومجال الصدق هنا هو بالنسبة إلى عالم مقال محدود ومتفق عليه بين السامع والقائل ، وفي داخل عالم المقال هذا يكون الحكم ضرورياً باستمرار . ولا يقصد بالضرورة هنا كما لا يقصد بالكلية ما ستراه فيما بعد فيما يتصل بفكرة الضرورة في الموجهات أوجهة الحكم ، وإنما يقصد به أن يكون الحكم ضرورياً أى صادقا صدقا كلياً إذا نظرنا إليه ككل .

٥٥ — تصنيفات الأحكام :

وبعد عرضنا لهذه المسائل الثلاث عرضاً عاماً نستطيع أن نتحدث عن التصنيفات المختلفة التى يمكن أن توضع للأحكام : والتصنيفات التى وضعت حتى الآن لا حصر لها ، ويمكن أن نتناول أهمها هنا فننظر أولاً في وجهات النظر المختلفة . نحن نستطيع أولاً أن ننظر في الأحكام من الناحية الصورية الخالصة ، أى الناحية المنطقية ، من حيث إن المنطق هنا مأخوذ بمعنى الخواص الصورية العامة للأحكام . وعلى هذا صنفنا الأحكام قديماً ، خصوصاً منذ أيام أرسطو ، إلى أربعة أقسام : كلية وجزئية من ناحية الكم ، وموجبة وسالبة من ناحية الكيف — ولذا انقسمت القضايا إلى أربعة أنواع : كلية موجبة وكلية

سالبة ، وجزئية موجبة وجزئية سالبة . - ومن ناحية أخرى قُسمت من حيث الإضافة إلى : قضايا محلية ، وقضايا شرطية متصلة . ولكن هذا التقسيم قاصر إذ لا يتناول كثيراً من الأحكام التي تدخل في هذه الأقسام .

ويجب كذلك أن ننظر في الأحكام من ناحية الصياغة فنقسمها إلى أحكام غير علمية ، وهي التي تستخدم في الاستعمال المادى ، وإلى أحكام مصنوعة بطريقة علمية وهي التي تستخدم في كتب المنطق والكتب العلمية الصرفة . وليس لنا أن نغنى بأنواع الحكم التي لا تدخل في المنطق الصورى ، فالأحكام المعبر عنها بطريقة ساذجة أو الأحكام المستعملة في اللغة العادية لا يعنى المنطق بدراستها .

وتمّ وجهة نظر ثالثة قال بها من قبل وهي أن ننظر في الإشارة الخارجية الوجودية إلى الحكم ، فإما أن يكون الحكم مشيراً إلى مجرد وجود ، أو إلى الوجود معاً بالنسبة إلى شيئين ، أو إلى العلية أى بنسبة شيء إلى آخر من ناحية أن الواحد معلول للآخر ، أو من ناحية أن شيئاً قال بالضرورة لشيء آخر أو يستخلص منه مباشرة . وهنا يلاحظ أن هذا التقسيم موضوعى مادى ، ينظر في مادة القضية لا في صورتها ، ولما كنا ننظر في الناحية الصورية فلا بد من أن نغفل عن هذا التقسيم الأخير .

وأشهر التقسيمات التي يمكن أن تعد الأساس في كل عرض للأحكام هو التقسيم الذى قال به « كنت » في كتابه : « نقد العقل المجرد » ؛ حيث أخذ على التقسيم الأرسطى للمقولات أنه موضوعى لا ينظر فيه إلى الشخص الذى يحكم ، بل يراد منها أن تكون محمولات عليها تقال كأعمّ المحمولات على أنحاء الوجود الممكنة . أما كنت فقد استخرج من طبيعة الشخص الذى يحكم لوحة أخرى للمقولات هي :

الإضافة
الجهة
الحكم
الكيف

↓ ↓ ↓
↓ ↓ ↓
↓ ↓ ↓
↓ ↓ ↓

موجبة سالبة لالمحدودة . كلية جزئية شخصية . احتمالية تقريرية ضرورية عملية شرطية انفصالية
 هذه لوحة منظمة تظهر فيها نزعة معيارية إلى تصنيف الأشياء . إذ يلاحظ
 أنه أدخل في بابي الكيف والحكم مقولتين جديدتين هما من حيث الكيف :
 القضية اللامحدودة ، ومن حيث الحكم : القضية الشخصية .

أما القضية الشخصية فلا داعى لإفرادها منفصلة عن القضية الكلية
 والجزئية لأنها قضية كلية حيث إن الحكم فيها ينطبق على كل الموضوع ،
 والأصل في القضية الكلية أنها هي تلك التي يكون فيها الموضوع مستغرقاً ،
 أى منظوراً إليه باعتبار كل ما يدل عليه من أفراد ، فالحكم فيها ينطبق على كل
 الموضوع .

وكذلك الحال في القضية اللامحدودة فإنها تنحل إما إلى قضية سالبة أو موجبة .
 فهي تنحل إلى موجبة إذا نظرنا إلى المحمول بوصفه يكون كلاً ، وهذا الكل
 اسم منفي . وعلى هذا فالرابطة هي في الواقع رابطة إثبات لا رابطة نفى - فمثلاً إذا
 قلنا : « أ هي لا - ب » فإن من الممكن أن نعتبر المحمول هنا ككل وتكون الرابطة
 في هذه الحالة رابطة إيجاب . ولكن يمكن من ناحية أخرى إذا نظرنا إلى
 المضمون الحقيقي للرابطة في هذا الحكم أن نقول إنها قضية سالبة ، لأن معنى
 قولنا « أ هي لا - ب » هو تماماً يساوى : « أ ليست ب » أى إن الرابطة هنا
 رابطة سلب ، فالقضية سالبة . ويميل أغلب المفاطقة إلى النظر إلى هذه القضية
 كأنها سالبة ، وإن كان البعض الآخر قد حل المسألة بأن استبعد نهائياً هذا
 النوع قائلاً إنه لا معنى لقولنا « لا - ب » . وعلى كل حال فإن كنت قد أدخل
 هذين النوعين لأسباب فنية أكثر من أن يكون ذلك لأسباب منطقية خالصة .
 فضلاً عن أنه لم يكن أول من قال بها ، فقد تحدث أرسطو عن القضايا الشخصية

كما تحدث المدرسيون عن القضايا اللاحدودة ، ولكن واحداً من هؤلاء لم يعن باستخراجها على حدة ، بل أدرج القضية الشخصية في القضية الكلية ، وأدرج اللاحدودة في القضية السالبة .

فإذا نظرنا بعدئذ في كل قسم على حدة نظرة مجلّة وجدنا أولاً أنه فيما يتصل بالقسم من حيث الإضافة أن هذا التقسيم إلى حملية وشرطية متصلة وشرطية منفصلة قد أثير حوله كثير من الاعتراضات . وأولها مايقوله^(١) جوبلو ، من أنه على الرغم من تمييز القضايا الشرطية عن القضايا الحملية فإن أهمية القضايا الشرطية لم تظهر بوضوح للمناطق ، فأهملها أرسطو ، أو نظر إليها باحتقار على الرغم من أنه تنبه لوجودها . والرواقيون على الرغم من عنايتهم بالقضايا الشرطية ، فإن هذه العناية لم تؤثر في المناطق التالية ، إذ لم يكن للرواقيين أن يرتفعوا إلى مكانة أرسطو في التأثير في المنطق . فإذا كان أرسطو قد أهملها فيجب أن تهمل على أن هذه القضايا أهم من القضايا الحملية في نظر جوبلو - بل قد حاول أن يرجع القضايا الحملية إلى القضايا الشرطية ، بعد أن كانت الحال على العكس من قبل ، حين كان المنطقيون ينكرون أن يكون للقضايا الشرطية وجود مستقل ، إذ كانوا يقولون إن كل قضية شرطية تنحل إلى قضيتين حمليتين .

كذلك نجد كينز^(٢) Keynes ينقد هذا التقسيم الثلاثي مستبدلاً به تقسيماً ثنائياً إلى (١) قضية بسيطة ، و (٢) قضية مركبة . فقد رأى أن الصلة بين الحملية من جهة ، والشرطية المنفصلة والشرطية المتصلة من جهة أخرى ، لا تناسب مع الصلة بين الشرطية المنفصلة والمتصلة ؛ إذ النسبة بينهما لا تسكاد تذكر في جانب صلتها بالحملية ، وإذن لا يقوم هذا التقسيم على مستوى واحد . لهذا استبدل به آخر ثنائياً إلى (١) بسيطة : وهي التي لا يدخل فيها أكثر من قضية ؛

(١) جوبلو : « مبحث في المنطق » ص ٩٨ (٢) كوتز ، ص ٨١ — ٨٤ .

(٢) مركبة وهى التى يدخل فى تكوينها أكثر من قضية واحدة ؛ ويتبع هذا أن يقسم المركبة إلى ثلاثة أقسام . وكل قسم منقسم إلى سالب وموجب ، أو منفى ومثبت ، فتكون لدينا ستة أقسام :

١ — القضايا المنطقية : على الصورة ق ت — على اعتبار أن ق مقدم وت تالى ، ويقصد من هذا النوع فى حالة الإيجاب أن ق م ت صادقتان معا ، وفى حالة السلب أن ق م ت لا تصدقان معا . وقد تصدق إحداها على حدة . ويمكن أن يرد عليه فى هذه الحالة فيقال : إن هذه القضية المركبة هى فى الواقع قضيتان حمليتان منفصلتان ، ولا داعى لأن نجعل منهما حكماً واحداً . ولكن يرد هو فيقول : إن هاتين القضيتين معاً يكونان حكماً يختلف عن كونهما منفصلتين ، إذ قد يصدق شيئان معاً ولا يصدق كل منهما على حدة ؛ كذلك قد يصدق كل منهما على حدة ولا يصدقان معاً . فلا بد إذن من إيجاد قضية تعبر عن هذا النوع من الحكم ، يستعمل فيها حرف العطف للدلالة على الانطباق معا فى الوجود .

٢ — هناك قضايا مركبة تكون فيها الصلة بين القضيتين صلة توقف وشرط ، بمعنى أن صدق الواحدة يستلزم صدق الأخرى ، وكذب الواحدة يستلزم كذب الأخرى ، وهذا يسمى بالقضية الشرطية المتصلة . فمثلاً إذا قلت : إذا أمطرت السماء فلن أخرج من المنزل . فلدينا هنا إذن حكمان . والثانى متوقف على الأول . فهنا إذن صلة شرط ومشروط بين الطرفين . ونفى هذه القضية يجعلنا نقول : إنه إذا وُجد الواحد فلا يوجد الآخر بالضرورة . فإذا الصورة التى توضع للقضية الشرطية المتصلة الموجبة هى . إذا كانت ق كانت ت ، فإنها فى حالة السلب تكون : إذا كانت ق لم يكن بالضرورة ت .

٣ — وثالثاً هناك قضايا تعبر عن شيئين منفصلين باختيار الواحد أو الآخر ،

وتكون هذه الرابطة بين الاثنين هي إما رابطة انفصال حقيقى بمعنى : إما أن يكون الواحد أو يكون الآخر ، ولا سبيل إلى الجمع بين الاثنين ، أو يمكن الجمع بين الاثنين - كما سنبين فيما بعد عند الكلام على الشرطية المنفصلة . فهذه الصلة صلة انفصالية ، بمعنى أننا نقسم شيئاً إلى وجوهه الممكنة ونقول إنه إما كذا أو كذا ، فالحرف « أو » يدل على الانفصال ، ولذا سميت القضية هنا منفصلة ؛ ونفيها يستلزم نفي الطرفين ، فإذا كانت الصورة الإيجابية : « إما ق أو ت » - كانت الصورة المنفية هي : « إما لا - ق أو لا - ت » .

الجهة فى القضية

٥٦ - الجهة فى القضية هي التعبير فى الحكم عن مرتبته من حيث تقرير الوجود أو الإمكان أو الضرورة أو الامتناع . فالحكم إما أن يكون ضرورياً ، أى معبراً عن ضرورة الصلة بين الموضوع والحمول ، وإما أن يعبر عن أن هذه الصلة من الممكن وجودها بين كلا طرفى القضية ؛ ويمكن ثالثاً أن تكون الرابطة رابطة امتناع ، بمعنى أن من المستحيل أن ينتسب الحمول إلى الموضوع : وهذا هو ما يسمى جهة الحكم . وتنقسم الجهة إلى ثلاثة أقسام عند أرسطو ، وهي : ١ - الوجوب أو الضرورة ، ٢ - الإمكان ، ٣ - الامتناع أى الاستحالة .

والقضية حينما تكون معينة الكيفية تسمى مقيدة ، أى مقيدة بالجهة التى تحدت بها ، بينما المطلقة هي التى لا تذكر فيها الجهة . والضرورية تنقسم عند المناطق فى العصور الوسطى إلى قسمين : ضرورة مطلقة ، وهى التى تكون ضرورة بلا شرط ، وتنقسم إلى ثلاثة أنواع : فالأولى هي ما يشترط فيها وجود الذات مثل (الإنسان حى) فالإنسان سيكون حياً طالما كان هذا الإنسان كفرد فى قيد الحياة ، والثانية هي المشروطة بشرط دوام الصفة التى يدل عليها عنوانها ،

مثل : كل متحرك متغير . فصفة التغير ملازمة للمتحرك مادام متصفا بالحركة . والفرق بين هذا النوع وسابقه ، أن الشرط هنا صفة تلحق للموضوع لا صفة تكون ذاته . والثالثة هي الضرورية المشروطة بوقت : وتنقسم إلى قسمين : مشروطة بوقت معين ، وتسمى الوقتية ، ومشروطة بوقت غير معين ، وتسمى المنتشرة . فالمشروطة الوقتية مثل خسوف القمر ، فهذا لا يحدث إلا حينما يتوسط القمر بين الشمس والأرض ؛ والمنتشرة مثل كون الإنسان متنفساً - فالتنفس بمعنى إخراج النفس بوضوح يتم في أوقات غير معينة .

وأما الواقعية فهي التي تحدث دوماً بمعنى أن الصفة المطلقة من المحمول على الموضوع يحدث أنها توجد دائماً . والفارق بين الضرورية وبين الواقعية ملحوظ ، وهو أن الدوام قد لا يكون صادراً عن ذات الموضوع فيكون هناك دوام ولا ضرورة - فكون الزنجى أسود البشرة ، هذا شيء دائم ، ولكنه ليس ضرورياً إذ هو عرض ملازم فحسب ، وليس مقوِّماً لماهية الإنسان .

ويقسم المدرسيون القضايا من حيث الجهة تقسيمات أخرى يفرعون عليها تقسيمات ، وهكذا يتعمد مذهب الموجهات إلى حد بعيد . ونحن إذا رجعنا إلى أرسطو وجدناه يقسم القضية من حيث الجهة إلى أربعة أقسام :

١ - الضروري أو الواجب ؛ ٢ - الممكن باعتبار ما كان ؛ ٣ - الممكن باعتبار ماسيكون ؛ ٤ - الممتنع .

(١) أما الضروري أو الواجب فهو الذي لا يمكن أن يكون بخلاف ما هو كائن .

٢ - أما الممكن باعتبار ما كان فهو الشيء الذي حدث في الماضي وكان يمكن أن لا يحدث ، أي لم تكن ثمة ضرورة وجودية تقتضي أن يكون قد وجد ، وتقتضي أن لا يمكن أن لا يكون قد وجد .

(٣) الممكن باعتبار ماسيكون ، وهو ما لم يحدث بعد ولكن من الممكن أن يحدث يوماً ما .

(٤) والمستحيل أو المتنع هو الذى لا يمكن أن يكون أبداً .

٥٧ - وأرسطو لم يجعل من هذا النوع الرابع قسمًا من الموجهات بل يقصر الجهة على الضرورة ، وعلى الممكن باعتبار ما كان ، والممكن باعتبار ماسيكون ، وعلى الواقعى الذى حدث بالفعل ويحدث بالفعل - والواقعى هو الذى يدل على مجرد حدوث شيء أو اتصاف موضوع بصفة ، دون أن يعين بالدقة هل هو ضرورى أو محتمل .

لكن جاء كُنت فأنكر على أرسطو هذا التقسيم الموضوعى وأبدل به تقسيماً ذاتياً للقضية من حيث الجهة ، فقسمها إلى : ١ - ضرورية أو حتمية ، وهى التى تقول : « إن من الضرورى أن ا هو ب » . ٢ - وقضية واقعية أو تقريرية ، وتقول : « من الحق أن ا هو ب » . ٣ - وقضية احتمالية وتقول : « من المحتمل أن يكون ا هو ب » . وفرق كبير أن يقسم الإنسان الأحكام من الناحية الموضوعية ، ومن الناحية الذاتية . فالتقسيم من الناحية الذاتية ينظر إلى الحكم من حيث قائله ، فيكون الحكم فى حالة الضرورة : إننى أوقن أن ا هو بالضرورة ب - هذا عند كُنت . أما عند أرسطو فيكون الضرورى معناه أن صفة المحمول تنسب بالضرورة - ومن حيث طبيعة كل من المحمول والموضوع - إلى الموضوع . فهنا إذن ضرورة خارجية ، أما عند كُنت فالذاتية تتعلق بطبيعة الحكم عند من يتلفظ بالحكم .

وعلىنا الآن أن نبحث فى تقسيم كُنت ، وننظر إلى مذهبه فى الموجهات حتى نعرف أولاً : كيف يجب أن يفسر ، وثانياً : هل يمكن أن يُعد هذا المذهب داخلياً فى المنطق الصورى أو لا ؟ .

أما (*) من حيث المسألة الأولى فيمكن النظر إلى الجهة من ناحية ذاتية ، ومن ناحية موضوعية . فإذا نظرنا إليها من الناحية الذاتية وجدنا أن من الممكن أن تفسر تفسيرين : الأول أن يقال إن الجهة هنا معناها تصور الشخص الذي يحكم لطبيعة الرابطة بين الموضوع والحمول فتكون المسألة حينئذ متعلقة بالأفراد - « فالضرورى » هو ما يظهر لى أنه ضرورى وقد لا يظهر الآخرين كذلك . و « المحتمل » هو ما يبدو لى كذلك ، وقد يبدو الآخرين ضرورياً . وهكذا تكون فكرة الجهة متوقفة على الشخص الذى يحكم . ولكننا رأينا أن من شروط الحكم أو القضية أن يكون « موضوعياً » بمعنى أن النسبة بين الموضوع والحمول لا بد أن ينظر إليها نظرة ثابتة أبداً ، ولا بد أن تكون صادقة بالنسبة إلى كل الأفراد فى كل الأحوال وعلى اختلاف الأزمنة . ولكننا نقول هنا إن التفسير يتوقف على الشخص الذى يحكم ، وكأننا هنا نناقض ماقلناه فى صفة القضية ، فهل معنى هذا أنه يجب رفض ماقلناه ؟ والتفسير الثانى هو أن يقال إن الواقعى مايقوم على التجربة ، أما الضرورى فهو القائم على الاستدلال من التجربة . فمثلاً إذا شاهدتُ السماء أمطرت ، فقلتُ : أمطرت السماء ، فأنا أحكم هنا تبعاً للتجربة التى عاينتها ، ولذا فالحكم هنا واقعى . أما إذا خرجت من المنزل ولم أكن قد شهدت المطر بالفعل ولكنى وجدت الأرض مبتلة والأشجار مبتلة فحكمت أنه لا بد أن السماء قد أمطرت يكون الحكم هنا ضرورياً ، أى إنه قائم على التجربة استخلاصاً منها وليس على التجربة المباشرة ، فالحكم إذا كان يعتمد من حيث الجهة على التجربة المباشرة سمي واقعياً ، وإن قام على الاستدلال يسمى ضرورياً .

٥٨ - لكن يلاحظ أن هذا التفسير ليس تام الإقناع ، لأن أصل

(*) راجع كينز ص ٨٦ — ص ٨٩ . لندن ، سنة ١٩٢٨ .

الضرورى فى صلته بالواقى أنه أعلى درجة فى اليقين من الأخير . ولكننا وجدنا فى المثل السابق أن اليقين فى الواقى أكبر منه فى حالة الضرورى ، لأننى فى الحالة الأولى عاينت الشئ بنفسى وأدركته بحسى ، فاليقين عندى أكبر قطعاً مما هو عندى بالنسبة إلى حكم أصدره طبقاً لآثار حادثٍ ، لا تبعاً للحادث نفسه . ولذا لا يمكن أن نقر هذا التفسير .

أما فيما يتصل بالاحتمال ، فالقضية المحتملة من الناحية الذاتية لا تعبر عن حكم بمعنى الكلمة ، وإنما تعبر عن حالة التردد أو التوقف فى الحكم ، لأن معنى الاحتمال هو أنى لا أستطيع أن أضيف صفة المحمول إلى الموضوع ، كما أنى لا أستطيع بيقين نفيها عنه ، فأنا متردد بين السلب والإيجاب ، وهذا لا يكون حكماً . فحالة الاحتمال إذن هى حالة توقف فى الحكم .

أما إذا نظرنا إلى المسألة من الناحية الموضوعية فيمكن تفسير الضرورة والواقعية والاحتمال على أساس الضرورة العلية كما فعل كينز^(١) فى تفسيره مذهب الموجهات . فيكون معنى الضرورة أن تكون القضية معبرة عن قانون كلى ثابت صالح باستمرار سواء فى الماضى وفى الحاضر . فحين أقول إن الكواكب تدور فى مدار إهليلجى ، فإن هذا الحكم سيصدق على كل الكواكب التى سوف تكتشف وهو ما حدث فعلاً ، كما هو صادق بالنسبة إلى كل ما اكتشف منها . فمثل هذه الأحكام التى تعبر عن قوانين كلية تسمى الجهة فيها الضرورة ، كما فى هذا القانون : المعادن تتمدد بالحرارة .

أما إذا كانت القضية لا تعبر عن قانون ، وإنما تعبر عن واقعة تصادف أنها حدثت ، ولكن لم يكن حدوثها على أساس العلية ، أى وفقاً لقانون طبيعى ضرورى ،

(١) « دراسات وتحريرات فى المنطق الصورى » ص ٨٨ . لندن سنة ١٩٢٨ .

فإن الجهة هنا هي الواقعية - فقد تصادف أنه في القرن الثامن عشر في فرنسا كان الملوك جميعاً يسمون « لويس » . فليس هناك ضرورة في أن يكون أسماء ملوك فرنسا : لويس ، ولكن تصادف فقط وحدث ذلك . فهذه الأحوال التي يعبر فيها عن اطراد حوادث من نوع معين دون أن تكون هناك ضرورة في الربط بين الموضوع والحمول تسمى الجهة فيها حينئذ بالواقعية .

أما إذا كان الحكم معبراً عن إمكان الخروج عن قانون طبيعي ضروري فهذه الحالة تكون حالة احتمال أو إمكان ، فالجهة فيها الاحتمالية . فإذا تصادف ووجدت غريان مختلفة الألوان عما نألفه ، فإن هذا ممكن الحدوث ، ويكون حدوثه مخالفاً لقاعدة مطردة فيما يتصل بألوان الغريان السود دائماً . فالإمكانية هنا تعبر عن إمكان الخروج عن قاعدة كشواذ لهذه القاعدة .

وتبعاً لهذا التفسير الموضوعي للكيفية يكون معنى الضروري أن يكون الحكم معبراً عن قانون طبيعي ضروري ، والواقعية تعبر عن اطراد في نوع من الحوادث ليس بينها ارتباط العلوية ، والإمكانية معناها الخروج على قاعدة مطردة أو قانون مطرد ، على أية نحو كان .

بيد أنه يلاحظ أن هذا التفسير موضوعي مادي ، أي لا يتعلق بصورة الأحكام بل بمضمونها من حيث الواقع . فعلى الرغم من وجود خلاف بين المناطقة والعلماء في تحديد مفهوم العلوية والقانون الطبيعي ، فمن الممكن القول إن النظر في الأحكام سيكون نظراً في مضمون الأحكام ، لا في الصورة . إذ لكي أعرف أن هذا الحكم يعبر عن قانون ، وبالتالي تكون الجهة فيه الضرورة ، فلا بد أن أكون عالماً بالطبيعيات . وينتسب البحث في هذه الناحية إذن إلى علم المناهج ، أو إلى المنطق الاستقرائي أكثر من انتسابه إلى المنطق الصوري إن كان لا يزال ينتسب إليه حقاً . وعلى هذا فإذا كان نظر المنطق الصوري إلى صورة الأحكام دون مادتها

فلا يمكن أن نطبق فكرة الجهة بهذا المعنى الموضوعي . ولكن يلاحظ مع ذلك أن من الممكن أن نعبر عن الجهة بالفاظ تدلنا مباشرة على حقيقة الجهة ، فاستخلص من هذه التعبيرات - بطريقة صورية - كل ما نريد معرفته عن ارتباط الأحكام بعضها ببعض من حيث الجهة . فالحال هنا كالحال في السلب والإيجاب : فأنى لا أستطيع معرفة صحة القضية السالبة أو الموجبة من مجرد الصورة ، ولكن أستطيع - عن طريق النظر في الدلالات أو الأسوار الدالة على طبيعة السلب والإيجاب - أن أرتب القضايا وأركبها بعضها مع بعض حتى يمكن تكوين أقيسة وبراهين بصرف النظر عن وجود إشارة خارجية موضوعية تدل عليها هذه الأحكام أو القضايا . فيمكن أن يعبر عن الضرورة بقولنا : « ا ، كما هي ، هي ب » أما الواقعية فيمكن التعبير عنها بجمل القضية خالية من الجهة أى مطلقة . والاحتمالية يعبر عنها بقولنا : « ا يمكن أن تكون ب » . كما يمكن من ناحية أخرى أن نعبر عن الجهة بواسطة النظر في الإضافة بأن يقال إن القضايا الحلية تعبر عن الواقعية أى إنها يخلوها من الجهة لا تعبر إذن عن الضرورة أو الاحتمالية ، وإنما تقرر الأشياء فهي تعبر عن حالة واقعية . أما القضية الشرطية فهي وحدها الصالحة لأن تطلق عليها الجهة ، ويقصد بالشرطية هنا لا الشرطية الحقيقية بل الشرطية الاحتمالية . فالشرطية الاحتمالية تعبر عن الضرورة بأن يقال : « إذا كان هذا الشيء ب فلا بد أن يكون ح » . ويعبر عن جهة الإمكان بقولنا : « إذا كان هذا الشيء ب فيمكن أن يكون ح » . أما الحلية على الصورة : « ا هي ب » فتعبر عن مجرد الواقعية . ومع ذلك يلاحظ أن هذا ليس بصحيح دائماً إذ نجد بين الحلية مايدل على الضرورة ؛ فالكلية الموجبة : « كل ا هي ب » تعبر عن ضرورة ، لأنها تعبر عادة عن قوانين ، والقوانين كلية ثابتة . فمن ناحية تفسيرنا للضرورة من الناحية الموضوعية لا يمكن أن نخرج هذا النوع من جهة الضرورة .

٥٩ — وإذا نظرنا فيما أنت به فكرة الموجهات نجد أنها لم تأت بشيء .
ففيما يتصل بالضرورة نجد أولاً أن الضرورة لا تكاد نفهم المقصود بها : هل
يقصد مجرد الضرورة الواقعية ، بمعنى أنها هي انطباق الحكم على أشياء واقعية
عرفت بالتجربة ؟ أو يقصد بها أن تكون معبرة عن أحوال التزامية يضطر فيها
الإنسان إلى القول بشيء ما ؟ فمن الناحية الأولى يلاحظ أن الأحكام الواقعية
ليست هي الضرورية باستمرار ، إذ قد لا يكون الحكم متوقفاً على واقعة . ومع
ذلك نجد هذا الحكم ضرورياً ، فالعقائد الإيمانية بالنسبة إلى أي مؤمن تعبر
عن حقائق ضرورية بالنسبة إليه ، ومع ذلك هو لم يشهدا عن طريق التجربة .
لا يمكن إذن أن نفسر الضرورة بمعنى القيام على الأحكام الواقعية . ففارق بين
الأحكام الضرورية ، وبين الأحكام الواقعية . وكذلك الحال بالنسبة إلى القصد
من فكرة الواقعية ، فنحن لا نستطيع بيان هذا القصد ، فقد يحكم الإنسان تبعاً
لأمور سابقة ، أو يقول بحكم لا يقوم على أمور شاهدها بنفسه ، ومع ذلك
يقول عنها إنها أقوال واقعية . وكذلك نجد أن فكرة الإمكانية ليست واضحة ،
لأن معناها إمكان الحكم بكذا أولاً كذا ، فهي حال وسط بين السلب
والإيجاب . والحكم إما أن يكون سلباً أو إيجاباً ؛ أما أن يكون بين بين فلا .
ففكرة الإمكانية من هذه الناحية غير صحيحة . ولكن يمكن أن يقال إننا
نقصد بالإمكانية التعبير عن حالة الاستفهام . والواقع أن الجمل الاستفهامية لا تعبر
عن حكم لأنها جمل إنشائية ، وهي ليست بقضايا بمعنى الكلمة لأنه لا يوجد فيها
حكم بإثبات شيء أو نفيه . كما لا يمكن أن نعرف مدى الإمكانية من الناحية
الصورية ، إذ لها درجات : ففيها ما يقرب من اليقين ، وفيها ما يقرب من الشك ؛
وهي لا يمكن أن يعبر عنها بطريقة صورية .

لهذا نستطيع أن نقول إن فكرة الجهة فكرة غامضة ولا تنسب إلى

المنطق الصوري ، وكما يقول جوبلو^(١) : لا توجد جهة للأحكام وإنما توجد أحكام للجهة .

الكيف

٦٠ - كل حكم إما أن يكون مصوغا في صيغة النفي ، أو في صيغة الإيجاب . والأصل في كل حكم أن يكون إيجابيا ، لأن كل حكم هو ربط حد بآخر ، وهذا الربط لا بد أن يكون ربط إيجاب لا ربط تنافٍ ، ولهذا اعتاد المناطقة منذ القدم أن يقولوا إن الحكم المنفي هو نفي الحكم إيجابي ، فحينما أقول : هذا الكتاب ليس بأبيض - فإن الأصل في هذا الحكم أنني تصورت أن إنسانا نعتة بصفة البياض ، فأنكر عليه هذا القول ، فكأن كل حكم سلبي استنفكار لحكم إيجابي . ومن هنا قال برجسون إن الحكم الإيجابي حكم على شيء ، أما الحكم السلبي فهو حكم على حكم على الشيء ، ومعنى هذا أنني في حالة الإيجاب أحكم على شيء ما ، أما في حالة السلب فإنني لا أحكم على شيء وإنما أحكم على حكم ممكن أن يقال على الشيء فأنفيه عنه .

ومع هذا فإن هذا الرأي يجب أن نعدّله ، فليست كل الأحكام الإيجابية إيجابية ابتداء ، وليست كل الأحكام السلبية استنكارية ابتداء وبطبيعتها . وإنما كل شيء يتوقف على القصد من الحكم . فهل أقصد منه أن أردّ على سؤال إنسان ؟ أو هل أقصد مجرد إعطاء معلومات وتقرير حقائق ؟ إذا كنت أقصد الأول فإن الحكم الإيجابي والسلبي يكون دائما ردّا واستنكارا ، وإن كنت أقصد الثاني فإن الحكم السلبي والإيجابي أيضا لا يراد به الاحتجاج ، بل يراد به معلومات إيجابية . كذلك نجد أن كثيرا من الأحكام هو من النوع الذي يسمونه الأحكام السابقة *préjugés* وهذا النوع من الأحكام

(١) « بحث في المنطق » ص ١٦٤ .

يكون عادة إيجابيا ، ولكنه في حقيقته سلبى : لأننى فى هذه الحالة لا أتبين صحته فى وضوح إلا بعد تفكير طويل ، وبعد التفات ومراجعة للقيم التى سرت عليها من قبل دون أن أفهمها بطريقة عقلية .

وعلى كل حال فىمكن أن يقال إذن بوجه عام إنه ليس من الضرورى أن يكون الحكم السالب احتجاجا ضد حكم ممكن ، بل يصح أن يكون السلب ابتداء ، وبالوضع الأول من أجل إعطاء معلومات بصرف النظر عن الرد على سؤال شخص يضع الشئ موضع التساؤل . كما أنه ليس من الضرورى أن يكون الإيجاب مجرد إيجاب وتقرير حقائق بصرف النظر عن وضعها موضع التساؤل ، فقد تكون أحيانا إجابات ، وبذلك تكون ردودا واحتجاجات ضد أحكام منفية، فيأتى الإنسان بالإيجاب كى يؤكد لها .

٦١ - فكان الحكم ينقسم من حيث الكيف إلى : (١) حكم سلبى و (٢) حكم إيجابى . ولكن كنت فى لوحة المقولات التى عرضناها من قبل قال بنوع ثالث ينقسم إليه الحكم من حيث الكيف وهو المزمود . فما هى حقيقة هذا النوع من الحكم ؟ هنا يجب أن نفرق بين نوعين من المنطق فى دراسة الأحكام من حيث الكيف . فالمنطق الصورى يقوم على أساس قانون عدم التناقض الذى يقول إنه لا يوجد بين الشئين المتناقضين وسط ، فلا وسط بين السلب والإيجاب ، ولهذا لا يقول بنوع ثالث من الأحكام من حيث الكيف ، بل يقول إن القضايا إما سالبة وإما موجبة فقط . أما المنطق المتعالى ، أعنى الذى يقوم على أساس الوجود ، فيضطر إلى النظر إلى تطورات أحوال الوجود ، ابتداء من السلب حتى الإيجاب . ولما كان فى الوجود وسط بين الوجود والعدم هو التغير والضرورة ، فقد قال أيضا بوجود نوع ثالث يناظر هذا القسم الثالث من الوجود وهو

الأحكام اللاحدودة . ولما كنا نعرض هنا المنطق الصورى فحسب ، فليس لنا أن نتوسع فى بيان هذا المنطق المتعالى ، ولكن ليس علينا مع ذلك أن نرفض البحث بعض الشيء فى هذا النوع الذى قال به كُنت لعل فيه ما يفيد فى إيضاح كثير من مسائل المنطق الصورى فى هذا الباب . أما الحكم اللاحدود فيعرفه كُنت بأنه الحكم الموجب الذى يكون محموله سالباً مثل أن نقول ا هي لا - ب . ونلاحظ فى طريقة وضع الأحكام ، بل وفى اللغة العادية نفسها وجود هذا النوع ، والواقع أننا كثيراً ما نلجأ إلى مثل هذا النوع من الأحكام ، بل نلجأ إلى أكثر من ذلك ، فنرى أن الحكم (١) إما أن يكون موجبا ذا محمول موجب مثل ا هي ب . (٢) أو سالباً ذا محمول موجب مثل ا ليست ب (٣) أو سالباً ذا محمول سالب مثل : ا هي ليست لا - ب (٤) أو موجبا ذا محمول سالب مثل ا هي لا - ب .

ونعبر فى اللغة العادية أحيانا بكل هذه الصيغ . فإلى جانب تعبيرنا عن (١) ، (٢) وهو الاستعمال العادى فى الإيجاب والسلب ، نعبر أيضاً عن النوع الرابع حينما نقول : هذا الشَّعر خِلْو من العاطفة - كما نعبر عن النوع الثالث فنقول هذه اللهجة ليست خِلْواً من الحدة . بل قد نلجأ فى اللغة إلى أكثر من هذا خصوصاً فى لغة المجاملة ، فهى لغة ملتوية ، والتواؤم بالدرجة التى يكون فيها الفارق بين الجميل والمجامل .

ولكى نُفسِّر التجاء اللغة إلى مثل هذه الأحكام اللاحدودة نستطيع أن نقول إن اللغة قد مرت بأدوار كانت فيها لا نستطيع أن نعبر عن بعض الأشياء بطريقة إيجابية ، فكانت تضطر إلى استخدام ألفاظ منفية ، ولكن يقصد بها أحكام إيجابية . فالألفاظ المنفية فى هذه الحالة تعبر عن خطوة متوسطة أو أولية مرت بها اللغات حين كانت عاجزة عن التعبير عن بعض الأشياء بطريقة إيجابية . ولكن استعمال اللغة لهذا النوع من الأحكام يؤدى إلى كثير من الخلط

والسفسطة ، فكثير من مشا كل تاريخ الفلسفة حول بعض المسائل ينحل إلى مجادلات عقيمة حول بعض الألفاظ المنفية . فمثلا فكرة « اللامتناهي » ، هذه الكلمة يبدو في ظاهرها أنها منفية ، ولكنها في الواقع إيجابية ، وذلك لأننا مثلا فيما يتصل بإضافة هذه الصفة إلى الله باعتبار أن الله هو اللامتناهي ، فإن الأصل هنا أن هذه الكلمة تنفي للتناهي ، والتناهي تنفي للإطلاق أو الكمال ، فكان لدينا هنا إذن نَفْيَ نَفْيٍ أى إيجابا . فالقصد في الواقع بهذه الكلمة هو : الكمال المطلق . ولكنها تستخدم أحيانا بمعنى ماله حد ، ولكن هذا الحد يمكن امتداده باستمرار ، أى ماله حد ولكنه غير معلوم ، والأولى في هذه الحالة أن يسمى باسم اللامحدود . ولو أن الألفاظ حددت ورجعنا إلى الاسم الإيجابي ، لما أثير كثير من المناقشات التي تثار حول معنى اللامتناهي . — وكذلك الحال في مسألة خلود النفس immortalité فنجد أن هنا نفياً لموت النفس ، والموت تنفي للحياة ، أى إن هذا اللفظ immortalité نَفْيَ نَفْيٍ أى إيجاب ، أى بقاء النفس بعد زوال البدن ، ولكن الذين حاولوا البرهنة على خلود النفس ظنوا أنهم هنا بإزاء قضية سالبة ، فأدلو ببراهينهم الخاصة ببساطة النفس ، وأن البسيط لا ينحل ، وزعموا أنهم ببراهينهم على هذه القضية السالبة قد برهنوا على هذه القضية الموجبة الحقيقية ، وهي أن النفس تبقى بعد زوال البدن ، بينما لم يبرهنوا إلا على أن النفس لا تنفي بقاء البدن ، أى إنهم برهنوا على عدم القناء ولم يبرهنوا على البقاء^(١) .

ففي مثل هذه الأحوال نجد أن اللغة توهمنا بخلاف ما يقصد إليه الإنسان من وراء القضايا التي يركبها . والواقع أن هذه القضايا اللامحدودة يجب أن تعد قضايا سالبة ، أما عدم محدوديتها فيصدر عن تصنع لغوي أو نحوي يوهما أن

(١) راجع جيلو : مبحث في النطق ص ١٦٨ — ص ١٧١ . باريس سنة ١٩٢٩ .

القضية موجبة ، وهى فى الواقع سالبة . وهذا يتضح إذا ما نظرنا فى ماهية الحكم ، فنجد أن الحكم لا يقال السلب أو الإيجاب إلا عليه هو وحده ، أى إن السلب والإيجاب لا يتعلقان بالألفاظ أو التصورات ، بل بالقضايا أو الأحكام ، فلا داعى لإفراد القضايا التى يكون محمولها منفيًا باعتبارها قضايا من نوع خاص يختلف عن القضايا السالبة .

وخلاصة هذا أنه لا يوجد فى المنطق الصورى إلا السلب والإيجاب فحسب ، أما الدرجات المتوسطة فلا توجد فيه ، وذلك لأن المنطق الصورى يقوم على أساس قانون التناقض ، الذى يقضى بعدم وجود وسط بين السلب والإيجاب ، فالقضية إما سالبة أو موجبة .

الحكم

٦٢ — تنقسم القضايا أو الأحكام من جهة الحكم إلى قسمين :

أ — قضية يكون فيها الحكم أو الصفة التى يدل عليها المحمول منطبقة على كل أفراد الموضوع .

ب — وقضية يكون فيها الحكم أو الصفة التى يعبر عنها المحمول منطبقة على جزء غير محدد من الموضوع . ونسمى الأولى كلية ، والثانية جزئية . فالقضايا من ناحية الحكم تنقسم إلى كلية : وهى التى ينطبق فيها المحمول على كل الموضوع — وجزئية : وهى التى يكون فيها المحمول منطبقاً على جزء غير محدد من الموضوع . ويتصل بهذا التقسيم تقسيم القضايا من ناحية الماصدق . وهنا تنقسم القضايا إلى شخصية وجمعية ، والشخصية هى التى يكون فيها الموضوع شخصاً معيناً ، والحمل ينطبق على الشخص بأكمله . فإن هذا النوع من القضايا يدخل فى عداد القضايا الكلية لأن القضية الكلية يكون محمولها منطبقاً على

كل أجزاء الموضوع ، والمحمول في القضية الشخصية ينطبق على كل الموضوع ، وهو وحدة لا تقبل القسمة — فإذا قلت : محمد إنسان ، فإن صفة الإنسانية تدل على محمد كله .

أما القضية الجمعية فلها عدة صور ؛ فهي أحياناً تكون استغرافية ، بمعنى أن الحكم يدل على كل فرد على حدة . فإذا قلت : مجلس النواب صدق هذا القانون . ففي هذه الحالة نجد أن كل فرد من أعضاء المجلس قد أعطى صوته على هذا القانون . فالحكم هنا يتعلق بكل فرد على حدة ، فهو جمعي استغرافي . فالقضية في هذه الحالة جمعية استغرافية ، ولكن إذا نظرت إلى مجلس النواب ككل ثم حكمت عليه حكماً ينطبق على الكل لا على كل فرد على حدة فقلت : مجلس النواب اجتمع لإعلان الحرب ، فالحكم هنا متعلق بمجلس النواب ككل لا عليه كأفراد . ومن الواضح أن القضية هنا شخصية ، لأن الاسم الجمعي هنا قد استخدمته ككل لم أنظر فيه إلى أجزاء ، فالقضية التي من هذا النوع تكون من نوع القضية الشخصية تماماً .

ولننظر بعد هذا في هذه القضايا ، بعد أن قسمناها تقسيماً عاماً . ولنبدأ بالقضية الكلية :

٦٣ — القضية الكلية : هذه القضية من حيث مدلوها تعبر عن ثلاث أحوال : الأولى حينما تعبر عن مجموع أفراد محدودين أسردهم الواحد بعد الآخر ، وتكون القضية الكلية هنا قضية إحصائية ، فإذا قلت مثلاً : أبو بكر ، وعمر ، وعثمان ، وعلى هم الخلفاء الراشدون — فإنني في هذه الحالة قد أحصيت عدد الخلفاء الراشدين ثم وصفتهم بهذا الوصف . والقضية هنا تدل على إحصاء أفراد ولا تدل على قانون أو توافق في الوجود ، فهي كلية إحصائية .

ولكن قد تكون الكلية ثانياً معبرة عن أطراف في جملة أحوال يلزم

بعضها بعضاً . فإذا قلت مثلاً : إن النرجس أبيض وأصفر ، أو كل نرجس أبيض أو أصفر أوهما معاً ، وإذا قلت : إذا أمطرت السماء ابتلت الأرض ، أو كلما تمطر السماء تبتل الأرض - فإننى فى كل هذه الأحوال أعبر عن شيء مطرد دون أن تكون هناك رابطة علّية تربط بين هذه الأجزاء المكونة للقضية . فالقضية الكلية هنا تعبر عن اطراد لا عن اتصال على . ومن الممكن أن نسمى هذه القضية كلية اطرادية .

ويمكن أن تكون الكلية معبرة عن قانون أو رابطة علّية بين حادث وآخر ناتج عنه فإذا قلت : كل الأجسام ذات ثقل ، كل جسم ينجذب إلى الأرض . فى هذه الأمثلة أعبر عن قوانين أو رابطة علّية ضرورية . فالقضية الكلية هنا كلية ضرورية .

فالقضية الكلية إذن إما أن تعبر عن إحصاء أو اطراد أو تعبر عن علّية ولكن لا نستطيع أن نميز من الناحية الشكلية الصرفة بين هذه القضايا ، وإنما يمكن ذلك فقط من الناحية المادية - إلا إذا لجأنا إلى بعض الرموز التى تعبر عن كل حالة من هذه الأحوال الثلاثة على حدة ، ولكن هذه الرموز هى الخاصة بالموجهات . إذ الملاحظ أن القضية الأولى والثانية تعبر عن القضايا الواقعية ، والقضايا الثالثة تعبر عن القضايا الضرورية ، وحينئذ ينطبق على هذه ماوجهناه من نقد إلى فكرة الموجهات .

٦٤ - القضية الجزئية : أول المشاكل المتصلة بهذا النوع هى تلك المتصلة

بسور القضية الجزئية وهو اللفظ « بعض » . وهذا اللفظ فى العادة يدل على معنيين :

١ - بعض بمعنى ليس « لا » ، وليس « كل » أى بمعنى نقي « لا » ونقي

« كل » أيضاً . فإذا قلت بعض المصريين مسيحي فإننى أقصد نقي أن لا يكون

أحد من المصريين مسيحياً كما أقصد نقي أن يكون كل المصريين مسيحيين .

٢ — يقصد من «بعض» مجرد نفى «لا» بصرف النظر عن نفى «كل» أى أننى «لا» دون أن أنفى «كل». فإذا قلت مثلاً: بعض طلبة الجامعة حصل على التوجيهية فإن هذا لا يتنافى مع قولى: كل طلبة الجامعة حصلوا على التوجيهية. ونلاحظ أننا فى الاستعمال العادى نميل إلى الاستعمال الأول، فنفهم من «بعض» مجرد نفى «لا» ونفى «بعض» أيضاً. فـ «بعض» معناها فى هذه الحالة ابتداء من الواحد حتى المقدار الذى هو أقل مباشرة من الكل، لا الكل أيضاً كما هو فى المثال الأول. — ولكن المناطقة يميلون إلى تفسير «بعض» بالمعنى الثانى ويقولون إن «بعض» تنفى «لا» دون أن تستلزم نفى «كل»، وإنما كل قصدهم فى هذه الحالة أن يقرر وجود أفراد متصفين بصفة ما، مع إمكان أن كل الأفراد متصفون بها. فهذا هو الاستعمال المنطقي للسور «بعض». ولكن مناطقة آخرين أخذوا بالمعنى الأول العادى وهم أصحاب نظرية كم المحمول.

أما القضية الجزئية فالمهم فيها أنها تعبر عن عدد غير محدود من الأفراد. فليس المهم فيها عدد الأفراد، وإنما كون عددهم غير معين. وينقد بعض المناطقة مثل بوزانكيت^(١) Bosnquet القضية الجزئية قائلاً إنها قضية غير علمية لسببين:

١ — أنها تعبر عن وصف ناقص أو تعبر عن إحصاء غير تام، فقد يدفعنى الإهمال إلى عدم وصف الشيء وصفاً كلياً فأكتفى بأن أقول: «بعض الخمر ضار» أو قد لا أستطيع إحصاء جميع الأفراد لقصور فى المنهج، فأكتفى بوصف بعض الأفراد دون البعض الآخر. ومهما يكن الأمر فالقضية الجزئية ليست علمية لأنها لا تقوم على إحصاء شامل. ويرد على هذا كينز^(٢) بقوله: إن للقضية

(1) Essentials of Logic, pp. 116-117

(2) Formal Logic, § 66, pp. 101-102

الجزئية فائدتين : ١ — فالقصد بها غالباً أن تكون نفيًا لأخرى أولى من أن تكون وصفاً لحالة إيجابية ؛ وبذلك تكون الجزئية الموجبة نفيًا للكلية السالبة ، وتكون الجزئية السالبة نفيًا للكلية الموجبة .

٢ — أحياناً قد لاتهم معرفة الكل بل معرفة البعض ؛ فإذا كنت أريد السفر من القاهرة إلى الفيوم عن طريق السيارات ، فكل ما يعنيني أن أعرف أن هناك سيارات ما بين القاهرة والفيوم ، دون أن أهتم بأن تكون كل السيارات تمر بالفيوم ، فأقول : « بعض السيارات يذهب من القاهرة إلى الفيوم » . ففائدة القضية الجزئية هي التعبير عن حالة لا يهمني فيها أن أعرف الكل ، بل إثبات وجود شيء فقط . ويلاحظ كذلك أن القضية الكلية المطلقة لاتكاد توجد ، لأن القضية الكلية تتكون من إحصاء الجزئيات والجزئيات لاتتناهى ، ولهذا يبقى في كل قضية كلية نوع من الشك أو الاحتمال ، ومن هنا قيل : إن لكل قاعدة شواذ ، فالقضية الكلية لا تُعَدُّ عن حقيقة الوجود ، بل هي تعبير مصطنع يستخدم في التفاهم .

٦٥ — القضية الشخصية : هي القضية التي يكون الموضوع فيها شيئاً مفرداً ، أى فرداً داخلاً في نوع غير قابل لأن يكون نوعاً بدوره ، كقولنا : محمد رسول الله — الموضوع هنا شخص مفرد واحد لا يدخل تحته أفراد آخرون . ويلاحظ في هذه القضايا أن الحمل متعلق بكل الموضوع ، ولو أن كلمة « كل » لاتستعمل بدقة في هذه الأحوال ، وعلى كل حال الحمل لا يتعلق بجزء غير معلوم بل بشيء معلوم كلي ، ولذلك لم تكن القضية في هذه الحال جزئية ، فيبقى إما أن تكون كلية أو نوعاً يضاف إلى القضية الكلية والجزئية . وأغلب المناطق يعدون الشخصية كلية لأن الأصل في الكلية هو أن يكون الحمل منطبقاً على كل الموضوع سواء أكان فرداً أم عدة أفراد . فلما كان الحمل في الشخصية يصدق على كل الموضوع ، فهي تعد قضية كلية .

ولكن هاملتون يرى التفرقة بين الكلية والشخصية على أساس أن الكلية يكون الحل فيها متعلقاً بكلٍ غير منقسم ، بينما هو في الشخصية متعلق بوحدة لا تقبل القسمة . والواقع أن هذا الرأي وجيه إلى حد كبير ، خصوصاً وأن اعترافنا باستقلال القضية الشخصية سيفيد بعض الخواص المنطقية ، وبالأخص في القياس حيث سيظهر أن ما يصدق على الكلية قد لا يصدق على الشخصية ، والعكس .

٦٦ — القضية الجمعية والقضية العددية : رأينا في حالة القضية الكلية

أن السور هو اللفظ « كل » ، وفي حالة القضية الجزئية السور هو اللفظ « بعض » . وقد نستعمل أحياناً ألفاظاً غير هذين اللفظين للدلالة على سور القضية ، فقد نستعمل اللفظ « معظم » واللفظ « أقل » - فنقول : « معظم الطلاب نجح » ، ونقول كذلك : أقلية الطلاب هم الذين حصلوا على درجة الامتياز . فنجد في هذه الحالة أن الأسوار تدل على غير الدلالة التي دل عليها السوران السابقان : « كل » ، « بعض » . ومع أن الأسوار في هذه الحالة تدل على الجزئية لأنها لا تدل على الكلية ، فإن الأسوار تدل هنا على شيء محدد بعض التحديد بينما في حالة السور « بعض » لا يكون كم الموضوع محدداً بالدقة أى بأى نحو من التحديد كما قلنا في تعريفنا للقضية الجزئية ، ومن هنا فإن بعض التركيبات التي يمكن إجراؤها على القضايا ذات الأسوار : « معظم » و « أقل » قد لا تتم بالنسبة إلى القضايا التي يكون سورها اللفظ « بعض » . فمثلاً إذا قلنا : « معظم الناس مرتكبون للخطايا » ، « معظم الناس سينجون من العقاب الإلهي » . . . ففي هذه الحالة نجد أن من الممكن أن نستنتج من هذا أن بعض مرتكبي الخطايا سينجون من العقاب الإلهي . فإذاً من الممكن في هذه الحالة استنتاج شيء . - ولكن إذا كان السور هو

«بعض» فليس من الممكن هذا الاستنتاج ، لأن العلة في الاستنتاج هي أنه لا بد من وجود شيء مشترك في حالة «معظم» ، أما في حالة «بعض» فقد يوجد اشتراك وقد لا يوجد . ومع ذلك فالمناطق عدا هاملتون وديمورجن^(١) لا يريدون الاعتراف بهذه الأسوار ، مضيفين إياها إلى القضية الجزئية .

أما القضية العددية فهي التي يكون الموضوع فيها محدوداً جزئياً بطريقة معينة . فإذا قلنا : ثلاثة أرباع الطلاب نجحوا ، قالكم هنا محدود ، فلا نستطيع بالدقة أن نقول إن القضية جزئية . ولا نستطيع أن نقول إنها كلية ، لأننا إذا اعتبرنا أن الموضوع هو الطلاب ، فإن المحمول لا ينطبق عليهم كلهم ، ومن هنا لا تعد قضية كلية . ولهذا يمكن أن نفرّد لهذه القضية نوعاً خاصاً ، أو نعدّها قضية كلية أو جزئية . فإذا اعتبرناها كلية اعتبرنا صيغة الكم جزءاً من الموضوع ، وإذا اعتبرناها جزئية اعتبرنا الكم سوراً للقضية والموضوع هو الطلاب .

٦٧ - القضية المهمة : والقضية التي لا يعبر فيها عن سور تسمى بالقضية المهمة . فإذا قلنا : «الإنسان فانٍ» فإننا لم نعبّر عن السور الذي يدل على الكلية ولذلك تسمى مهمة . وفي الاستعمال العادي نحن نستخدم القضية المهمة على أنها كلية . فحينما أقول : «الإنسان فانٍ» - أقصد أن كل الناس قانون . ولكن المناطق يميلون من باب الاحتراس التام إلى النظر إلى القضية المهمة على أنها جزئية ، على الأقل في أسوأ الأحوال .

٦٨ - تقسيم القضايا الرباعى : والقضايا تقسم عادة من حيث الكم والكيف معاً ، ولما كان الكم مزدوجاً وكذلك الكيف ، فإن القضايا قسمت إلى أربعة أقسام رئيسية : وذلك أن القضية من حيث الكم تنقسم

(1) De Morgan : Formal logic, 58

إلى كلية وجزئية ، ومن حيث السكيف تنقسم إلى موجبة وسالبة . فإذا جمعنا بين كلتا الناحيتين فسنجد لدينا القضايا الأربع التالية :

١ — كلية موجبة ؛ ٢ — كلية سالبة ؛ ٣ — جزئية موجبة ؛ ٤ — جزئية سالبة . والأولى يرمز إليها بالرمز « ك » ، والثانية « ل » ، والثالثة « ب » ، والرابعة « س » ، وفي الإفرنجية يرمز لها بالحروف A. E. I. O وهذه الحروف الأخيرة مأخوذة من الحرفين المتحركين الأولين في اللفظين Affirmo, nego أما السور في الكلية الموجبة فهو « كل » ، فتكون صورة القضية الأولى هي : كل ع هي ح ؛ وصورة الكلية السالبة : لا ع هي ح — وسور الجزئية الموجبة هو اللفظ بعض وصورتها : بعض ع هو ح ، وسور الجزئية السالبة هو اللفظ « ليس بعض » فتكون صورتها : ليس بعض ع هو ح .

الاسم — تفراق

٦٩ — استغراق اسم في قضية معناه أن يكون الحمل متعلقاً بكل الأفراد الذين يدل عليهم اللفظ أو الحد — وعدم الاستغراق معناه أن الحمل ينطبق على جزء غير معين من الحد . فإذا قلنا مثلاً : « كل إنسان فان » فإننا نجد أن الحمل هنا ينطبق على كل أفراد الإنسان ، أى على كل أفراد الموضوع بينما لفظ « إنسان » لا يشمل جميع « الفانين » وعلى هذا فإن الموضوع هنا مستغرق دون المحمول . ونحن لو نظرنا القضايا الأربع الرئيسية من هذه الناحية وجدنا أولاً أنه في حالة الكلية الموجبة كما يبدو من المثال السابق الحمل ينطبق على كل الموضوع ، بينما جزء قد من المحمول هو الذى ينطبق عليه الحكم ، ولذلك كانت القضية الكلية إيجابية تستغرق موضوعها فقط . أما في الكلية السالبة فإننا نجد أن كلاً من الموضوع والمحمول مستغرق فيها . فإذا قلنا مثلاً :

« لا كذب مصدق » — فإن الحكم هنا يتعلق بكل الكاذبين وبكل من ينطبق عليهم صفة الصدق ، بمعنى أنه لا واحد من الكاذبين داخل ضمن المصدقين ، كما أنه لا واحد ضمن المصدقين داخل ضمن الكاذبين . وعلى هذا فإن الكلية السالبة تستغرق موضوعها ومحمولها . أما الجزئية الموجبة فالحكم فيها ينطبق سواء بالنسبة إلى الموضوع وبالنسبة إلى المحمول ، على جزء غير معين فحسب ، ما دمتنا نفهم اللفظ « بعض » بمعناها المنطقي أى « بعض » ويصح « كل » . فإذا قلنا مثلاً : بعض أوراق الشجر تسقط في الخريف ، فإننا نحكم هنا فيما يتصل بأوراق الشجر وهو الموضوع ، على جزء منه غير محدود ، كما أننا نجد أن السقوط في الجزئية يتعلق بجزء غير معين أيضاً من الأشياء التى يحدث لها ذلك ، وعلى هذا فكل من الموضوع والمحمول غير محدد ، وبالتالي غير مستغرق . أما في حالة الجزئية السالبة فإننا نجد أن المحمول مستغرق بينما الموضوع غير مستغرق ، فإذا قلنا مثلاً : « ليس بعض الكتب بمفيد » فإن الحكم فيما يتصل بالموضوع متعلق ببعض الكتب دون البعض الآخر أى بجزء غير معين من هذا الموضوع ، فهو غير مستغرق . أما بالنسبة إلى المحمول فنجد أن صفة عدم الإفادة مسلوقة كلها من هذا البعض غير المحدد من الكتب . وعلى هذا فإن القضية السالبة الجزئية نجد أن الموضوع فيها غير مستغرق والمحمول وحده هو المستغرق .

ويمكن أن نلخص هذا في صورة إجمالية بأن نقول : ك تستغرق موضوعها فقط ، ل تستغرق الموضوع والمحمول ، ب لا تستغرق شيئاً ، من تستغرق محمولها فقط . ونستطيع أن نقول إن الكلى يستغرق موضوعه فقط ، والسالب يستغرق محموله فقط .

٧٠ — وإذا نظرنا في نظرية الاستغراق وجدنا أنها تثير كثيراً من المشا كل التى تنبه لها هاملتون ، إذ رأى أننا نفكر دائماً في المحمول باعتبار

أن له كمًّا ، وذلك لأننا حين الحمل ندخل أفراداً ضمن أفرادٍ أخرى ، أى إننا ننظر إلى كلٍّ من الموضوع والحمول باعتبار أن كلاهما يكونان صنفًا أى طائفة من الأفراد ، والحمل ليس إلا إدخال أفراد في أفراد ، ومعنى ذلك أننا نفكر دائماً في المحمول باعتبار أن له كمًّا ، وفي حالة الحمل سواء بالإيجاب والسلب ندخل كل أو بعض أفراد الموضوع أو نستبعدهما عن كل أو بعض أفراد المحمول ، فكأن الحمل يرتدُّ في النهاية إذن إلى وضع صلة بين أصناف . ولما كان الحكم يجب أن يعبرَ بوضوح عن كل ما يجري في الذهن ، فإن من الضروري إذن أن نعبرَ عن كمِّ المحمول ، مادامنا نفكر في المحمول دائماً باعتبار أن له كمًّا . ومع هذا ، ولما كانت اللغة مقتضية دائماً ولا تعبر عن الفكر بدقة وشمول ، كان من الضروري أن نعبرَ نحن في المنطق عما لا تعبر عنه اللغة بوصفها لغة ، وتبعاً لهذا نعطي للمحمول كمًّا معلماً بسور معين كما نفعل ذلك تماماً بالنسبة إلى الموضوع . فنحن إذا قلنا مثلاً : « كل إنسان فان » ، فإننا نأثي بالصنف « إنسان » وندخله في صنف أكبر منه يشمل الإنسان وغير الإنسان . وتبعاً لهذا ستكون الصلة بين الموضوع والحمول في هذه الحالة صلة جزء إلى كل ، أى إن المحمول أعمُّ من الموضوع ، وتبعاً لهذا لو أننا أردنا أن نعبر عن هذا في اللغة صراحة لوجب أن نقول : كل إنسان هو بعض الفانين ، وكذلك الحال في بقية القضايا يجب دائماً أن نعبر عن المحمول من الناحية السكمية مادامنا نميل دائماً إلى التفكير في المحمول على أساس أن له كمًّا ، وتبعاً لهذا كله يستبدل هاملتون بالتقسيم الرابعي تقسيماً آخر ثمانياً على النحو التالي :

١ — موجبة كل كلية : وهى التى يكون فيها كل من الموضوع والحمول مستغرقاً ، والسور في هذه الحالة بالنسبة إلى الموضوع والحمول هو السور « كل » ، ومثالها : كل مثلث هو كل ذى ثلاثة أضلاع ، كل إنسان

هو كل حيوان ضاحك ، ويرمز لها بالصورة : كل ع هي كل ح ويشار إليها بالحرف U.

٢ — موجبة كل جزئية ، ومثالها : كل إنسان هو بعض القانونين ، ويرمز لها بالصورة كل ع هي بعض ح ، ويشار إليها بالحرف A . وفيها يلاحظ كما هو ظاهر أن الموضوع مستغرق بينما المحمول غير مستغرق ، أى إن الموضوع كل^٢ ، أما المحمول فماخوذ في بعض أجزائه .

٣ — موجبة جزء كلية : وفيها يكون الموضوع جزئياً ، والمحمول كلياً ، ومثالها : بعض الأشكال الهندسية هي كل الأشكال المتساوية الأضلاع ، ويرمز لها بالصورة بعض ع هي كل ح ، ويشار إليها بالحرف Y .

٤ — موجبة جزء جزئية : وهي التي يكون فيها كل من الموضوع والمحمول غير مستغرق ومثالها : بعض الأشكال المتساوية الأضلاع هي بعض الأشكال الهندسية ويرمز لها بالصورة : بعض ع هي بعض ح ، ويشار إليها بالحرف I . هذا في حالة الإيجاب . أما في حالة السلب فلدينا الأنواع الآتية من القضايا :

٥ — سالبة كل كلية : وهي التي يستبعد فيها كل المحمول عن كل الموضوع ، ومثالها : لا واحد من المسلمين بأى واحد من المسيحيين . ويرمز إليها بالصورة لا ع هي أى ح — ويشار إليها بالحرف E .

٦ — سالبة كل جزئية : وهي التي يسلب فيها الموضوع كله عن جزء فقط من المحمول . ومثالها : لا واحد من الناس هو بعض الثدييات — ويشار إليها بالصورة : لا ع هي بعض ح — ويرمز إليها بالحرف η .

٧ — سالبة جزء كلية : وهي التي يكون فيها جزء من الموضوع مساوياً عن كل المحمول ، ومثالها : بعض الثدييات ليست أى ذوات الأربع (ليست

إنساناً مثلاً) - ويرمز إليها بالصورة : بعض ع هي ليست أى ح - ويشار إليها بالحرف 0 .

٨ - سالبة جزء جزئية : وهي التي يكون فيها جزء من المحمول مسلوباً عن جزء من الموضوع - ومثالها : بعض ذوات الأربع ليست بعض الثدييات (ليست بقرأ) ويرمز إليها بالرمز : بعض ع هي ليست بعض ح - ويشار إليها بالحرف ٥٥ .

هذا هو التقسيم الجديد الذي أتى به هاملتون بعد أن بين ضرورة التعبير عن المحمول من حيث كمه . ولكن هذه النظرية قد لاقت الكثير من النقد مما لا مجال للمتحدث^(١) عنه ولكن نجتزئ ونقول : إنه من حيث إن نظرية الاستغراق تقوم في الأصل على أساس أن المحمول والموضوع معاً ينظر إليهما من ناحية الكم ، ولو أننا نعبر في اللغة بوضوح عن هذا الكم بالنسبة إلى المحمول ، فالواقع أن المنطق التقليدي كان يقوم دائماً على أساس فكرة كمية المحمول دون أن يعبر بوضوح عن هذه الكمية . أما بالنسبة إلى الموضوع ففكرة كمية الموضوع واضحة لأن هناك سوراً قبل الموضوع يدل على كميته ، أما بالنسبة إلى المحمول فلم يضع المنطق التقليدي سوراً خاصاً به ، مع أننا في اللغة العادية كثيراً ما نضع هذا السور ، فالقضايا التي تكون فيها الألفاظ « ليس . . . إلا » ، « فحسب » ؛ « بل وأيضاً . . . الخ » هذه التعبيرات التحديدية نجد فيها أن اللغة تعبر أيضاً عن كم المحمول . فإذا قلنا مثلاً : « لا يدخل الجنة إلا المؤمنون » ، فمفنى هذا أن المؤمنين وحدهم والمؤمنين كلهم هم الذين يدخلون الجنة ، ففي هذا شيء من التعبير عن كم المحمول . وفضلاً عن هذا لو نظرنا في طبيعة الاستغراق بالنسبة إلى الحمل لوجدنا أنه حينما نتحدث عن المحمول باعتباره مستغرقاً في

(١) سنتحفت عن هذا كله تفصيلاً في الفصل الخامس بنظرية كم المحمول .

القضايا السالبة فإننا لا نقصد في الواقع كم الأفراد ، ولا ننظر في الحد من حيث الماصدق بل من حيث المفهوم . فإذا قلنا : زيد ليس مريضاً — فليس معنى هذا أنه لا يوجد أفراد آخر غير زيد ليسوا مرضى . فالواقع أننا لو نظرنا إلى المحمول : « مريض » من ناحية الماصدق لوجدنا أنه غير مستغرق لأن أفراداً آخرين غير زيد ليسوا مرضى ، والذي نقصده في هذه الحالة ليس النظر إلى المحمول من حيث الماصدق ، بل من حيث المفهوم ، وتحدث عنه باعتبار أن هذا المفهوم منفيٌّ بأكمله عن الموضوع . فإذا كانت المسألة متعلقة بالمفهوم فلا مجال للتحدث عن الكم أو عدم الكم ، لأن الكم لا يطلق إلا على ما هو قابل للعد ، والمعاني المجردة لا تعد ، فلذلك لا نستطيع إلا مجازاً أن نتحدث عن المحمول من هذه الناحية باعتبار أن له كماً ، وهذا يدل على أننا حين قلنا إن المحمول في القضايا السالبة مستغرق ، فلا نقصد الاستغراق بمعناه الحقيقي ، وإنما نقصد نفي الصفة بأكملها عن الموضوع . فإذا كانت نظرية الاستغراق تقوم على أساس أن المحمول في القضايا السالبة لا ينظر إليه باعتبار الماصدق والكم ، وإنما باعتبار المفهوم فحسب ، فمن الواضح أنه لا محل مطلقاً للقول بنظرية الاستغراق ، وبالتالي بنظرية كم المحمول .

الإضافة

٧١ — تنقسم القضية من حيث الإضافة إلى حملية ، وهي التي يربط فيها بين موضوع ومحمول بالإيجاب أو السلب ؛ وإلى قضية شرطية متصلة ، وهي التي يربط فيها بين قضية وقضية أخرى لازمة عنها ، وإلى قضية شرطية منفصلة وهي التي يحكم فيها بالانفصال بين حدين أو أكثر . فإذا قلنا مثلاً : كلٌّ حالٍ لضده يتحول ، كل إنسان فان ، فهنا يربط بين الإنسان وصفه الفناء — و « إنسان » هو الموضوع و « فان » هو المحمول . ولكن إذا قلت : إذا كن الجدد صعباً فمن الواجب بذل الجهد ، فهنا قضيتان تستخلص إحداهما من الأخرى وتسمى

الأولى المقدم ، والثانية التالى . ومن الواضح أن الرابطة هنا غيرها فى الحالة الأولى ، لأن الرابطة فى الحالة الأولى تقول بنسبة شىء إلى آخر وهى الفناء بالنسبة للإنسان أما هنا فالرابطة تقول : إن حكما ما يلزم عن حكم آخر ، فالرابطة فى الحالة الأولى رابطة انتساب ، وفى الحالة الثانية رابطة استلزام .

٧٢ — القضية الجملية : هى التى يحكم فيها بوجود علاقة بين موضوع ومحمول ، والعلاقة الموجودة بينهما تعبر عن رابطة ، فالقضية الجملية تتركب من ثلاثة أجزاء :

١ — المحمول ٢ — الموضوع ٣ — الرابطة .

٧٣ — المحمول : الأصل فى المحمول أن يثبت شيئا لشيء ، فهو بالتالى صفة تطلق إيجابا أو سلبا على موضوع مشخص بالذات ، فلما كانت ماهيته أن يكون صفة فلا بد أن يكون فكرة مجردة ، أو تصورا منظورا إليه من ناحية المفهوم ، ومع ذلك فإننا نجد فى أحيان كثيرة أن المحمول ليس معنى مجردا ، بل كثيرا ما يدل على ذات مُشَخَّصة ، وهذا ظاهر خصوصا فى نظرية المكس المستوى فهى تقوم دائما على أساس أن الموضوع يمكن أن يصير محمولا ، والمحمول موضوعا . ولما كان الموضوع ذاتا مُشَخَّصة ، فتبعاً لهذا يمكن بواسطة العكس أن نجعل المحمول ذاتا مُشَخَّصة ، فنحن نقول : « القاهرة عاصمة مصر » . ونقول فى عكسها : « مصر عاصمتها القاهرة » ، ونقول : « الأمين أخ للأمين » ، وهكذا يمكن أن يكون المحمول ذاتا مُشَخَّصة . ولكن الواقع أنه إذا نظرنا إلى أمثال هذه القضايا بشىء من الإمعان ، لوجدنا أن المحمول فى هذه الحالة ، وإن كان يدل على شىء مشخص ، فإن وظيفته تختلف حين يكون محمولا فيدل على معنى مجرد فى الواقع . فإن قلت : « القاهرة عاصمة مصر » — أنظر إليها باعتبارها

معنى مجردا في الواقع - لأننى أنظر هنا إلى القاهرة باعتبارها تلك المدينة المعينة ذات الموقع الجغرافى المعين والماضى التاريخى الخاص والتي يبلغ عدد سكانها كذا الخ . . ولكنى حينما أجعل « القاهرة » محمولا في القضية الثانية لا أقصد تلك القاهرة التي عينتها في القضية الأولى ، بل أقصد معنى مجردا هو أن عاصمة مصر لها من بين صفاتها صفة كونها تسمى باسم القاهرة . فأننا أنظر في هذه الحالة إذن لا إلى المدينة المشخصة ، وإنما إلى صفة تتعلق بهذه المدينة هي هنا اسمها . وكذلك الحال حينما أقول : « الأمين أخ للمأمون » والعكس . فحين أجعل « الأمين » موضوعا أقصد به ذلك الشخص الذى ولى الخلافة بعد أبيه هارون الرشيد ، أما حينما أجعل « الأمين » محمولا فإننى أضيف إلى « المأمون » صفة من بين صفاته هي كون وجود أخ له اسمه « الأمين » . فكأنه في حالة جملى الأمين محمولا ، أنظر إلى صفة مجردة فيه هي صفة الأخوة ، بالنسبة للمأمون . بذلك يتبين لنا أن المحمول لا بد أن يكون دائما محمولا أى صفة ، وما يوهما إياه الكلام بأنه ذات مشخصة يجب استبعاده ، فلا نفهم منه حين الحمل إلا كونه دالا على صفة .

٧٤ - الرابطة : الذى يربط بين الموضوع والمحمول هو الرابطة ، ويعبر عنها بفعل الكينونة الذى يدل على مجرد وجود ، فحينما أقول في الفرنسية Dieu est أو « هو الله » أقصد من هذا إثبات أو التعبير عن مجرد وجود الله ، وأن الله ليس فكرة خيالية أو تصورا دينيا ، بل هو حقيقة موجودة فعلا . وحين يقال Le néant n'est pas فإننى في حالة النفي أنفى مجرد الوجود - وأقصد به - إن كان لهذا الكلام معنى - أن العدم فكرة لا مقابل لها في الواقع ، أو فكرة ذهنية فحسب . وهنا يمكن التساؤل : هل صفة الوجود يمكن أن تُحمَل

على الأشياء ، أو لا ؟ أما إذا نظرنا إلى المسألة من الناحية الميتافيزيقية فإننا لا نستطيع أن نقول إن الوجود صفة أو حالة تطلق على الأشياء بالمعنى الاسمينوزى لكلمة صفة وكلمة حال ، وذلك لأن الصفات والأحوال هي صفات وأحوال للجوهر ، والجوهر هو الوجود ، فهي صفات وأحوال للوجود ، والأصل هو الوجود ، والحمل إنما يكون للصفات على الوجود ، لا العكس . أما منطقياً فمن الممكن أن نعدّ الوجود صفة تحمل على الأشياء ، ويقصد بها التعبير عن الوجود الموضوعى لدلول الحكم ، فنحن هنا في حالة الحمل المنطقي نقصد من هذا الفعل مجرد إثبات أن موضوع الحكم موجود في الخارج سواء ركبنا هذا الفعل مع غيره فكان له محمول وكان رابطة في هذه الحالة ، أو ذكرناه مجرداً . فحينما يقال : « محمد هو رسول » ، فنقصد هنا أن محمداً لا بد أن يكون موجوداً ، وإلا لما أمكن ابتداء أن أضيف إليه شيئاً . وتبعاً لهذا ففعل الكينونة يصلح أن يدل على الوجود إن بالنسبة إلى الموضوع أو المحمول ، وهو يفترض دائماً في كل حالة نحكم فيها بشيء ، فلو أنني استعصت عن هذا الفعل مصراعاً به بآخر حدثت فيه الزمان ، فإنني أفترض وجود فعل الكينونة باستمرار ، فإن قلنا : « هو يجري » - نفترض هنا وجود هذا الشخص الذي قام بهذا الفعل .

وبذا يتبين أن فعل الكينونة ليس من الضروري أن يعبر عنه . ولهذا نجد كثيراً من اللغات ، وعلى رأسها العربية ، لاتصرح بهذا الفعل ، وإنما يكفيها مجرد ربط الصفة مباشرة بالموصوف . فإذا قلت « زيد قائم » فأنا لم أعبر عن فعل الكينونة ، ولكن اكتفيت بإضافة الصفة للموصوف . والواقع أن اللغات لم تستخدم في تطورها فعل الكينونة . وتكرر على الإنسان المفرد فترة في الطفولة الأولى لا يُعبر فيها بصراحة عن فعل الكينونة ، ففي لغة الأطفال بالنسبة إلى اللغات التي تصرح بهذا الفعل - كثيراً ما يحذف هذا الفعل .

والقضية إذا لم يعبر فيها بصراحة عن هذا الفعل تسمى في العربية « ثنائية » ، وإذا ذكر الفعل سميت « ثلاثية » ، والمناقطة قد اعتادوا أن يجعلوا الرابطة - سواء عبر عنها أو لم يعبر - هي الوجود أى الكينونة . فما علة اختيار هذا الفعل دون جميع الأفعال ؟ العلة في هذا أنه لا بد أن يدل على وجود سواء أكان الأمر مثبتاً أم منفيّاً ، ويقصد بالوجود الصفة الخارجية عن الشخص الذى يحكم ، لأن الشخص الذى يحكم فى حكمه إشارة إلى موضوع خارجى ، سواء أكان خارج الدهن أم خارج الحكم نفسه . فلما كان كل حكم يقوم على أساس الإشارة إلى وجود خارجى ، كان من الضروري أن يُستخدم الفعل الدال على الوجود ، فكان هذا الفعل هو فعل الكينونة .

٧٥ - ومع ذلك فقد ثار المناطقة المحدثون والمعاصرون على جعل الرابطة هي فعل الكينونة ، إذ جاء لا شلييه Lachelier ففرق بين نوعين من الأحكام : ١ - أحكام تضمن ، ٢ - أحكام إضافة - والأولى هي التى يربط فيها فعل الكينونة بين موضوع ومحمول ، والرابطة فيها هي الكينونة ، أما الثانية فلمها روابط أخرى تتعلق بالمقدار أو المسافة أو القرابة أو أية علاقة أخرى غير علاقة انتساب شيء إلى آخر ، ففى قولنا : الإنسان قانٍ ، أنا أنسب الفناء للإنسان بمعنى أن صفة الإنسان تتضمن صفة الفناء ، والإنسان متضمن فى أفراد القانونين . ولسكن حين يقال : « الهرم أكبر من الأزهر » ، فيقصد إثبات صلة خاصة هي صلة المقدار بين حدين ، وكذلك حين يقال : « حديقة الحيوان أقرب إلى الجامعة من الهرم » ، نعبر عن علاقة القرب ، وكذلك إذا قلنا : « على زوج فاطمة » - فنحن نعبر عن علاقة خاصة هي علاقة القرابة . وفى هذه الأحوال الثلاثة الأخيرة نلاحظ أن الرابطة لا يمكن أن تنحل إلى رابطة تضمن فحينما أقول : « الهرم أكبر من الأزهر » لا نستطيع أن نستبدل برابطة الكبر رابطة أخرى نستخدم فيها فعل الكينونة ، وكذلك الحال فى بقية هذه الأمثلة - وتبعاً لهذا يقول لا شلييه إن علينا أن نقول

بنوع آخر من الأحكام يختلف عن النوع الأول ، وهو أحكام التضمن ، والمنطق القديم لم يعرف إلا أحكام التضمن ، وتبعاً لنظريته هذه أقام نظريته في القياس ، بينما لم يعرف شيئاً عن أحكام الإضافة ، وهى أحكام لها طابع خاص بها ، ولهذا فإن قواعد القياس في المنطق القديم لا تنطبق كلها على الأقيسة الموافقة من أحكام الإضافة ، ومن هنا قال لاشلييه بوجود اختلاف بين نوعين من المنطق : منطق يقوم على أساس أحكام الإضافة وهو لم يتكون بعد ، ومنطق يقوم على أساس أحكام التضمن وقد وصل إلى درجة الكمال .

ثم جاء أصحاب المنطق الرياضى فساروا في هذا الاتجاه ، وعلى أساس فكرة أحكام الإضافة أقاموا منطقهم الجديد . والاختلاف بين أحكام الإضافة وأحكام التضمن يظهر بوضوح في كل شيء . فإنه إذا كانت الرابطة معناها ربط محمول بموضوع على أساس الانتساب ، فأحكام الإضافة لا يمكن أن نتحدث فيها عن محمول وموضوع ، لأن هذه الفكرة تقوم على أساس أن الرابطة هى فعل الكينونة ، وما دامت ليست هذا الفعل فلا مجال للتحدث عن محمول وموضوع بالنسبة إليها . وتبعاً لهذا سنجد في القياس أن كثيراً من الأقيسة ينتج إنتاجاً صحيحاً ، ومع ذلك فهو يُخِلُّ بقواعد القياس . والشئ الوحيد الذى يجمع بين أحكام الإضافة وأحكام التضمن هو قانون التناقض ، فكلاهما يخضع لهذا القانون ، ولا عجب فهو قانون نظرى يقوم عليه كل تفكير . ويسخر لاشلييه وأنصار هذا المنطق الجديد من الحجج التى يدلى بها أنصار هذا المنطق القديم ، خصوصاً حينما يحيلون روابط الإضافة إلى روابط تضمن . فمثلاً الرابطة التى تدل على التساوى يحيلها أصحاب المنطق القديم إلى رابطة دالة على التضمن ، فيقولون : إن $a = b$ معناه أن a هى من بين الأشياء المساوية لـ b . ولكن الواقع أن الرابطة في هذه الحالة لا تدل على هذا ، وإنما هى تقول فقط بوجود علاقة التساوى بين a و b — والصيغة التى يستعملونها حينئذ لا تصور شيئاً .

فهم يقولون تارة $a = b$ ؛ وتارة يقولون a ب متساويان . ومع ذلك فيمكن الرد على أصحاب النظرية الجديدة بأن نقول إن أجزاء الحكم ليست في هذه الحالة هي a ب - أى لا يمكن أن نعد « a » موضوعاً و « b » محمولا ، وإنما موضوع الحكم هنا هو رابطة معينة هي رابطة التساوى . فيجب أن يقال في هذه الحالة — وللتعبير بصراحة عن المضمون المنطقي لقضية تدل على المساواة — يجب أن يقال إن الرابطة بين a ب هي رابطة المساواة ، أو : المساواة هي العلاقة بين a ، ب . ومن هذه الصيغة يتبين أن a ، ب ليسا حدى الحكم بل يكونان حداً واحداً ، والحد الآخر هو هذه الصلة ، وهي هنا في هذه الحالة صلة المساواة . ومع ذلك فإن هذا الرد ليس بوجيه ، ففيه نوع من التعسف ؛ أولاً في التعبير عن الحكم ؛ وثانياً نجد أن الأقيسة التى تكون صحيحة بالنسبة إلى النظرية الجديدة فاسدة بالنسبة إلى النظرية القديمة ، ولا تقبل أن تنحل بوضوح إلى هذه الصيغة . — ولذلك يجب الاعتراف مع لاشلييه وأصحاب المنطق الرياضى بأن رابطة التضمن هي نوع واحد من أنواع الرابطة ، أما الروابط فلا حصر لها .

٧٦ - الموضوع : ذات مشخصة تطلق عليها صفة من الصفات . ويجب أن يكون كذلك دائماً وينظر إليه على هذا الأساس . ولكن هناك نوعاً من الأحكام يُفرد جو بلو على حدة لأهميته . هذا النوع هو الذى يكون فيه الموضوع اسماً كلياً . فأننا حين أقول : « محمد فان » فمن الواضح أن الموضوع هنا ذات مشخصة ، ولكنى حين أقول : « الإنسان فان » فأننا بإزاء شيئين : إما أن أفهم « الإنسان » بمعنى الأفراد التى يدل عليها ، أى بمعنى النوع الإنسانى ، وإما أن أفهمه من ناحية « الإنسانية » أى من حيث المفهوم . ولكن إذا فهمناه بالمعنى الأول ، فالقضية تكون خاطئة لأن النوع الإنسانى كنوع خالد ، ولكن الأفراد وحدهم هم القانون . وكذلك إذا قلت : الإنسان ، بمعنى صفة

الإنسان — فهذه الصفة المجردة لا تتصف بالفناء أو غيره . والحل كما يراه جو بلو هو أن هذه الأحكام ليست محلية ، ولكنها شرطية ، لأنها تعبر عن علاقة استلزام بين صفة وأخرى : إذا كان إنساناً كان قانياً . فهذه الأحكام شرطية . فالقضايا المحلية التي يكون فيها الموضوع اسماً كلياً يجب أن تُعدَّ شرطية وذلك لأنها تعبر عن قانون أو علاقة ضرورية موجودة بين مفهوم وآخر . وما يحدثه الوم في مثل هذه الأحوال هو أننا كثيراً ما نجد بعضاً من الأسماء يُستخدم مفرداً فيظن الإنسان أنه ذات مشخصة ، فإذا قلنا إن الزئبق سائل في درجة الحرارة العادية — فنحن لا نتحدث عن زئبق معين بل عن كل أنواع الزئبق ، ولكننا نفترض في هذه الحالة أن كل أجزاء الزئبق متشابهة أو من نوع واحد ، وذات خصائص واحدة ، وتبعاً لهذا نكتفي في هذه الحالة بالمفرد ونقصد به كل الجنس . — وهنا يلاحظ أيضاً أن الأسماء التي من هذا النوع لا يقصد بها إلا تحديد صفة خاصة بها ، وجعل ثمة رابطة بين هذا الشيء وصفة خاصة ، أى إننا نقصد في مثالنا السابق أن نقول : إن عنصر الزئبق يتصف من حيث قوامه بأنه يكون سائلاً في درجة الحرارة العادية . وأكثر المواد الكيميائية تعطى هذا الوم ، فنظن أنها لا تعبر عن قانون وإنما هي صلة بين مفرد عيني مشخص وبين صفة محمولة عليه . والنتيجة لهذا أيضاً أن هذا النوع من القضايا يجب في نظر جو بلو أن ينسب إلى القضايا الشرطية لا إلى القضايا المحلية .

ويشاهد كذلك أن كثيراً من المعاني العامة تستخدم موضوعات في قضايا ولكننا نجد في هذه الحالة أننا نقصد من هذا المعنى العام شيئاً مفرداً في الواقع . فحينما أقول : الإحسان من أنبل الفضائل — فإنني أقصد معنى مفرداً مجرداً هو صفة الإحسان ، ولكنني في أحيان أخرى قد أقصد وجود تدرج أو فروع مختلفة لصفة خاصة . فإذا قلت : الفضيلة محمودة فإن للفضيلة أنواعاً ، ولكنني في هذه الأحوال لا أقصد هذه الأنواع ، أى لا أقصد وضع صلة بين كُلى وصفة ،

وبالتالى لا أقصد التعبير عن قانون وإنما أقصد فقط النظر إلى الصفة كشئ مفرد أحكم عليه بشئ ما .

وهناك أخيراً نوعٌ من القضايا يبدو أنه ليس فيه موضوع ، وهذا يوجد خصوصاً فى اللغات الأوربية فى الجمل التى يسمونها لاشخصية مثل ، *il pleut* ، فى هذه القضايا يبدو أنه لا يوجد موضوع معين ، ولكن يمكن افتراض موضوع هو مثلاً فى هذه الحالة : الحالة الجوية .

القضايا الشرطية

٧٧ — القضايا الشرطية المتصلة : القضية الشرطية هى التى يحكم فيها بالارتباط بين قضية وقضية أخرى على أساس أن إحداها شرط الثانية ، ويسمى القسم الأول أو الشرط بالمقدم ، ويسمى القسم الثانى تالياً أو لازماً — ولكن يجب ألا نفهم من هذا أن القضية الشرطية باعتبارها شرطية تتركب من قضيتين كاملتين . فإن المقدم أو التالى لا يكون أحدهما قضية كاملاً أو قولاً ، فالمقدم ليس قولاً ، وإنما هو شرط لقول ، والتالى ليس قولاً كاملاً وإنما قول مشروط بشرط ، ولهذا لا نستطيع أن نقول : إن هذا أو ذاك قول أو قضية كاملة ، فإذا قلنا مثلاً : إذا تساوت زوايا المثلث تساوت الأضلاع ، فإن قولنا : إذا تساوت زوايا المثلث — لا يكون قولاً كاملاً ، أو قولاً فعلياً ؛ وكذلك قولنا : كانت الأضلاع متساوية ، لا يكون قولاً كاملاً ، وإنما كل منهما مرتبط بالآخر ولا يقوم إلا بقيام الآخر . ومع ذلك فإن كل جزء من هذين الجزئين يكون قولاً ممكناً ، بمعنى أننا لو أخرجناه من حالة الشرط لانحل إلى قضية كلية ، ومن هنا نجد فيه كل أجزاء القضية المحلية من موضوع ومحمول ورابطة .

٧٨ - والقضية الشرطية تنقسم بوجه عام عند بعض المناطق ، وعلى رأسهم كينز ، إلى قضية شرطية متصلة نسبية ، وقضية شرطية متصلة مطلقة . أما الشرطية النسبية hypothetical فهي التي يقوم فيها الحكم على أساس وضع صلة شرطية بين صفتين داخلتين في موضوع واحد ، أو بين حادثتين في الزمان أو المكان . فإذا قلت مثلاً : إذا أسرع قليلاً لحقت بالترام ، فهنا نجد ارتباطاً بين حادثتين تقعان في زمان ومكان معينين .

أما الشرطية المطلقة فهي التي يكون فيها الحكم قائماً بين قضيتين ، لا بين حادثتين ؛ ويكون الحكم فيها صادقاً بصرف النظر عن الزمان والمكان ، وإنما يراعى فيه مجرد الارتباط المطلق بين قولين مثل : إذا تساوت زاويتا القاعدة في المثلث كان متساوي الساقين . فإننا نجد أن الحكم هنا يتعلق بحقيقة عامة عارية عن الزمان والمكان ، فالشرط هنا شرط مطلق وليس نسبياً لزمان أو مكان . ولذا سميت القضية الشرطية في هذه الحالة : شرطية مطلقة أو شرطية خالصة . conditional .

وإذا نظرنا في القضية الشرطية المتصلة من حيث الصورة ، لوجدنا أننا لا نكاد نستطيع أن نميز من هذه الناحية بين الشرطية المطلقة والشرطية النسبية ، فإننا نستخدم عادة السور « كلما » و « مهما » دون تفرقة بين هذين السورين في كلتا الحالتين . ولهذا يستحسن أن نفرق بين هذين السورين على أساس التفرقة بين هاتين القضيتين الشرطيتين : فنخص الشرطية النسبية بالسور « كلما » والشرطية المطلقة بالسور « مهما » . لأننا نميل في العربية إلى استعمال « كلما » في حالة الحكم المقيد بزمان ومكان ، و « مهما » في حالة الحكم غير المقيد بزمان ومكان^(١) . ولكن من الممكن أن نفرق بين كلا النوعين عادة بإمكان وضع

(١) مثاله في القرآن : « كلما مروا بهم يستهزئون » ، « مهما تأتينا به من آية » .
(٩)

« لما » في كل حالة بدلا من السور « إذا » — إذا كانت القضية شرطية نسبية .
أما إذا لم يمكن ذلك فإن القضية ستكون شرطية مطلقة . ومعيار آخر نستطيع
أن نتخذه للفرقة بين كلا النوعين هو أننا نجد غالباً أن القضايا الشرطية المطلقة
يمكن أن يقوم كل من المقدم والتالي فيها مستقلاً عن الآخر ، أما في حالة الشرطية
النسبية فإننا نجد ذلك غير ممكن . ففي المثال الذي ذكرناه : إذا أسرع لحقت
بالتزام ، فإن قولي : « إذا أسرع » — لا يقوم بنفسه . أما في حالة الأمثلة
الخاصة بالشرطية المطلقة فيمكن أن يقوم كل قسم من القسمين مستقلاً عن
الآخر ، فأقول : « إذا تساوت الزوايا » أو : « إذا كانت زاويتا القاعدة
متساويتين » ، فإن هذا القول يمكن أن يستقل بنفسه إذا ما حذفنا سور الشرطية
منها . وعلى كل حال فإن هذه الفرقة ليست ذات أهمية كبيرة .

٧٩ — فلننتقل إلى مفهوم القضية الشرطية فنجد أنها من حيث مفهومها
ومدلولها ، يقال عنها دائماً إنها تعبر عن حالة احتمال . ولكن هذا ليس بصحيح ،
فليس من الضروري أن تدل على حالة الشك والاحتمال ، بل كثيراً ما تؤدي
معنى الضرورة واليقين ، ففي قولي : « إذا تساوت الزوايا في المثلث تساوت
الأضلاع » — لا أعبر هنا عن حالة شك ، وإنما عن ارتباط ضروري بين
المقدم والتالي . أما كون القضية الشرطية تدل أولاً تدل على حدوث شيء في
الواقع ، فهذا لا يتحدد إلا تبعاً للأصل الذي أقيمت عليه القضية الشرطية . فإذا
كانت القضية الشرطية قائمة على أساس الاستدلال الخالص من المقدم إلى التالي
فإن هذا لا يستلزم معنى الواقعية . أما إذا كانت القضية الشرطية تقوم على أساس
التجربة ، فإن هذا يدل على الحدوث في الواقع . فإذا قلت مثلاً : « إذا تساوت
الزوايا تساوت الأضلاع » ، فإنني لا أعبر هنا عن حادث حقيقي . ولكنني إذا
قلت : « إذا هبطت إلى باطن الأرض ازدادت الحرارة درجة فهرنهايتية كل خمسين

قدما » ، فإننى فى هذه الحالة أعبر عن حادث واقع شوهد بالتجربة . ففى مضمون هذه القضية وأمثالها ما يدل على وقوع الحادث بالفعل .

ولننظر ثانياً فى القضية الشرطية من حيث الجهة ، فنجد عادة أن القضية الشرطية ذات جهةٍ : إما أن تكون الضرورة أو الاحتمال ؛ وذلك بعكس القضية الحلية فإنها تدل غالباً على الواقعية . أو بعبارة أخرى على الخلو من الجهة . ولكن هذا لا يتحقق مع ذلك دائماً ، فكثيراً ما نجد أن القضية الشرطية تدل على الواقعية ، فإذا قلت مثلاً : إذا فتحت القمطر وجدت كتباً من مختلف الأنواع - فإننى فى هذه الحالة أعبر عن حالة واقعية ، ولا أعبر عن ضرورة ولا عن احتمال - وعلى كل حال فيمكن أن يقال بوجه عام من حيث الجهة إن القضية الشرطية المتصلة بحسن دائماً أن تعتبر ذات جهة سواء أكانت هذه الجهة الاحتمال أم كانت الضرورة .

٨٠ - القضية الشرطية المنفصلة : والقضية الشرطية المنفصلة هى التى يحكم فيها بأن شيئاً هو كذا أو كذلك . وصيغتها العامة هى : س أو ص صادقة . ولكن يفرق بين أنواع مختلفة من القضايا المعبر عنها فى هذه الصيغة ، إذ يميل البعض إلى التفرقة بين المنفصلة وبين ما يسمى باسم التبادلية . وتبعاً لهذا يقسمون القضية الشرطية إلى عدة أقسام .

أولاً : القضية العطفية ؛ ثانياً : القضية المنفصلة الحقيقية ؛ ثالثاً : القضية التبادلية ؛ رابعاً : القضية الاستيعادية .

والأصل فى هذا التقسيم الرابعى أن القضية العطفية هى التى تكون مركبة من قضيتين بينهما حرف العطف ، والقضية المنفصلة الحقيقية هى التى يحكم فيها بالتنافى بين الطرفين ؛ والقضية التبادلية هى التى يحكم فيها بأنه إما س أو ص

صادقة ، أى التى يحكم فيها بأن الشئ إما أن يكون كذا أو كذا أوهما معاً ؛
والقضية الاستيعادية هى التى تقول بأن الشئ ليس س وليس ص .

وفى الكتب العربية تُقسَّم القضية الشرطية تقسيماً ثلاثياً آخر وهو : أولاً :
مانعة الجمع . وهى التى يحكم فيها بالتناقض بين طرفيها صدقاً ، مثل : إما أن يكون
هذا شجراً أو حجراً — ولا يمكن أن يكون الاثنان معاً ، ومن هنا قلنا إنها مانعة
جمع ، وتتركب من الشئ والأخص من نقيضه . ثانياً : مانعة الخلو ، وهى
التى يحكم فيها بالتناقض بين طرفيها كذباً بمعنى أنه لا بد أن يصدق أحدهما ، أى
يُمتنع أن يخلو الشئ عن أحد الطرفين ؛ وتتركب من الشئ والأعم من نقيضه ؛
ومثالها : هذا الشئ إما لا — أبيض أو لا — أسود . ثالثاً : مانعة الجمع والخلو
معاً ، وهى التى يحكم فيها بالتناقض بين طرفيها صدقاً وكذباً معاً بمعنى أنه لا يمكن
أن يخلو أحد الطرفين عن الشئ ، كما أنه لا يمكن أن يصدق معاً عليه ؛ وتتركب
من الشئ ونقيضه أو الشئ والمساوى لنقيضه ، ومثالها : هذا العدد إما زوج
وإما فرد ، فإنه لا يمكن إلا أن يكون أحدهما ، كما لا يمكن أن يكون الاثنان
معاً . فالانفصال هنا فى الواقع انفصال حقيقى ، بمعنى أن الشئ إما أن يكون
كذا أو كذا ، ولا يمكن أن يكون الاثنان معاً ، كما لا يمكن إلا أن يكون
أحدهما ، ولهذا سميت القضية المنفصلة مانعة الجمع والخلو معاً باسم المنفصلة الحقيقية .

ولو نظرنا بعد هذا فى الأسوار التى يجب أن توضع سواء بالنسبة إلى
الشرطية المنفصلة أو المتصلة لوجدناها تتلخص فيما يلى : ١ — الشرطية المتصلة
الكلية سورها « كلما » أو « مهما » فى حالة الإيجاب ، و « ليس ألبتة » فى حالة
السلب . ٢ — والشرطية المنفصلة الكلية سورها فى حالة الإيجاب « دائماً » إما أن
يكون الشئ كذا أو كذا ، وفى حالة السلب « ليس ألبتة » . ٣ — أما الشرطية
المتصلة الجزئية والمنفصلة الجزئية فى حالة الإيجاب فالسور بالنسبة إليهما هو « قد

يكون » — أما في حالة السلب فإن المتصلة الجزئية سورها « قد لا يكون » ؟
« ليس كلما » ؛ وإذا كانت سالبة منفصلة فسورها : « ليس دائماً » و « قد
لا يكون » .

ولنتقل من هذا إلى بيان مفهوم القضية الشرطية المنفصلة فنقول : إن المنطقة
قد اختلفوا في بيان معنى الانفصال هذا : هل يجب أن يفهم بمعنى الحقيقى ؟ أو يجب
أن يفسر أيضاً على أساس إمكان الجمع ؟ ونحن لو نظرنا أولاً في اللغة العادية وجدنا
أنها لا تستخدم الانفصال بمعنى الحقيقى غالباً . فإذا قلت مثلاً بالنسبة إلى طالب
أخفق : إما أنك لم تحضر المحاضرات ، وإما أنك لم تحسن الاستذكار .
والكنا نشاهد هنا أن الانفصال ليس حقيقياً ، فقد يصح أنه لم يفعل الاثنين معاً ،
ونحن في الحياة العادية لا نتجه دائماً إلى الحصر والفصل بين طرفي الانفصال ،
وإنما نجعل من الممكن أن يجتمع الاثنان ، وتبعاً لهذا يحسن أن نفسر القضايا
الشرطية المنفصلة على أساس أنها لا تتضمن بالضرورة انفصلاً حقيقياً .
أما المنطقة الذين يقولون بوجوب تفسير الانفصال بمعنى الحقيقى فإنهم ينظرون
إلى المسألة من ناحية التصنيف ، وقد رأينا من قبل أن من شرط التصنيف
أن يكون جامعاً لكل أجزاء الشيء المصنف ، وألا يخلو الشيء عن هذه
الأجزاء . كما أننا في القسمة الثنائية راعينا دائماً أن يجمع الشيء الواحد بين
الطرفين معاً . وتبعاً لهذا يقول هؤلاء — إن من الواجب أن يكون الانفصال
حقيقياً بين أجزاء الانفصال . أما وقد رأينا اللغة العادية لا تضطر إلى هذا
التضييق فلا معنى أن يضطر المنطق إلى هذا التضييق . وتبعاً لهذا سنفسر هنا
القضية على أساس أن الانفصال يكون تارة حقيقياً ، وأخرى لا يمنع من الجمع ،
ولا يمنع من الحل .

الأحكام التحليلية والأحكام التركيبية

٨١ — الأحكام التحليلية هي التي يكون فيها المحمول مستخلصاً من ماهية الموضوع ، والتركيبية هي التي يكون فيها المحمول معبراً عن صفة لا تدخل في مفهوم الموضوع . ولو نظرنا إلى أن كل صفة يمكن أن تدخل في مفهوم الموضوع يجب اعتبارها داخلة فيه ، فإن من الواجب أن نعدّ كل الأحكام الصحيحة يجب أن تكون تحليلية . إذا فسرنا المفهوم تفسيراً ذاتياً بمعنى أنه مجموع الصفات التي أعرفها عن شيء ، فإن القضايا يصح أن تكون تحليلية أو تركيبية تبعاً لمدى علمي بالشئ . فإذا كنت أعرف كتاباً قرأته كثيراً دون أن أنتبه مثلاً إلى تاريخ طبعه ، فإنني حينما أنتبه إلى ذلك فإن هذه الصفة تعتبر جديدة فيكون الحكم تركيبياً . ولكن كنت لم يقصد هذا حين فرق بين الأحكام التحليلية والأحكام التركيبية ، ولكنه فرق بينهما على أساس التعريف أو الحد . فإذا كانت الصفة المحمولة على الموضوع داخلة في حد الموضوع كانت القضية تحليلية ، وإذا لم تكن داخلة في حد الموضوع كانت تركيبية . فإذا قلت إن الجسم ممتد ، فإن صفة الامتداد داخلة في تعريف الجسم ، وبذلك تعدّ هذه القضية تحليلية ؛ وإذا قلت : الجسم غير نفاذ — فإن هذا القول لا يضيف صفة جديدة لمفهوم الجسم لأن عدم القابلية للنفوذ تكون جزءاً من تعريف الجسم باعتباره جسماً مادياً في مقابل الجسم الهندسي . ولكن إذا قلنا : الجسم ذو ثقل — فإنني أضيف صفة غير متضمنة في تعريفه وهي كونه ينجذب إلى أجسام أخرى . فالقضية الأخيرة تركيبية لأن المحمول يضيف إلى الموضوع صفة جديدة ليست موجودة في حده ، وعلى هذا فإن القضية التركيبية هي التي تأتي بمحمول لا يدخل في تعريف الموضوع . لكن تقوم بعد هذا مشكلة تحديد المفهوم . ونحن نعلم أن التعريف ليس ثابتاً ؛ بل في استطاعتنا أن نعرف الشيء الواحد تعريفات مختلفة .

وإذن فالتقسيم إلى قضية تحليلية وقضية تركيبية اعتباري يتوقف على المفهوم .
لهذا فإن كثيراً من المناطق قد ثاروا على هذه التفرقة ، ومن أشهرهم برادلي
Bradley الذي قال إن مفهوم الشيء يتوقف على معرفتنا به ، فالتمييز بين القضايا
التحليلية والتركيبية لا معنى له . ولكن يمكن أن يرد على ذلك فيقال :

١ — إننا نميل في التعريف إلى الاختصار على ما يفصل الشيء عن غيره
ويجمع كل صفاته الأساسية . أي إننا نميل إلى التعريف بالماهية ولا تدخل
الأعراض في المفهوم . وهذا يوسع مجال القضايا التركيبية . فنحن مثلاً لا ندخل
في تعريف الحيوان المجتر أنه مشقوق الظلف . فالقضايا المركبة على أساس
الماهية تكون تركيبية . وفي الاستدلال الرياضي نسند إلى الأحكام التركيبية ،
فتعريف المثلث لا يتضمن كون مجموع زواياه $= ٢ ق$ ، كما لا يتضمن أن مجموع
ضلعيه أكبر من الضلع الثالث . الخ . والواقع أن القضايا التركيبية هي القضايا
الحقة لأنها تدل على علم جديد . فإذا كان العلم يقوم على اكتشاف صفات
جديدة ، فإن القضايا العلمية هي القضايا التركيبية ، أما القضايا التحليلية فترجع
في النهاية إلى تحصيل الحاصل ، أو إلى أن تكون تعريفاً لفظياً بأن يكون
الموضوع والمحمول لفظين مختلفين لمسمى واحد . وأمثال هذه القضايا إذا أفادت
في الإيضاح فهي لا تفيد في الكشف .

ونحصل على القضايا التركيبية إما بالتجربة ، أو الاستدلال الرياضي ،
أو القياس . فالتجربة ينبوع دائم لإيجاد قضايا تركيبية ، لأن التجربة تدلنا دائماً
على صفات جديدة لم نعرفها بعد ، وكذلك الحال في الاستدلال الرياضي نجد
أنه يكاد يقوم كله على القضايا التركيبية ، حيث نستخلص دون تجربة حقائق
جديدة ، فإذا صُغناها في قضايا أصبحت هذه القضايا تركيبية . وأما في القياس
فيمكن النظر إلى النتيجة باعتبارها قضية تركيبية ؛ لأنها تحوى محمولا ليس داخلاً
في حد الموضوع ، وإنما يدخل في المقدمة الكبرى ؛ ولهذا يمكن اعتبار النتيجة
قضية تركيبية . وإذن فمن الواجب أن نلتفت إلى أهمية هذه التفرقة .

تقابل القضايا

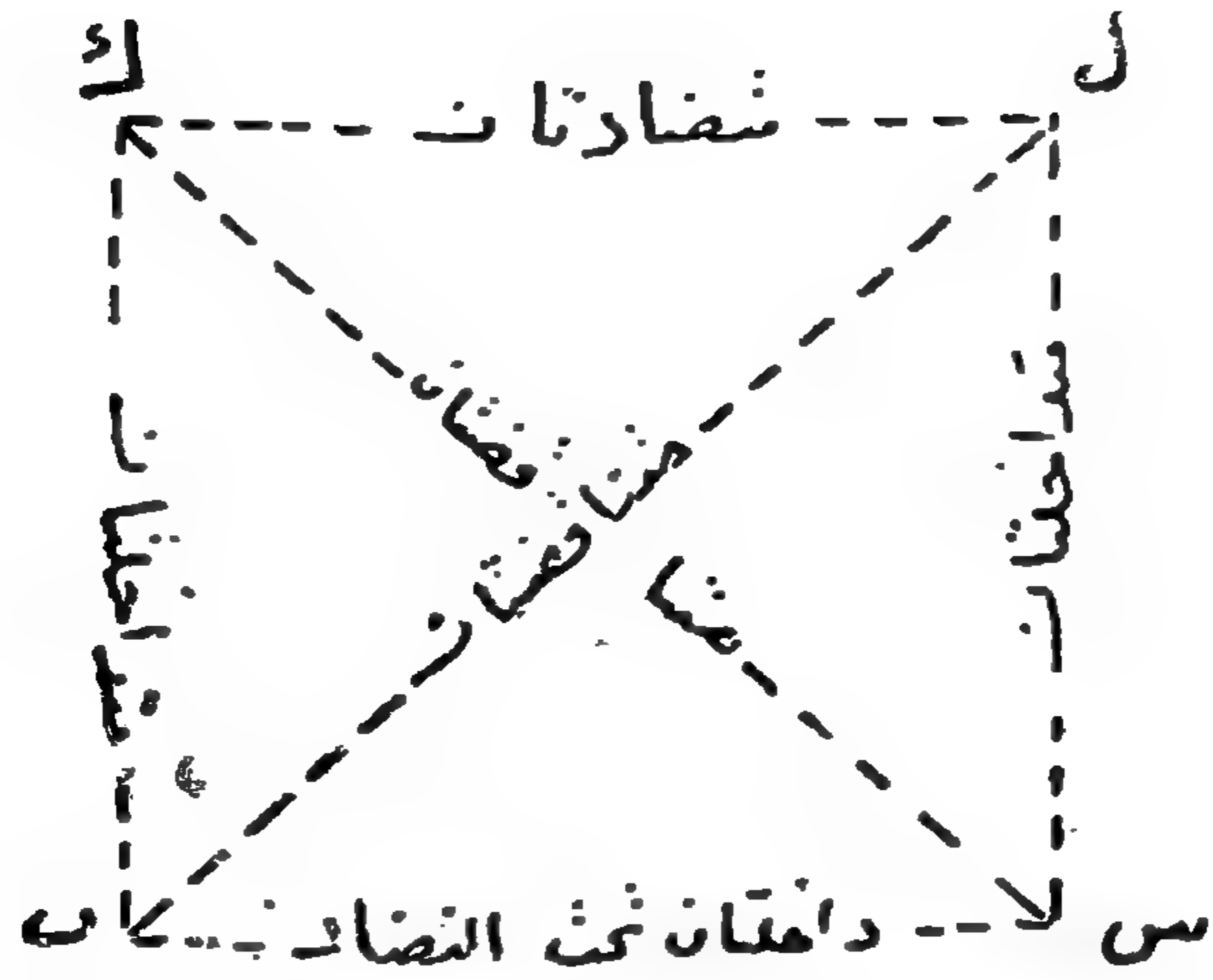
٨٢ — عرضنا من قبل للتقابل حينما تحدثنا عن أنواع التقابل الموجودة بين التصورات أو بين الأفراد ، وعرفنا بالتفصيل ما هو معنى التناقض وما هو معنى التضاد واتهمنا عند هذين النوعين فحسب ، وذلك أننا كنا ننظر دائماً إلى التصورات المتقابلة باعتبار أنها لا تتفق أن توجد معاً . ولكن في باب القضايا سنوسع تعريفنا للتقابل ، فنجعله لا يستلزم بالضرورة ألا تصح قضيتان معاً ، وسنقول عن التقابل في القضايا إنه الصلة الموجودة بين قضيتين مختلفتان إما من حيث الكيف أو من حيث الكم أو من حيث الاثنين معاً ، مع الاتفاق في بقية الأشياء .

١ — فإذا كان لدينا قضيتان لا يمكن أن تصدقا معاً ، كما لا يمكن أن تكذبا معاً ، بل لا بد أن تكون إحداها صادقة بالضرورة والأخرى كاذبة بالضرورة ، ونقول إن النسبة بين هاتين القضيتين تسمى التناقض ، والتناقض يوجد بين الكلية الموجبة والجزئية السالبة ، ثم بين الكلية السالبة والجزئية الموجبة .

٢ — إذا كانت القضيتان لا تصدقان معاً ويمكن أن تكذبا معاً فإن النسبة بينهما تسمى « التضاد » ، والتضاد يوجد بين الكلية الموجبة والكلية السالبة .

٣ — إذا كانت القضيتان لا تكذبان معاً وقد تصدقان فإن النسبة بينهما تسمى « الدفول تحت التضاد » - وهو يوجد بين الجزئية الموجبة والجزئية السالبة .

٤ — إذا ثبت من صدق الكلية صدق الجزئية المتفقة معها في الكيف ، فإن النسبة بين القضيتين تسمى « الترافل » ، وهذه النسبة توجد بين الكلية الموجبة والجزئية الموجبة ؛ أو بين الجزئية السالبة والكلية السالبة . ولتأخيص هذه النتائج ووضعها في صورة إجمالية بسيطة يستعمل عادة ما يسمى : « مربع التقابل » .



ويمكن النظر في القضايا باعتبار أن القضيتين معلومتان ، أو باعتبار أن إحداها معلومة ، والأخرى مجهولة ويراد معرفة ما يقابلها . ففي الحالة الأولى نحن لا نضع إلا النسبة الموجودة بين القضيتين المعلومتين دون أى استنتاج ، فالعملية هي وضع نسبة بين شيئين معلومين . أما في الحالة الثانية فأننا نجد أن لدينا قضية نستطيع أن نستنتج - بافتراض صدقها أو كذبها - صدق أو كذب القضايا الأخرى المتقابلة معها ، وتبعاً لهذا سنكون بإزاء عملية استدلال مباشر : فبمجرد أن توجد لدينا قضية ، ونقول إنها صادقة أو كاذبة ، نستطيع أن نعرف صدق أو كذب القضايا الأخرى المتقابلة معها . ولو أجرينا هذا على المحصورات الأربع لوجدنا ما يلي :

- ١ - إذا كانت له صادقة .∴ ل كاذبة ، ب صادقة ، س كاذبة
- ٢ - » ل » ∴ له » ، ب كاذبة ، س صادقة
- ٣ - إذا كانت ب » ∴ له مجهولة ، ل كاذبة ، س مجهولة
- ٤ - » س » ∴ له كاذبة ، ل مجهولة ، ب مجهولة
- ٥ - » له كاذبة .∴ ل مجهولة ، ب مجهولة ، س صادقة
- ٦ - » ل » ∴ له مجهولة ، ب صادقة ، س مجهولة
- ٧ - » ب » ∴ له كاذبة ، ل صادقة ، س صادقة
- ٨ - » س » ∴ له صادقة ، ل كاذبة ، ب صادقة

ومعنى هذا الجدول أنه لو علم لدينا صدق أو كذب قضية من القضايا الأربع
لعرفنا بالادلة صدق أو كذب بقية القضايا الأربع فيما عدا أحوالاً قليلة ، نجد
أننا لا نستطيع أن نحدد بالادلة صدق أو كذب القضايا الأخرى كما هو مبين
في هذا الجدول .

الاستدلال المباشر

٨٣ — كل استدلال هو عملية عقلية منطقية ننتقل فيها من قضية أو عدة قضايا إلى قضية أخرى تستخلص منها مباشرة دون التجاء إلى التجربة . ويُستلزم عادة بالنسبة للقضايا المستنتجة أن تكون جديدة بالنسبة إلى القضايا الأصلية ، وإلا لم يكن ثمة معنى للاستدلال ، لأن الاستدلال هو الانتقال من أشياء مسلم بصحتها إلى أشياء أخرى ناتجة عنها بالضرورة وتكون جديدة عن الأولى . فيجب إذن أن يختلف الأصل عن نتيجة الاستدلال . ولكن هذا الاختلاف قد فهمه المناطقة بتوسع ، ففهموا من مجرد الاختلاف في الوضع أن فيه جدة ، فأدخلوا أنواعاً من الاستدلال فيها يكون الانتقال من قضية إلى أخرى لا يختلف عنها في الصدق بل في طريقة وضع الموضوع والحمول أو في الكيف ، أما الصدق فعلى حاله . ولكن هذا لا يسمى استدلالاً حقيقياً ، بل هو استدلال مباشر .

وللإستدلال المباشر عدة أنواع تتلخص فيما يلي : ١ — العكس المستوي .
٢ — نقض المحمول . ٣ — نقض العكس المستوي . ٤ — عكس النقيض . ٥ — النقض .

٨٤ — العكس المستوي :

يقصد بالعكس المستوي استنتاج قضية من أخرى نخالفها في وضع كل من الموضوع والحمول . فالعكس المستوي لقضية هو تحويلها إلى أخرى موضوعها محمول الأصل ، ومحمولها موضوع الأصل مع بقاء الصدق والكيف . مثلاً : « لا إله إلا الله » — يمكن تحويل هذه القضية بطريقة العكس المستوي فتصير « لا فاني إله » . والصدق في كلتا القضيتين واحد ، والكيف لم يتغير أيضاً .

وتسمى القضية الأولى الأصل ، والثانية المحولة تسمى المعكوسة . ويشترط في صحة عملية العكس قاعدتان :

١ — أن يتحدا في الكيف بأن يكون كيف المعكوسة هو كيف الأصل .

٢ — ألا يُستغرق حدٌّ في المعكوسة لم يكن مستغرقاً من قبل في الأصل .

وعند تطبيق هاتين القاعدتين ينتج ما يلي :

١ — القضية الكلية السالبة تنعكس كلية سالبة أيضاً . ونحن حينما ننظر في المعكوسة نجد أنها تخضع للقاعدتين ، فبالنسبة إلى قاعدة الكيف : كلتاها سالبة ، وبالنسبة للاستغراق : كلتاها تستغرق نفس الحدود ، فهنا كلٌّ من الموضوع والمحمول مستغرق في الأصل وفي المعكوسة .

ب — الجزئية الموجبة تنعكس جزئية موجبة مثل : بعض الشعراء مجانين ؛ وعكسها المستوى : بعض المجانين شعراء — فهذه المعكوسة لم تُخلَّ بواحدة من القاعدتين . ويسمى العكس في حالة الكلية السالبة والجزئية الموجبة باسم العكس المستوي البسيط حيث نأتى بقضيتين تساويان الأصل في كل شيء ويمكن أن تترد إلى الأصل بكل سهولة . وليست الحال كذلك بالنسبة إلى القضيتين الآخرين :

ح — فالكلية الموجبة تنعكس إلى جزئية موجبة ، فنجد مثلاً : أن « كل إنسان فان » « تصير بعض الفانين أناس » — حيث لا نجد أن من الممكن أن نقول : « كل فان إنسان » لأن من الفانين من ليسوا بأناس ؛ فالمعكوسة إذن لا تساوى الأصل في الصدق بل هي كاذبة . ولذلك يجب أن نلجأ إلى طريقة أخرى للعكس ، فنعكسها بالتحرير أو بالعروضه ، ويقصد بذلك أن نحول الكلية الموجبة في حالة المعكوسة إلى جزئية موجبة . والعلّة في ذلك أننا قد أدخلنا بقاعدة الاستغراق ، في الكلية الموجبة نلاحظ أن المستغرق هو « إنسان » .

بينما في المعكوسة : « كل فان لإنسان » نجد أن المُستغرق « فان » ، وهو لم يكن مستغرقاً في الأصل . فكأننا في المعكوسة استغرقنا حداً لم يكن مستغرقاً من قبل . وهذا إخلال بقاعدة الاستغراق . ولكن حينما جعلناها جزئية موجبة لم نستغرق شيئاً ، وإذن لم نستغرق حداً لم يكن مستغرقاً من قبل .

د - الجزئية السالبة : لا تنعكس إلى شيء ، فلو أننا قلنا : بعض الأزهار ليس بذى رائحة - فنجد أن لا عكس لها مطلقاً . لأن المستغرق هنا هو المحمول بينما الموضوع غير مستغرق ، فعند العكس سنجعل الموضوع محمولا . ولما كانت المعكوسة جزئية سالبة فسيكون المحمول مستغرقاً مع أنه غير مستغرق في الأصل . لهذا لا يمكن عكس الجزئية السالبة .

وعملية العكس كثيراً ما تكون غير طبيعية لأننا عادة نفهم الموضوع باعتبار الماصدق ، والمحمول باعتبار المفهوم ، أى إن هناك شيئاً من التعسف في ذلك ، ولكن عملية العكس المستوى تفترض أن من الممكن دائماً التفكير في الموضوع باعتبار المفهوم ، والتفكير في المحمول باعتبار الماصدق . ويظهر هذا التعسف بوضوح حينما يكون المحمول صفة مجردة . فلو قلنا : كل زهر جميل - فهناك تعسف كبير لو قلنا : بعض الأشياء الجميلة هو زهر . وقد احتجنا هنا إلى تعديل المحمول بعض الشيء ليتسق وبقية العبارة . وتكون هذه العملية مقبولة حينما يكون المحمول ذاتاً مشخصة ، ومع ذلك فقد رأينا من قبل أننا نفهم الذات المشخصة باعتبارها دالة على صفة ، لا باعتبارها ذاتاً مشخصة حقاً . ومن هنا يميل الكثيرون من المناطق إلى اطراح هذه العملية .

وأرسطو يعطل هذه العملية بقوله : إذا كان لدينا : لا - أ هي ب ، فعكسها لا - ب هي أ ؛ وإلا فسيكون بعض ما هو ب ليس أ . ولكن هذا البعض ح ، وحينئذ يكون معنى ذلك أن ح هي في آن واحد أ و ب معاً ، ولكن هذا يناقض القضية الأصلية .

وبالمثل يبرهن على صحة عملية العكس المستوى بالنسبة للجزئية الموجبة والكلية الموجبة وبطلانها بالنسبة إلى الجزئية السالبة . ولكن هذا التفسير غير واضح ، لأننا نفترض نفس عملية العكس أثناء البرهان ، وبذلك يفسر قولنا : إن لا - ا هي ب فإن معناه أن لا واحد من صفات ا داخل في صفات ب ، والعكس .

وفي الكلية الموجبة إذا قلنا : كل ا هي ب - فهذا يدل على إحدى حالتين وهما : إما أن تكون كل ا هي كل ب ، وإما أن تكون كل ا هي بعض ب - وفي هذه أو تلك يتفق أن نقول إن بعض ب هي ا - وبهذا تظهر علة صحة هذه العملية . وبالمثل يطبق ذلك على الجزئية الموجبة ، فيظهر أن عملية العكس سليمة منطقياً .

٨٥ - نقض المحمول :

هو عملية تحول فيها قضية معلومة إلى قضية أخرى تساويها في الصدق ، وموضوعها موضوع الأصل ، أما محمولها فنقيض محمول الأصل . وله قاعدة واحدة هي : أن يُغَيَّرَ كيفُ القضية ويستبدل بالمحمول نقيضه . ومثاله : « كل إنسان فانٍ » ، « لا إنسان هو لا - فانٍ » . ويقوم هذا الاستدلال على أساس قانون التناقض الذي يقول : إذا كانت ا هي ب فيجب أن تكون ا ليست لا - ب . ويمكن أن نرتد ثانياً من منقوضة المحمول إلى الأصل ، بأن نغير الكيف . والاستدلال في هذه الحالة يقوم على أساس قانون الثالث المرفوع الذي يقول بأن النقيضين لا يمكن أن يصدقا معاً . وتسمى القضية الأصلية بالأصل ، والمنقوضة المحمول تسمى بمنقوضة المحمول .

وبإجراء نقض المحمول على القضية الكلية الموجبة تصير كلية سالبة . مثل : كل « إنسان فانٍ » تصبح « لا إنسان هو لا - فانٍ » . والجزئية

الموجبة تصبح جزئية سالبة مثل : « بعض المصريين مسيحي » تصبح : « ليس بعض المصريين بلا — مسيحي » . وتصبح الكلية السالبة كلية موجبة مثل « لا كذوب مصدق » ، فتصبح : « كل كذوب هو لا — مصدق » . ثم أخيراً تصبح الجزئية السالبة جزئية موجبة مثل : « ليس بعض الورد أحمر » تتحول إلى : « بعض الورد هو لا — أحمر » .

٨٦ — نقض العكس المستوى : هو تحويل قضية معلومة إلى أخرى موضوعها محمول الأصل ومحمولها نقيض موضوع الأصل ، مع بقاء الصدق والكيف . وقاعدته أن تعكس القضية الأصلية عكساً مستوياً أولاً ، ثم تنقض المعكوسة نقض محمول ثانياً . ومثالها : « كل إنسان فان » فعندما نُجرى عليها الخطوة الأولى وهي إجراء العكس المستوى . تصير : « بعض الفانين هو إنسان » . ثم إذا أجرينا عليها الخطوة الثانية وهي نقض المحمول تصير : « ليس بعض الفانين هو لا — إنسان » . وينقض العكس المستوى تصبح الكلية الموجبة جزئية سالبة ، والجزئية الموجبة تصبح جزئية سالبة ، مثل : « بعض المصريين مسيحي » = بعض المسيحيين مصريون = ليس بعض المسيحيين هو لا — مصري ، والكلية السالبة تصبح كلية موجبة مثل : « لا إنسان خالد » = لا خالد إنسان = كل خالد هو لا — إنسان . أما القضية الجزئية السالبة فلا تعكس ، ولهذا فليس لها نقض عكس مستو .

٨٧ — عكس النقيض

هو تحويل قضية إلى أخرى موضوعها نقيض محمول الأصل ، ومحمولها إما نقيض موضوع الأصل ، وإما عين موضوع الأصل . ويسمى الأول باسم عكس النقيض الموافق والثاني : عكس النقيض المخالف .

فالعكس النقيض الموافق هو تحويل قضية إلى أخرى موضوعها نقيض محمول الأولى ، ومحمولها نقيض موضوع الأولى ، مع بقاء الصدق والكيف .

وعكس النقيض المخالف هو تحويل القضية إلى أخرى موضوعها نقيض محمول الأصل ، ومحمولها عين موضوع الأصل مع بقاء الصدق دون الكيف . وإجراء هذه العملية ننقض أولاً المحمول . وثانياً بالعكس المستوى المنقوضة المحمول نصل إلى عكس النقيض المخالف . ولكي نصل إلى عكس النقيض الموافق نجري على الأخيرة عملية نقض المحمول مرة أخرى . مثال ذلك : الكلية الموجبة : « كل إنسان فان » — ننقض محمولها أولاً فتصبح : « لا إنسان هو لا - فان » ثم نعكسها : « لا لا - فان هو إنسان » — وهذا هو عكس النقيض المخالف . ولكي نصل إلى عكس النقيض الموافق نجري عملية نقض محمول على الأخيرة : « كل لا فان هو لا - إنسان » . وبذلك تصبح الكلية الموجبة كلية موجبة في العكس الموافق ، وكلية سالبة في العكس المخالف . ويمكن أن نلخص هذه النتائج كما يلي :

الجزئية الموجبة : بعض المصريين مسيحي = بعض المصريين ليس بلا مسيحي — لا تعكس عكس نقيض موافق ولا مخالف .

الكلية السالبة : لا كذب مصدق = كل كذب هو لا - مصدق = بعض اللامصدقين هو كذب ، وهذا هو العكس المخالف ، ثم تصير : بعض اللامصدقين ليس هو لا — كذب — وهذا هو عكس النقيض الموافق .

الجزئية السالبة : ليس بعض الورد بأحمر = بعض الورد هو لا — أحمر ؛ وتصبح بالعكس المستوى : بعض اللا — أحمر هو ورد ، وهذا عكس النقيض المخالف . ثم تصبح « بعض اللا — أحمر هو ليس لا — ورد » — وهذا هو عكس النقيض الموافق .

فبإجراء عملية عكس النقيض المخالف تتحول : لـ إلى ل ، ن إلى ب ،
س إلى ب .

وبإجراء عملية عكس النقيض الموافق تتحول : لـ إلى ك ، ل إلى س ،
س إلى س .

٨٨ — النقيض :

النقض عملية استدلال مباشر فيها تحول قضية إلى أخرى موضوعها نقيض
موضوع الأصل ، ومحمولها إما أن يكون عين محمول الأصل — وهذا هو نقض
الموضوع ، أو يكون نقيض محمول الأصل — وهذا هو النقض التام . ويتم على
حسب خطتين :

الأولى : نبدأ بعملية العكس على الأصل ، ثم نتلوها بعملية نقض محمول ،
ونستمر في هذا العمل على التبادل حتى نصل إلى قضية يكون موضوعها نقيض
موضوع الأصل ، ومحمولها إما أن يكون عين محمول الأصل أو نقيض محمول
الأصل ، أو نصل إلى قضية جزئية سالبة لا تقبل العكس فنقف .

الثانية : نقوم بعملية كالسابقة ، ولكن نبدأ فيها بنقض المحمول ، ونستمر
في ذلك حتى نصل إلى قضية يكون موضوعها نقيض موضوع الأصل ، ومحمولها
إما عين محمول الأصل أو نقيض محمول الأصل ، أو نصل إلى قضية جزئية سالبة
لا تقبل العكس فنقف .

وبإجراء إحدى الطريقتين على المحصورات الأربع نصل إلى مايلي :

الكلية الموجبة

الطريقة الأولى	الطريقة الثانية
(١) كل إنسان فان	(١) كل إنسان فان
(٢) بعض الفانين ناس .	(٢) لا إنسان هو لا فان
(٣) ليس بعض الفانين بلا - ناس	(٣) لا لا - فان هو إنسان
وهذه جزئية سالبة فلا تعكس	(٤) كل لا - فان هو لا - إنسان
	(٥) بعض اللا إنسان هو لا - فان
	(نقض تام)
	(٦) ليس بعض اللا إنسان هو فان
	(انقض موضوع)

الجزئية الموجبة

(١) بعض الورد أصفر	(١) بعض الورد أصفر
(٢) بعض الأصفر ورد	(٢) ليس بعض الورد بلا - أصفر
(٣) ليس بعض الأصفر لا - ورد	(جزئية سالبة لا تعكس)
جزئية سالبة لا تعكس	

الكلية السالبة

(١) لا مجرم مطمئن	(١) لا آثم مطمئن
(٢) لا مطمئن مجرم	(٢) كل آثم هو لا - مطمئن
(٣) كل مطمئن هو لا - مجرم	(٣) بعض اللا - مطمئن هو آثم
(٤) بعض اللا - مجرم هو مطمئن	(٣) ليس بعض اللا - مطمئن هو
(نقض موضوع)	لا - آثم
(٥) ليس بعض اللا - مجرم هو لا - مطمئن	(جزئية سالبة لا تعكس)
(نقض تام)	

الجزئية السالبة

(١) بعض المؤمنين ليس بمخلص	(١) بعض المؤمنين ليس بمخلص
(٢) بعض المؤمنين هو لا - مخلص	جزئية سالبة لا تعكس
(٣) بعض اللا - مخلص هو مؤمن	
(٤) بعض اللامخلص ليس هو لا - مؤمن (لا تعكس)	

٨٩ — بعد هذا العرض نستطيع أن نضع خلاصة النتائج في جدول كالآتي :

الأصل	ك ع ح	ل ع ح	ب ع ح	س ع ح
عكس مستوى	ب ح ع	ل ح ع	ب ح ع	—
نقض المحمول	ل ع ح	ك ع ح	س ع ح	ب ع ح
نقيض العكس المستوى	س ح ع	ك ح ع	س ح ع	—
عكس النقيض المخالف	ل ح ع	ب ح ع	—	ب ح ع
عكس النقيض الموافق	ك ح ع	س ح ع	—	س ح ع
نقض الموضوع	س ع ح	ب ع ح	—	—
النقض التام	ب ع ح	س ع ح	—	—

ويلاحظ في هذا الجدول أن ع ٦ ح ٦ تدل على أسلوب الحد
أى لا - ع ٦ لا - ح .

٩٠ — والآن إذا نظرنا في كل هذه العمليات ، وتبيننا طبيعة العملية المنطقية التي تجري في كل منها ، فهل نستطيع أن نقول إن العملية هنا عملية استدلال ؟ لن نستطيع الجواب إلا إذا نظرنا في طبيعة عملية الاستدلال بوجه عام ، وحينئذ سنرى أننا في عملية الاستدلال لابد أن نأتي بشيء جديد يختلف عن مفهوم القضايا التي ابتدأنا منها الاستدلال ، أى إننا في حالة الاستدلال نربط بين شيئين لم يكن ظاهرا من قبل أنهما مرتبطان أو غير مرتبطين ، تبعاً لأحوال السلب وأحوال الإيجاب ؛ فالنتائج التي نصل إليها تدل على حقائق جديدة باستمرار . وإذا كان الأمر كذلك فأننا إذا نظرنا في عمليات الاستدلال المباشر لم نجد أن هذه الخاصية تتحقق ، لأننا في هذه العمليات لا نفعل أكثر من تغيير المنطوق دون تغيير شيء في المفهوم . ففي حالة العكس المستوى لا نفعل أكثر من وضع المحمول مكان الموضوع ، وقد رأينا من قبل أن ليس ثمة أهمية في الوضع بالنسبة إلى كل من المحمول والموضوع وأن المسألة غالباً ما تكون اعتبارية تدعو إليها اعتبارات في الأسلوب دون أن يكون لذلك أدنى تأثير في طبيعة الحكم المعبر عنه في القضية . فحينما أقول : « لا - إنسان خالد » وأستدل منها بواسطة العكس المستوى على : « لا خالد إنسان » - فإن الحكم لا يتغير إطلاقاً ، وإنما الذي يتغير هو التعبير عن الحكم .

وكذلك في عملية نقض المحمول : فإذا قلت : « كل إنسان فان » ، واستدلت من هذا على أنه : « لا إنسان هو لا - فان » - ففي هذا لا أقدم معرفة جديدة تخالف ما كان في القضية الأصلية . فإذا كان الاستدلال يتضمن بالضرورة معرفة جديدة أو اختلافاً في مفهوم الحكم بين الأصل وبين المعكوسة أو منقوضة المحمول ، فلا يمكن أن أسمى هذه العملية حماية استدلال بالمعنى الصحيح - بل إن الفارق بين الاستدلال المباشر والاستدلال القياسي كبير

جداً على الرغم من قولنا إن في القياس بالضرورة تحصيل حاصل ، وذلك لأن النتيجة في القياس تعبر عن حكم لم يكن موجوداً في إحدى المقدمتين ، وإنما يوجد هذا الحكم منتشراً فيهما أو متضمناً بهما ، وأنا إذا فعلت ذلك ، فسأنتهي دائماً إلى معرفة جديدة أو على الأقل لن يكون الحكم في النتيجة هو بعينه في إحدى المقدمتين ، وهذا إذن استدلال . أما عملية الاستدلال المباشر فليست استدلالاً بأي معنى من المعاني .

المدلول الوجودي للقضايا المحلية

٩١ — أشرنا من قبل إلى أن كل حكم يجب أن يكون موضوعياً ، ويجب بالتالي أن يكون ضرورياً . وقصدنا من الموضوعية أن لا يكون الغرض من الحكم مجرد العملية النفسية للحكم ، وإنما الإشارة إلى شيء خارجي بخلاف الحكم نفسه يوجد خارج هذا الحكم .

أما ميدان هذه الإشارة ، فلا نعلم ما هو بالدقة ، لأننا لا نستطيع فيما يتصل بالإشارة الخارجية للحكم أن نقول من ناحية المنطق الصوري إن الحكم ينطبق على الواقع الخارجي أو لا ينطبق ، لأن هذه المسألة لا تعنى المنطق كعلم صوري ، وإنما تعنى كل علم على حدة . فالقضايا الرياضية تعلم صحتها من بطلانها في الرياضيات . والقضايا الفيزيائية يعرف قيمة الحكم فيها علم الفزياء . وهكذا نجد أن معرفة صواب الحكم أو خطئه يقوم لا على المنطق كعلم صوري ، وإنما على العلم الذي تنسب إليه القضية . ولكننا في أحكامنا نتجه دائماً إلى الإشارة إلى مجال معين يصدق فيه الحكم أو يكذب . وهذا المجال تارة يكون الكون الكلي وتارة أخرى يكون ميداناً من ميادين الواقع الخارجي ، وطوراً ثالثاً يكون شيئاً خيالياً . والصدق والكذب يقوم بالنسبة إلى كل ميدان من هذه الميادين على حدة فقد يصدق الحكم في ميدان دون الآخر ، وقد لا تكون للحكم إشارة

إلا في عالم الوهم ، فإذا قلت : إن هملت قتلت بولينوس - فهذا الحكم صادق بالنسبة إلى رواية « هملت » ولو أنه لم يحدث في التاريخ في الواقع ، وكذلك في كل ما يجري في القصص بكل أنواعها يمكن أن نتحدث عن أحكام صادقة حيناً وكاذبة حيناً آخر . فكل ميدان من هذه الميادين يكون ما يسمونه باسم عالم المقال فلا يمكن تقرير الصدق بطريقة عامة ، ولا يمكن أن يوجد مقياس عام نستطيع أن نحدد به مجال أو مكان عالم المقال بالنسبة إلى شيء ما . وإنما عالم المقال يتوقف دائماً على طبيعة الحكم الذي نتحدث عنه ، فأن يكون زيوس قد قتل أباه ، أو كليتمنستر قد قتل زوجها اجامنون ، فهذا صادق في عالم معين هو عالم مقال الأساطير اليونانية . وإذا قلنا العكس كان الحكم كاذباً في داخل عالم المقال هذا . ومع ذلك فليس هذا أو ذاك صادقاً بالنسبة إلى الواقع التاريخي أو العالم الخارجي . ومن هنا فالقضايا في مثل هذه الأحوال إضمارية بمعنى أننا قد أضمرنا إلى جانب هذه القضايا قولنا : « في عالم الأساطير اليونانية » . وكذلك الحال بالنسبة إلى أساطير الجن . وهكذا نجد أن الأحوال تصدق بالنسبة إلى كل عالم من هذه العوالم ، وإن لم يكن لها أصل في حقيقة الوجود . ولكن المسألة حينما ينظر إليها من الناحية المنطقية الخالصة ، لا ينظر إليها على هذا الأساس ، فإن هذا الأساس ، وهو كون الحكم لا بد أن يشير إلى عالم مقال معين ، يفترض دائماً في كل عملية حكماً منطقياً ، فإن الذي يهمنا هو أن نعرف : هل الموضوع أو المحمول لا بد أن يشير إلى موضوعات لها أفراد في الخارج ، أو ليس من الضروري أن يكون الأمر كذلك ؟ فحينما أقول مثلاً : « لا إله ب » في قضية سالبة كلية ، أو حينما أقول : « كل إله ب » في قضية موجبة كلية ، فهل أقصد في هذه الأحوال أنه لا بد أن يوجد موضوع خارجي ينظر كل حد من هذه الحدود ، أو لا أقصد ذلك ؟ فالمسألة الرئيسية التي ننظر فيها هي : هل نحن نشير دائماً إلى أفراد خارجية بالنسبة إلى الموضوع أو بالنسبة إلى المحمول في كل

حكم نقول به ؟ وثانياً - وعلى أساس التفسير الذى تقدمه - يجب أن نعدل ماقلناه من نظريات تبعاً للتفسير الذى تنتهى إليه فى إجابتنا عن المسألة الأولى .

أما فيما يتصل بالمسألة الأولى فيجب أن نلاحظ أولاً أننا لا نقصد دائماً أن يكون هنال موضوعٌ خارجى مقابلٌ لحدثن الحكم . فأحياناً يكون ذلك مفهوماً ، وأحياناً أخرى نشير إلى وجود أفراد للموضوع دون أفراد للمحمول ، وأحياناً ثالثة يمكن أن يكون هناك مقابل خارجى لكل من للموضوع والمحمول . ولكن على أى فرض من هذه الفروض الثلاثة لا بد أن نسلم أولاً بأن كل عالم مقال لا بد أن يكون محتوياً على شيء . أى إن عالم المقال لا يمكن أن يكون خالياً من كل فرد أو مساوياً لصنف الصفر . وعلى هذا لا نستطيع أن نقول إننا فى تحديدنا للمدلول الوجودى لشيء ما لا بد أن نعتقد أن عدم الوجود يدل على وجود أيضاً تبعاً لقانون الثالث المرفوع الذى يقول بأن « لا - ا » يكونان معاً عالم مقال ، وأنه إذا صدقت ا فلا بد من كذب لا - ا ، أو إذا وجدت ا لا توجد لا - ا ، وإذا لم توجد ا وجد لا - ا .

٩٢ - وعلى أساس هذا المبدأ نستطيع أن نحدد طبيعة الإشارة الخارجية أو الوجودية للقضايا ؛ فنجد أولاً أن ثمة أحوالاً يكون فيها مقابل وجودى لكل من المحمول والموضوع ، وأحوالاً أخرى يكون فيها مقابل وجودى للموضوع دون المحمول ، وأحوالاً ثالثة لا يكون فيها مقابل وجودى لأىٍ منهما ، وأحوالاً رابعة يكون فيها مقابل فى الوجود للموضوع والمحمول بالنسبة إلى القضايا الجزئية دون الكلية . فإذا نظرنا فى كل هذه الأحوال ونظرنا بعد هذا فيما يترتب عليه من وضع فى عملية الاستدلال المباشر ، لوجدنا النتائج التالية :

أولاً : إذا كان لكل من الموضوع والمحمول مقابل فى الوجود الخارجى فستتم عملية الاستدلال المباشر ، لأن وضع المحمول مكان الموضوع أو العكس

لا يفيد شيئاً من التفسير في المدلول الخارجى ما دام كلاهما ذا مقابل فى الوجود الخارجى .

ثانياً : إذا كان للموضوع مقابل دون المحمول يتغير الأمر بالنسبة إلى كل عملية :

١ - فبالنسبة إلى عملية نقض المحمول لا يحدث تغيير .

٢ - وبالنسبة إلى عملية العكس المستوى نجد أنه يكون صحيحاً بالنسبة إلى **ل** وإلى **ب** لأننا فى هاتين الحالتين نجد أن الإشارة إلى الموضوع تكفى بطريق غير مباشر للإشارة إلى وجود المحمول ، فإذا قلت : « كل إنسان فان » وحولت هذا الحكم عن طريق العكس ليصير : « بعض الفانين ناس » — فإنتى فى هذه الحالة قررت أن كلمة « فان » لها مقابل فى الوجود . وكذلك الحال فى القضية الموجبة الجزئية ، نجد أنه إذا قلنا بوجود النسبة للموضوع فقد قلنا به أيضاً بالنسبة للمحمول . ولكن الحال ليس كذلك فيما يتصل بالسالبة الكلية : فإذا قلنا « لا ا هي ب » وعكسناها إلى « لا ب هي ا » فيحدث أن المحمول لا يكون له وجود خارجى فى الأصل : ولكننا فى حالة العكس وضعنا المسألة وكأن للمحمول مقابلاً فى الخارج لأننا نقول بحسب الفرض الثانى إن الموضوع مقابلاً فى الخارج ، ومن هذا يحدث الخطأ فى عملية العكس المستوى بالنسبة إلى الكلية السالبة . فإذا قلت : « لا - إنسان عفريت » نفهم من هذا أن للإنسان مقابلاً فى الخارج . وإذا عكستها وقلت : « لا - عفريت إنسان » فإن هذا يشعرنى بأن للعفريت مقابلاً فى الخارج ، مع أن هذا غير صحيح .

أما فيما يتصل بعملية عكس النقيض فنجد أن الاستدلال بالنسبة إلى الكلية السالبة صحيح ، وكذلك الحال بالنسبة إلى الجزئية السالبة ، ولكنه غير صحيح بالنسبة إلى الكلية الموجبة ، وذلك لأنه لإجراء عملية عكس النقيض على

الكلية الموجبة ستتحول أولاً بنقض المحمول إلى كلية سالبة . ثم نحولها إلى كلية سالبة عن طريق العكس المستوي . وقد قلنا إن العكس المستوي غير صحيح دائماً بالنسبة إلى الكلية السالبة .

ثالثاً : إذا فرضنا أن القضية لا تتضمن بالضرورة إشارة وجودية إلى الموضوع والمحمول معاً ، فقد يظهر لأول وهلة أننا مادمنا هنا لسنا إزاء إشارة وجودية ، فقد أغفينا من مسألة الإشارة الوجودية في حالة الاستدلالات المباشرة . ولكن هذا خطأ ، إذ يلاحظ أنه :

أ - بالنسبة إلى نقيض المحمول نجد أن كل العمليات الخاصة بالقضايا الأربع سليمة . ولناخذ مثلاً القضية الكلية السالبة : « لا ع هي ح » - فنجد أن منقوضة محمولها : « كل ع هي لا - ح » . فإذا افترضنا أن هناك إشارة خارجية إلى « ع » فهذا يدل على أن « بعض لا - ح » موجود ، وذلك تبعاً لقانون الثالث المرفوع الذي يقول بأن « ع » إما أن تكون « ح » أو « لا - ح » ولا تخلو « ع » عن أحدهما ؛ وفي حالة نقض المحمول نحن لا نقول أكثر من أنه إذا وجدت « ح » فإنه « لا - ح » . فكان عملية نقض المحمول صحيحة .

ب - عملية العكس المستوي صحيحة بالنسبة إلى الكلية السالبة لأننا في حالة الكلية السالبة نقول : إذا كانت « ح » لها موضوعات فلا بد أن يكون « بعض « اللاح » موجوداً ، ونحن في حالة العكس لا نفعل أكثر من هذا لأننا نقول « لا ح هي ع » . فإذا كانت « ع » لها مقابلات وجودية فسيكون لبعض لا - ح مقابلات وجودية أيضاً . أما بالنسبة إلى الكلية الموجبة والجزئية الموجبة فعملية العكس غير سليمة ، لأن « بعض ح هي ع » تتضمن أنه إذا وجد أي ح فلا بد أن يوجد أيضاً بعض ع . ولكن هذا ليس متضمناً لا في قولنا « كل ع هي ح » ، ولا في قولنا « بعض ع هي ح » - فالنتيجة

هي أن عملية العكس المستوى ليست سليمة بالنسبة إلى كل من L و B .

ح - وعملية عكس النقيض سليمة بالنسبة إلى L ، ولكنها غير سليمة بالنسبة إلى L و S . فعملية عكس النقيض سليمة بالنسبة إلى L لأنها تتضمن أولاً نقض المحمول ، وثانياً العكس . وبالنسبة إلى L نجد أنها ستحول بواسطة نقض المحمول إلى L ، ودور هذه الأخيرة أن تُعكس ، والعكس سليم بالنسبة إلى L فكانت العملية بالنسبة إلى L صحيحة . أما بالنسبة إلى L فلا تصح عملية نقض المحمول الأولى إذ تصبح كلية موجبة ودورها أن تعكس والسكاية الموجبة لا تعكس عكساً بسيطاً . وبالمثل يقال على S .

د - عملية النقيض غير سليمة بالنسبة إلى كل من L و S .

وبذلك نجد : ١ - أن العمليات السليمة هي نقض المحمول وعكس النقيض بالنسبة إلى L ، ونقض المحمول بالنسبة إلى B ، ونقض المحمول والعكس المستوى بالنسبة إلى L ، ونقض المحمول بالنسبة إلى S .

٢ - العمليات غير السليمة هي العكس المستوى والنقيض بالنسبة إلى L ، والعكس المستوى بالنسبة إلى B ، وعكس النقيض والنقض بالنسبة إلى L ، وعكس النقيض بالنسبة إلى S .

رابعاً : إذا فرضنا أن الكليات لا تتضمن إشارة وجودية بينما الجزئيات تتضمن ذلك فإن النتائج تكون كما يلي :

١ - عملية نقض المحمول دائماً سليمة بالنسبة إلى المحصورات الأربع .

ب - عملية العكس المستوى بالنسبة إلى L سليمة ، وكذلك بالنسبة إلى B ، ولكنها غير سليمة بالنسبة إلى L .

ح - عملية عكس النقيض سليمة بالنسبة إلى L وكذلك بالنسبة إلى S ، ولكنها غير سليمة بالنسبة إلى L .

وبعد هذا كله نستطيع أن نحدد المضمون الوجودي للمحصورات الأربع حينما تكون حملية . ولنبدأ بالقضية الكلية الموجبة فنجد أنه :

١ - إذا كانت القضية الكلية تجريبية أو إحصائية ، نجد أن هناك إشارة وجودية بالنسبة إلى الموضوع والحمول ، كقولنا : كل الخلفاء الراشدين قرشيون ، فهنا إشارة وجودية بالنسبة للخلفاء والقرشية .

٢ - أما إذا كانت القضية صادرة عن استدلال عقلي خالص مجرد ، فكثيراً ما يحدث أن لا تكون هناك إشارة وجودية في القضية الكلية . فإذا قلنا : كل جسم يظل متحركاً أو ساكناً ما لم تطرأ عليه قوة تغير حالته — فنل هذه القضية لا تكاد تتحقق إطلاقاً ، ومن الواضح هنا أن الإشارة الوجودية معدومة تقريباً .

٣ - وإذا كانت القضية تعبر عن قاعدة أو قانون فكثيراً ما يحدث أن تكون الإشارة معدومة ، فحينما يصدر قانون ويقال : « كل من يخالف أحكام هذا القانون يعاقب » ، فقد يحدث أن لا يخالف هذا القانون أحد من الناس ، وبالتالي لا تكون الإشارة الوجودية ضرورية .

٤ - هناك أقوال عامة لا تفترض فيها مطلقاً الإشارة الوجودية . فحينما يقال : « مَنْ يَفْعَلُ الْخَيْرَ لَا يَعْذَمُ جَوَازِيهِ » ، أو إذا قلت : « كل من يسرق كيس نقودي يسرق شيئاً حقيراً ، وكل من يسرق شرفي يسرق شيئاً عظيماً » ، نجد أنه قد يحدث أحياناً ألا يُسْرِقَ كيس نقودي قط ، ففي هذه الحالة نلاحظ أن القضايا لا تضمن إشارة وجودية ظاهرة .

الكلية السالبة :

الأحوال التي لا توجد فيها إشارة وجودية في الكلية السالبة أكبر منها في الكلية الموجبة ، وقد نقصد عمداً إلى عدم الإشارة الوجودية في بعض أحوال

الكليات السالبة ، فحينما أقول « لا كوكب يدور في مدار على هيئة قطع زائد ، يمكن أن يمر بنفس المكان الذي مر به من قبل » - ونحن نعلم أن الكواكب تدور في مدار بيضاوى أى في قطع ناقص - فهنا الإشارة إلى شيء لن يتحقق . وهناك أنواع من القضايا ينفي فيها الوجود نفيًا مقصوداً لذاته كما نرى في : « لاشبح أخاف » - « لا عفريت رأيت » . فهنا لا توجد إشارة وجودية إطلاقاً .

والحال بالنسبة إلى الكليات تختلف عنها بالنسبة للجزئيات . ففي الكليات رأينا أن من الممكن أن لا توجد إشارة وجودية بالنسبة للوضوع أو المحمول ؛ أما في القضايا الجزئية فمن النادر جداً أن يوجد ذلك . ويفسر فن Venn هذه الظاهرة كما يفسرها المنطق الرياضى على أساس أن الجزئيات تدلّ على المشاهدات ، وهى بالتالى تدل دائماً على وجود ؛ أما الكليات فتقوم غالباً على استدلالات مجردة ، وبالتالى لا تتضمن إشارة خارجية بالضرورة . ويعبر عن هذا فى المنطق الرياضى بجعل القضايا الكلية تساوى صفراً ، والقضايا الجزئية لا تساوى صفراً .

البَابُ الثَّالِثُ

القياس

٩٣ — من طبيعة العقل الناقصة أنه لا يستطيع الانتقال مباشرة من موضوع إلى محمول ، أعني أنه لا يقدر على إدراك الرابطة بين طرفي حكم من مجرد النظر فيها هي نفسها وحدها ؛ بل لابد له من وسيط كي يتيسر له ذلك . ولذا احتاج الإنسان في تفكيره إلى القيام بعملية مقارنة كلٍّ من حدّي الحكم بحدٍّ ثالث مشترك . وهذا يتم بقضيتين ، خلاف القضية المطلوب البرهنة عليها .

وهذه المقارنة بين التصورات تجري على نحوين : فهي تجري إما من حيث المفهوم ، أو من حيث الماصدق ؛ أعني إما من حيث كون حدٍّ داخلاً ضمن أفراد حدٍّ آخر ، أو من حيث كون صفة أحدهما من بين صفات الآخر . وهذا يشير في داخل القياس مشكلة أساسية هي مشكلة الماصدق والمفهوم ، وهي مشكلة خطرهما في بيان ماهية القياس وأنواعه وحقيقة الغاية منه .

وتمت مشكلة ثانية ، هي مشكلة طبيعة الرابطة في هذه القضايا . فإن الإضافات على أنحاء عدة : إضافة تضمّن ، إضافة مساواة ، إضافة أكبر أو أصغر ، الخ . وتبعاً لهذا فإن الأحكام : إما أن تكون أحكاماً تضمنية ، أو أحكام إضافة الخ . ولهذا أثره في قواعد القياس ، كما سنرى عما قليل .

وقد اختلفت المناطق بإزاء المشكلة الأولى على ثلاث فرق : فرقة الماصدقيين — وعلى رأسها هاملتون Hamilton وأصحاب المنطق الرياضي الذين أرجعوا الصلة بين المحمول والموضوع إلى الماصدق بأن قالوا إن الرابطة رابطة بين أصناف ؛ وفرقة المفهوميين ، وزعيمها روديه G. Rodier وهؤلاء يرون وجوب مراعاة المفهوم وحده ، أعني الصفات ؛ وفرقة جمعت بين الماصدق والمفهوم ، ومنها

لاشلييه Lachelier وهى تنظر إلى الحدود تارة من ناحية المفهوم ، وأخرى من ناحية الماصدق . ويرى جبلو Goblot أن هذه المشكلة لا يمكن أن تحل على هذا الوضع ؛ وإنما تحمل على أساس فهم الفارق بين الأحكام المحلية والأحكام الشرطية ؛ وعنده أن المنطق القديم قد خلط بين الاثنين على حساب الأحكام الشرطية بأن غالى كثيراً فى أهمية الأولى ومداها . وهو خاط له أثره فى مشكلة ثالثة هى مشكلة الجدة فى القياس ، أعنى : هل فى نتيجة القياس جديد زيادة عما فى المقدمات ؟ فإن الأقيسة المحلية فيها تحصيل حاصل tautologie بالضرورة ؛ بينما الأقيسة الشرطية ليس من الضرورى أن تتضمن تحصيل حاصل . ويرتبط بهاتين المشكلتين مشكلة ثالثة وهى مشكلة الصلة بين القياس syllogisme وبين الاستدلال déduction ، فإن البعض يعدّها شيئاً واحداً ، مع أنهما ليسا كذلك : فكل قياس تحصيل حاصل ، بينما الاستدلال فيه جدّة دائماً ، لأن فيه تركيباً إذ ننتقل من المعلومات البسيطة إلى الأكثر تركيباً ، وهكذا .

تعريف القياس

٩٤ — يعرفه العرب فى كتب المنطق بأنه : قول مؤلف من قضايا ، إذا سلّمتْ لزم عنها (عنه) لذاتها (لذاته) قول آخر .

فهو : « قول » — أى مركب : وهذا القول إما المفهوم العقلى ، وهو جنس القياس المعقول ، وإما الملفوظ وهو جنس القياس الملفوظ . والمراد من « القضايا » ما فوق قضية واحدة ليتناول القياس البسيط المؤلف من قضيتين ، والقياس المركب من قضايا فوق اثنتين . واحتُرِزَ به عن القضية الواحدة التى تستلزم لذاتها عكسها المستوى أو عكس نقيضها وما إلى ذلك من عمليات الاستدلال المباشر ، فإنها لا تسمى قياساً .

وقوله : « متى سُلِّمَتْ » — إشارة إلى أن تلك القضايا يجب أن لا تكون مسلّمة في نفسها ، بل يجب أن تكون بحيث لو سُلِّمَتْ لزم عنها قول آخر ليندرج في الحدّ القياسُ الصادق المقدمات وكاذبها .

وقوله : « لزم عنها » — يخرج الاستقراء والتمثيل ، فإن مقدماتها إذا سُلِّمَتْ لا يلزم عنها شيء ، لإمكان تخلف مدلوليهما عنهما ، أعني لأنهما ظنيان .
وقوله : « لذاتها » ليحترز به عما يلزم لا لذاتها ، بل بواسطة مقدمة غريبة كما في قياس المساواة ، وهو ما يتركب من قضيتين متعلق محمول أولاهما يكون موضوع الأخرى ، كقولنا : ا مساوٍ لـ ب م ب مساوٍ لـ ح — ينتج أن : ا مساوٍ لـ ح ، لكن لا لذاتها ، بل بواسطة مقدمة غريبة كما في قياس المساواة ، وهي أن : « كل مساوٍ للمساوٍ مساوٍ له » — ولذلك لم يتحقق ذلك الاستلزام إلا من حيث تصدق هذه المقدمة . ويقال : « لذاته » للإشارة إلى تأليف القول ، أى إن تأليف القول على نحو معين من قضايا في كل منها الموضوع والمحمول في وضع معين ، هو الذى يستلزم القول الآخر ، أعني النتيجة . وهذا أدق في التعبير من قوله « لذاتها » — والإشارة في الضمير هنا إلى « القضايا » لا إلى « القول المؤلف » — لأن التأليف على النحو المعين هو الذى يؤدي إلى استخلاص النتيجة ، لا مجرد وجود قضايا .

وقوله : « قول آخر » — أريد به أن القول اللازم يجب أن يكون مغايراً لكل واحدة من هذه المقدمات^(١) .

وهذا هو التعريف الأسططالى في أدق صورة . ونظراً إلى وجود مشكلة الحل ، فإن بعض المناطق يعرفه تعريفاً من شأنه أن يقصر الحل في حالة القياس على اشتراط أن تكون الرابطة رابطة تضمين ، لا رابطة إضافة ، كما فعل برادلى ،

(١) راجع شرح قطب الدين الرازى التحتانى على « الشمسية » .

وتبعه هـ . ب . جوزف H. B. Josef ويلاحظ على هذا التعريف طابعه الشكلي : فإنه لا يشترط صدق المقدمات في نفسها ، بل مجرد التسليم بها . فسواء أكانت في نفسها صادقة أم كاذبة ، فإن النتيجة واحدة من حيث نظرية القياس . وما يحدث هو أنه إذا كانت المقدمات صادقة ، كانت النتيجة بالضرورة صادقة ؛ وإذا كانت كاذبة ، فمن المحتمل أن تكون النتيجة صادقة أو كاذبة . ونظراً إلى هذا الطابع الشكلي ، فإن بعض المناطق قد أخذوا على نظرية القياس أنها تنظر إلى صحة الاستدلال ، لا إلى صحة المقدمات أو النتائج ، وقالوا : نحن نريد نظرية نتبين منها أيضاً صحة المقدمات والنتائج ، وطالبوا من أجل ذلك بأن نضع ، بدلاً من هذا المنطق الذي سموه منطق اتفاق العقل ونفسه logic of consistency منطقاً سموه منطق الحقيقة logic of truth ، كما قال جون استيوارت ميل^(١) ، ووضعوا هذا المنطق على هيئة الاستقراء العلمي . ولكن تبين أن هذا الاستقراء يعتوره نفس النقص ، لأنه هو الآخر عملية استدلال تستخلص فيها النتائج من المقدمات ، ولا صحة للنتائج إلا إذا صحت المقدمات . وهم لم يستطيعوا معرفة ما إذا كانت مقدماتهم صحيحة ، أو غير صحيحة . والواقع أن المنطق يجب عليه ألا ينظر إلى صدق المقدمات في ذاتها . ولهذا يميل المنطق المعاصر إلى الاستعاضة عن التصورات برموز ، وهذا يدل على الطابع الشكلي الواجب توافره في نظرية القياس .

ونحن نقول في التعريف : « قول مؤلف من قضايا متى سلّمت . . . » — وهذا قد يُشعر بأن الأصل هو أن تعطى المقدمات أولاً ، ثم يقوم الإنسان باستخلاص النتائج ، أعني أن القياس عملية استخلاص نتائج : والواقع أن القياس

(1) J. S. Mill : A system of logic , III , iii , g.

ليس هذا فحسب ، فقد يكون لدى مطلوب أريد البرهنة عليه فأبحث له عن مقدمات تثبته ، فيكون هو المعطى أولاً ، لا المقدمات . ولهذا فإن القياس هو بالأحرى عملية البحث عن البرهان ، أولى من أن يكون عملية استخلاص النتائج^(١) .

أجزاء القياس

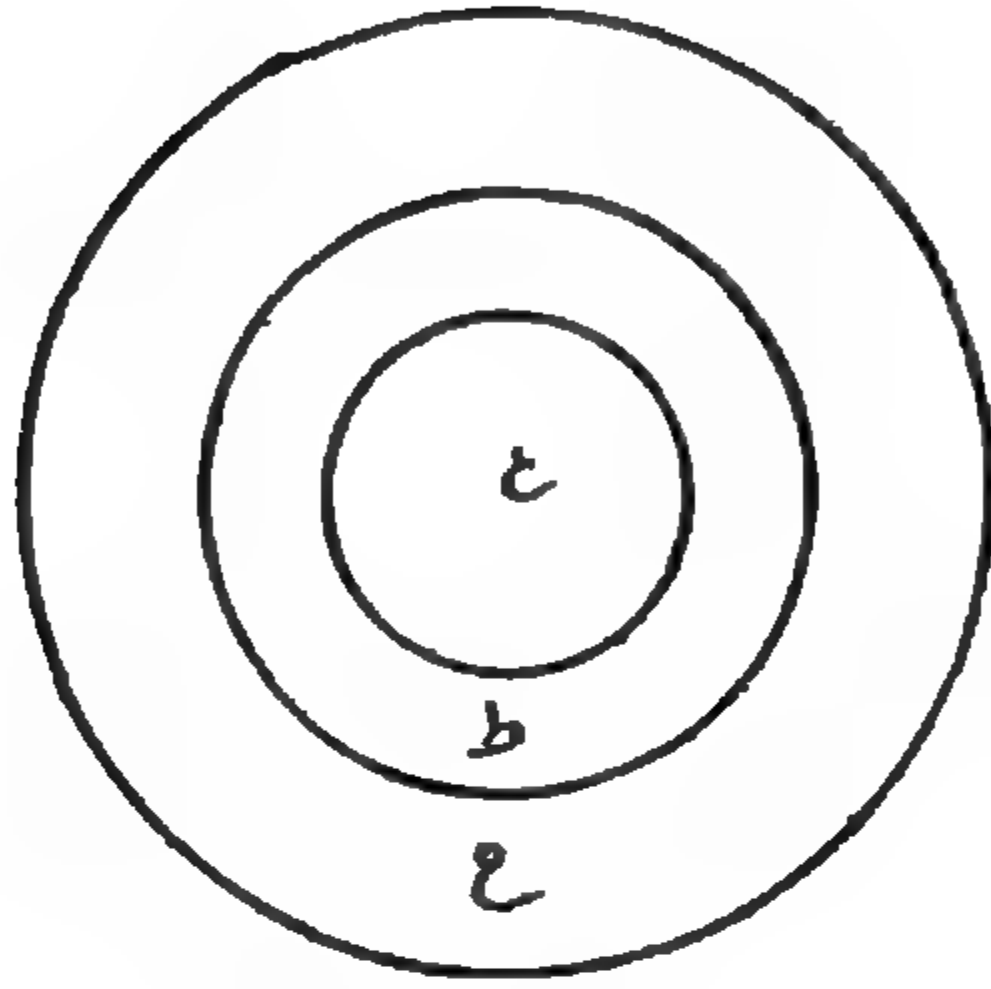
٩٤ - القضية إذا ركبت في القياس ، تسمى «مقدمة» . «وأجزاء المقدمة الذاتية التي تبقى بعد التحليل تسمى حدوداً» . فالمقدمة الحلية إذا حُلِّمَتْ إلى أجزائها الذاتية ، بقي الموضوع والحمول . أما السور والجهة فليسا ذاتيين للقضية . والرابطة وإن كانت ذاتية ، لكنها لفظة دالة على الارتباط ، ولا يبقى الارتباط بعد الانحلال . ولتمثل للقياس والمقدمة والحدود مثلاً وهو : كل جسم مؤلف وكل مؤلف محدث - يلزم منه أن : كل جسم محدث . فقولنا : كل جسم مؤلف - مقدمة ، وكذلك : كل مؤلف محدث ، مقدمة أخرى . وأجزاؤه من : الجسم ، والمؤلف ، والمحدث - حدود . ومجموع المقدمتين على النظم الذي نظمناه : قياس . واللازم منه ، وهو أن كل جسم محدث ، يسمى عند اللزوم « نتيجة » ، وقبل اللازم عند أخذ الذهن في ترتيب المقدمات : مطلوباً^(٢) .

وكل قياس بسيط مؤلف بالضرورة من مقدمتين مكونتين من حدّين ، بينهما حدٌّ ثالثٌ مشترك . وهذا الثالث المشترك لا يظهر في النتيجة . ولما كان متوسطاً بين الحدّين الآخرين سُمِّيَ حدّاً أوسطاً . أما الحدّان الآخران فيكونان النتيجة : فما هو محمولٌ فيها يسمى الحدّ الأكبر ، وما هو موضوع فيها يسمى الحدّ

(١) راجع هـ . جوزف ، ص ٢٥٤ - ٢٥٥ .

(٢) « البصائر النصيرية » .

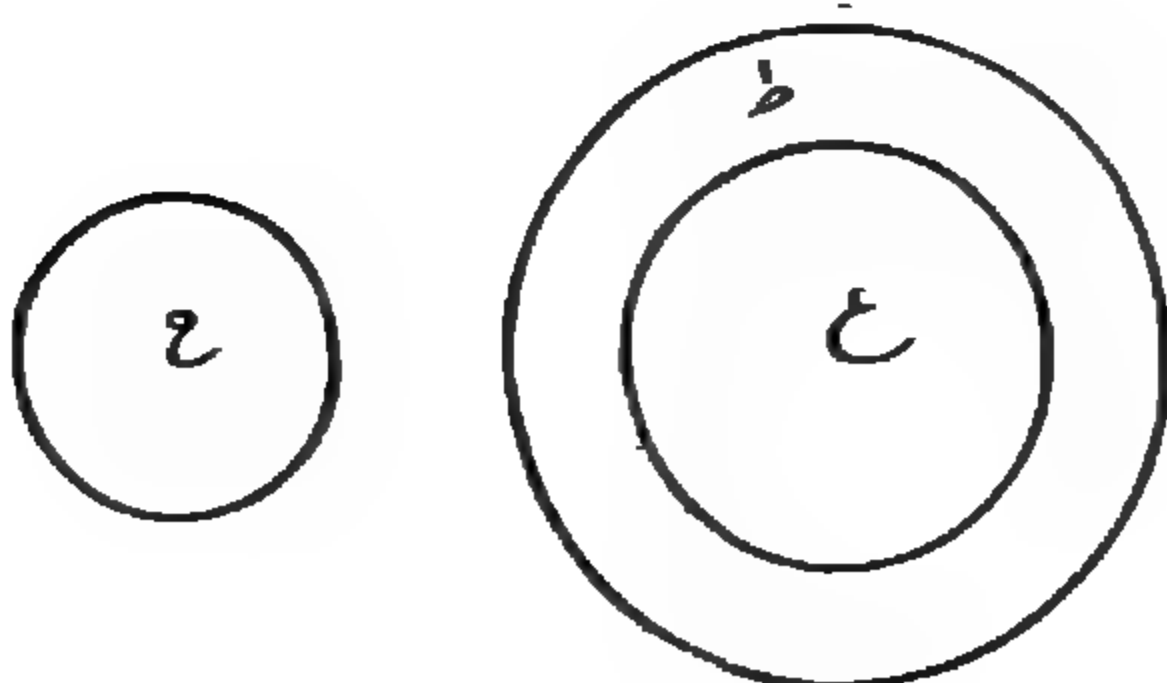
الأصغر . وهذه التسمية ناشئة عن اعتبارنا للضرب الأول من الشكل الأول ،
فإننا نجد فيه أن محمول النتيجة يكون دائماً أكبر الحدود أفراداً ،
وموضوعها أصغرهما ، والأوسط في مركز وسط . ويمكن تمثيل ذلك
بالشكل التالي :



ولكن هذه النسبة ليست عامة في كل الأحوال ، فمثلاً حينما تكون
إحدى المقدمات سالبة أو جزئية ، تتغير النسبة . فمثلاً في القياس (من
الضرب Celarent) :

$$\begin{array}{r} \text{لا ط هي ح} \\ \text{كل ع هي ط} \\ \hline \text{لا ع هي ح} \end{array}$$

نجد فيه أن الحد الأكبر أصغرهما أفراداً ، والأوسط أكبرهما ، على
النحو التالي :



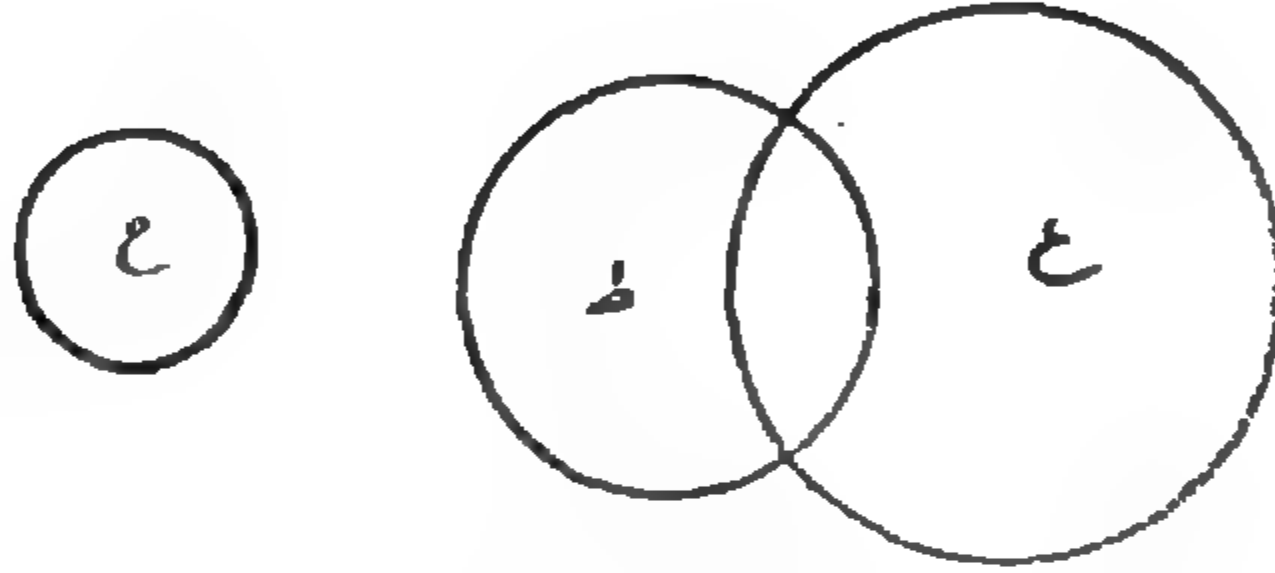
وكذلك في القياس (من الضرب Ferio) :

لا ط هي ح

بعض ع هي ط

∴ ليس بعض ع هي ح

في هذا القياس الحد الأكبر أصغرهما أفراداً ، والأصغر أكبرهما أفراداً ،
كما في الشكل التالي :



والأوسط هو الحد الذي يربط بواسطته بين الحدين الآخرين ، وتنتهي مهمته
في المقدمات ، ولهذا لا يظهر في النتيجة . — والمقدمة التي يوجد فيها الحد الأكبر
تسمى الكبرى ، والتي يوجد فيها الأصغر هي الصغرى .

والأصغر هو موضوع النتيجة ، والأكبر هو محمول النتيجة . وبهذا يمكن
التمييز بين الكبرى والصغرى في القياس على أساس أن الكبرى هي التي فيها
محمول النتيجة ، والصغرى هي التي فيها موضوع النتيجة .

والمناطق الأوربيون يضعون الكبرى أولاً وتليها الصغرى ثم النتيجة .
أما المنطقة العرب فيعكسون الوضع ويجعلون الصغرى أولاً ثم الكبرى
ثم النتيجة . ويميل إلى رأى العرب هذا استانلى جفتز Stanley Jevons ، فإنه
يقول إن إدراك صحة القياس يكون أسهل وأوضح إذا وضعت الصغرى أولاً .
لكن هذه الملاحظة ليست وجيهة : ففي الضرب الأول من الشكل الأول ، وهو

المتخذ أساساً ونموذجاً أعلى لكل أضرب القياس ، نجد أن الأفضل هو أن نوضع الكبرى أولاً لأنها على صورة قانون أو قاعدة كلية عامة .

وسنرمز إلى الأ كبر بالحرف ح ، والأصغر بالحرف ع ، والأوسط بالحرف ط .

تقسيم القياس

٩ — يقسم المناطقة العرب القياس إلى قسمين رئيسيين : استثنائي واقتراضي . فإذا كانت عين النتيجة أو نقيضتها مذكورة في القياس بالفعل ، سمي استثنائياً ، مثل :

إن كان هذا جسماً فهو متحيز

لكنه جسم

∴ هو متحيز

وهذه النتيجة مذكورة بالفعل في المقدمة الكبرى . ولو قلنا :

لكنه ليس بمتحيز

∴ هو ليس بجسم

فإن نقيض النتيجة وهو : « هو جسم » — مذكور في الكبرى . وسمي « استثنائياً » لوجود أداة الاستثناء فيه ، وهي : « لكن » .

وإن لم تكن عين النتيجة ولا نقيضتها مذكورتين بالفعل بل بالقوة ، سمي اقتراضياً كقولنا :

كل جسم مؤلف

كل مؤلف حادث

∴ كل جسم حادث

وليست هذه النتيجة ولا نقيضتها مذكورة بالفعل فيه . وسمى اقترانياً لاقتران الحدود فيه بلا استثناء .

والقياسات الاقترانية قد تكون من حليات ساذجة ، وقد تكون من شرطيات ساذجة (أى شرطيات فقط) ، وقد تكون مركبة من الحليات والشرطيات معاً . والقياسات الاستثنائية مؤلفة من مقدمتين إحداهما شرطية لا محالة ، والأخرى استثنائية . وعلى هذا ينقسم القياس إلى قسمين : اقتراني categorical واقتراني شرطي conditional ، والأول هو المؤلف من حليات فقط ، والثاني هو المؤلف من الشرطيات فقط أو منها ومن الحليات ، وأقسامه خمسة : لأنه إما أن يتركب من متصلتين ، أو منفصلتين ، أو متصلة ومنفصلة .

ولكن بعض المنطقة العرب ، مثل الأخضري في « السَّلم » ، وابن الحاجب ، والفزالي ، ذهب إلى أن الاقتراني مختص بالحليات الساذجة وحدها ؛ والاستثنائي هو المركب من الحليات والشرطيات (بنوعيهما) معاً . وحينئذ يقسمون الاستثنائي إلى استثنائي متصل ، واستثنائي منفصل . وسنتحدث عن هذا الاختلاف عند الكلام على القياس الاستثنائي .

قواعد القياس

٩٦ — يشترط لصحة انعقاد القياس القواعد التالية :

١ — « يجب أن يكون في القياس ثلاثة حدود فقط » . وضرورة هذه القاعدة واضحة ، وذلك لأن القياس هو حجة فيها توضع علاقة (على هيئة المحمول والموضوع) بين حدّين ، بواسطة علاقة مشتركة بينهما (على هيئة محمول وموضوع) وبين حدّ ثالث . فلا قياس إذن دون حدّ ثالث . كما أن القياس لا يتم إذا كان مكوناً من أكثر من ثلاثة حدود . وهذا يحدث في حالتين :

(الأولى) حينما نقول :

$$١ + ٩ = ١٠$$

$$٤ + ٦ = ١ + ٩$$

$$٥ + ٥ = ٤ + ٦$$

$$٥ + ٥ = ١٠ \dots$$

ولكن يلاحظ أن هذا النوع من الاستدلال يمكن إرجاعه إلى سلسلة من الأقيسة ، وليس قياساً واحداً ، فهو إذن قياسٌ مركب .

(والثانية) حينما يُستخدم الأوسط بمعنى مشترك ، فيكون لدينا في الواقع أربعة حدود أو أكثر . وهذا نوعٌ من المغالطة يسمى أغلوطه الحد الرابع quaternio terminorum ومن الأمثلة المشهورة عليها المثل اللاتيني القديم :

finis rei est illius perfectio

mors est finis vitae

ergo mors est perfectio vitae

والمغالطة هنا في استعمال الكلمة finis في الكبرى بمعنى الغاية والتمام ،

وفي الصغرى بمعنى : النهاية والانقضاء .

وتسمى المغالطة حينما تكون ناشئة عن استعمال الأوسط بمعنى مشترك -

باسم : « أغلوطه الأوسط المشترك » fallacy of ambiguous middle .

٢ - « يجب أن لا تحتوي النتيجة على الحد الأوسط » .

وذلك لأن مهمة الحد الأوسط هي الربط بين الحدين البعيدين . وهذه

المهمة تنتهى عند النتيجة ، فيجب إذن أن لا يذكر فيها .

ويلاحظ على هاتين القاعدتين ، الأولى والثانية ، أنهما ليستا قاعدتين بالمعنى

الحقيقي ، بل هما وصفٌ للقياس وتعريف له ، وليستا شرطين لصحة انعقاده .

أما القواعد التالية فهي قواعد صحة انعقاد القياس :

٣ — « يجب أن يكون الحد الأوسط مستغرقاً ، على الأقل مرة واحدة »
لأنه إن لم يكن مستغرقاً ، أى مشيراً إلى كل الأفراد الصادق عليها ،
فإن من الممكن أن نشير في المقدمة الكبرى إلى جزء غير الجزء المشار إليه
في المقدمة الصغرى . وحينئذ لا يقوم بوظيفته ، أعنى الربط بين الحدين البعيدين ،
فلا ينعقد القياس .

وهذه القاعدة من القواعد الأساسية جداً في القياس ، ويؤدي الإخلال بها
إلى أغلوطة تسمى أغلوطة الأوسط غير المستغرق fallacy of undistributed
middle ومع ذلك لم تخلُ من طعن . فإن هاملتون يقول إنه لا داعي لاشتراط
استغراق الحد الأوسط استغراقاً تاماً ، بل يكفي أن يكون الاستغراق لأكثر
من نصف الأفراد كي يصحّ القياس . ولهذا يعدّل هذه على النحو التالي :
« يجب أن يكون كمّ الحد الأوسط ، مقدراً في وظيفته (في الكبرى والصغرى)
أكبر من كمّ الحد نفسه مستغرقاً » — مثال ذلك :

معظم الناس مرتكبون للخطايا

نصف الناس سينجون من العقاب الإلهي

بعض مرتكبي الخطايا سينجون من العقاب الإلهي .

وقد ردّ أميل شارل Emile Charles على هذا الاعتراض بأن قال :
إن هاملتون نفسه يقرر أن الحد الذي لا تكون كميته معينة هو وحده الجزئي ؛
وما عدا ذلك فكلّي . و « معظم » و « نصف » هي حدود معينة الكمية ،
فهي إذن كلية .

وتظهر أهمية هذه القاعدة بوضوح في الشكل الثالث ، حيث يكون الحد
الأوسط موضوعاً في المقدمتين . فحينما لا يكون الأوسط مستغرقاً ، ولو مرة
واحدة ، فمن الواضح أنه لا يكون ثمت حد أوسط بالمعنى الحقيقي . مثال ذلك :

بعض الحيوان طيار .

بعض الحيوان قارض .

ومعروف أن القوارض غير التي تطير ، ولكن لا أستطيع أن أستنتج أن بعض القوارض طيارات .

ولكن حينما لا يكون الأوسط موضوعاً ، يكون ثمّ شيء من التعسف في التحدث عن الاستغراق ، وذلك في رأى الذين لا يتفقون مع أصحاب نظرية كمّ المحمول في قولهم إنه هو الآخر ذو كمّ ويفكر فيه بحسبانه ذا كمّ .
وتبعاً لهذه القاعدة الثالثة ، فإنه إذا كان الأوسط موضوعاً في جزئية ، أو محمولاً في موجبة ، فإن المقدمة الأخرى يجب أن تكون كلية إذا كان موضوعاً فيها ، سالبة إذا كان محمولاً فيها .

٤ — « يجب أن لا يُستغرق حدٌّ في النتيجة لم يكن مستغرقاً من قبل في المقدمات » .

وذلك لأنه إذا كان حدٌّ غير مستغرق في المقدمات ، فإنه لا يشير إلى كل الأفراد التي ينطبق عليها ؛ وهذا لا يبرّر استخدامه في النتيجة مشيراً إلى كل الأفراد . وذلك لأن الحكم لا ينتقل من الجزئى إلى الكلى . فإذا كان بعض الناس أشقر ، فلا نستطيع أن نستنتج أن كل الناس شُقر .

ومخالفة هذه القاعدة تسمى عملية الأصغر غير المشروع ، أو الأَكْبَر غير المشروع حسب الأحوال illicit process of the major or minor term

لوازم هذه القاعدة :

(١) يجب أن يوجد في المقدمات حدٌّ مستغرق زيادة عما في النتيجة ، لأن كل حدّ مستغرق في النتيجة مستغرق كذلك في المقدمات ، ثم إن الأوسط مستغرق بالضرورة ، تبعاً للقاعدة الثالثة من قواعد القياس .

(ب) إذا كانت النتيجة سالبة ، فلا بد أن يكون الأكبر مستغرقاً في الكبرى ، لأنه مستغرق في النتيجة .

(ح) كبرى القياس ذى النتيجة السالبة لا يمكن أن تكون جزئية موجبة ، لأن هذه لا تستغرق شيئاً ، بينما الأكبر مستغرق في النتيجة .

(د) إذا كان الأصغر موضوعاً في جزئية صغرى ، أو محمولاً في موجبة صغرى ، فإن النتيجة لا يمكن أن تكون كلية . وإذا كان الأكبر محمولاً في كبرى موجبة ، فإن النتيجة لا يمكن أن تكون سالبة .

ويجب أن نلاحظ أن عكس هذه القاعدة ليس بصحيح بالضرورة ، أعنى أنه إذا كان في المقدمات حد مستغرق فليس من الضروري أن يكون هذا الحد مستغرقاً في النتيجة . وإنما الشاهد دائماً هو أن الحد الأصغر يكون في النتيجة كما هو في المقدمة الصغرى ، أعنى أنه إذا كان مستغرقاً في الصغرى فإنه يمكن أن يكون دائماً مستغرقاً في النتيجة .

• — « لا إنتاج بين السالبتين » .

لأن السالبتين يفصلان كلاً من الموضوع والمحمول عن الأوسط . ولكن إذا فصل شيئان عن شيء ثالث ، فلا ينتج أنهما نفس الشيء ولا أنهما ليسا نفس الشيء . مثلاً : إذا كان الأسباب غير أتراك ، وكان الأتراك غير مسيحيين ، فلا ينتج أن الأسباب غير مسيحيين .

وهذه القاعدة أساسية جداً ، وإحدى القواعد الثلاث التي عدها هاملتون ضرورية قبل أن يرجع هذه القواعد كلها إلى قاعدة واحدة .

يبد أنه يلاحظ ، مع ذلك ، أن بعض الأقيسة التي تكون الرابطة فيها رابطة مقدار لا تخضع لهذه القاعدة . مثال ذلك :

أبراج كنيسة نوتردام ليست عالية علو أبراج كنيسة استراسبورج
وأبراج كنيسة استراسبورج ليست عالية علو الأهرام
.. أبراج كنيسة نوتردام ليست عالية علو الأهرام .

٦ — « القضيتان الموجبتان لا تنتجان قضية سالبة » .

لأنه إذا كان حدا النتيجة مرطبتين بثالث ، فلا يمكن إثبات أنهما
منفصلان .

٧ — « النتيجة تتبع الأخس : أى إنه إذا كانت إحدى المقدمتين سالبة ،
كانت النتيجة سالبة ؛ وإذا كانت إحدى المقدمتين جزئية كانت النتيجة
جزئية » .

ولنبرهن على كل شطر من شطريها على حدة :

(١) لأنه إذا كانت هناك مقدمة سالبة ، فإن الحد الأوسط مفصول عن
أحد جزئي النتيجة ، وتبعاً لهذا لا يمكن ربطهما ، وهذا ضرورى
للإنتاج بالإيجاب .

(ب) وإذا كانت هناك مقدمة جزئية ، فلا يخلو أن تكون لدينا :

١ — مقدمتان سالتان ، ولا إنتاج بينهما تبعاً للقاعدة الخامسة .

٢ — مقدمتان موجبتان .

٣ — مقدمة موجبة ، والأخرى سالبة .

فيلاحظ في حالة (٢) أن المقدمتين لما كانتا موجبتين ، وإحداهما جزئية ،
فإنهما لا تستفرقان بينهما غير حد واحد . وهذا الحد يجب أن يكون الأوسط
تبعاً للقاعدة الثالثة . وعلى ذلك سيكون الحد الأصغر غير مستغرق في المقدمتين ،
وإذن لا يكون مستغرقاً في النتيجة ، تبعاً للضرورة من القاعدة الرابعة .

ويلاحظ في حالة (٣) أن المقدمتين ستستغرقان فيما بينهما حدين فقط .
وهذان يجب أن يكونا : الأوسط (تبعاً للقاعدة الثالثة) والأكبر (تبعاً
للزامة ب من القاعدة الرابعة ، إذ يوجد لدينا مقدمة سالبة ، وهذه تقتضي
نتيجة سالبة تبعاً للشطر الأول من القاعدة ؛ وتبعاً لهذا تقتضي أن يكون الحد
الأكبر مستغرقاً في النتيجة) . وعلى ذلك لا يمكن أن يكون الأصغر مستغرقاً
في المقدمات ؛ فالنتيجة إذن جزئية ، تبعاً للقاعدة الرابعة ^(١) .

ويمكن صياغة البرهنة على هذه القاعدة بصورة أخرى هكذا :

إذا كانت إحدى المقدمتين جزئية ، فلا يمكن أن تكون النتيجة
كلية سالبة أو موجبة .

١ — لأنه إن كانت كلية موجبة ، فإن موضوعها مستغرق ، أى إن الحد
الأصغر سيكون مستغرقاً ، وهذا لا يتأتى إلا إذا كانت الصغرى سالبة ، وكان
هو محمولها ؛ أو كلية وكان هو موضوعها . ولا يمكن أن تكون سالبة ، لأن
النتيجة موجبة . فلا بد إذن أن تكون كلية ويكون هو موضوعها . فإذا كان
الحد الأصغر مستغرقاً في كلية فهو موضوعها ، ويكون الأوسط حينئذ محمولها
وغير مستغرق . ولما كان من الضروري للحد الأوسط أن يكون مستغرقاً
ولو مرة واحدة ، فلا بد أن يكون مستغرقاً في الكبرى ، وهذا لا يتأتى إلا إذا
كانت هذه كلية وكان هو موضوعها — أى إنه لا واحدة من المقدمتين إذن
جزئية بخلاف الفرض .

(١) راجع كينز ص ٢٩٠ ؛ جوزف ص ٢٧٦ .

ب — وإذا كانت كلية سالبة ، فإن محمولها وموضوعها سيكونان إذن مستغرقين ، أى إن الحدين الأكبر والأصغر لا بد أن يكونا مستغرقين في المقدمتين . فيكون لدينا إذن ثلاثة حدود مستغرقة ، لأن الأوسط لا بد أن يستغرق مرة واحدة على الأقل . إذن لا بد أن تكون إحدى المقدمتين سالبة كلية حتى يستغرق طرفاها . والمقدمة الأخرى يجب أن يُستغرق أحد طرفيها ، وهذا لا يتم إلا إذا كانت كلية موجبة ، أو جزئية سالبة ، أو كلية سالبة . ولا يمكن أن تكون واحدة من هاتين الأخيرتين ، لأنه يتكوّن لدينا مقدمتان سالبتان ، وهما لا تنتجان . فبقي أن تكون كلية موجبة . أى إنه لا واحدة من المقدمتين إذن جزئية ، بخلاف الفرض .

٨ — « لا إنتاج بين جزئيتين » .

ويمكن أن يبرهن على ذلك بسهولة كما يلي :
المقدمتان الجزئيتان إما أن تكونا :

(١) سالتين

(ب) موجبتين

(ج) إحداهما موجبة ، والأخرى سالبة .

ولا إنتاج في الحالة الأولى (١) ، تبعاً للقاعدة الخامسة .

وفي الحالة الثانية (ب) يلاحظ أن الموجبتين الجزئيتين لا تستغرقان أى حد من حدودهما ، فلما كان من الضروري استغراق الحد الأوسط (تبعاً للقاعدة الثالثة) فلا إنتاج إذاً .

وفي الحالة الثالثة (ج) يلاحظ أنه إذا أمكن الإنتاج فيجب أن تكون النتيجة سالبة (حسب الشرط الأول من القاعدة السابقة) ، فيكون الحد الأكبر مستغرقاً إذن في النتيجة . وعلى ذلك يجب أن يكون لدينا حدان ، مستغرقان في

المقدمتين ، هما الأوسط والأكبر (تبعاً للقاعدتين الثالثة والرابعة) . ولكن الجزئية السالبة والجزئية الموجبة لا تستغرقان فيما بينهما غير حدٍ واحد . إذن لا يمكن الإنتاج^(١).

(٩) « لا إنتاج بين كبرى جزئية ، وصغرى سالبة » .

لأنه لما كانت المقدمة الصغرى سالبة ، فيجب أن تكون الكبرى موجبة ، تبعاً للقاعدة الخامسة ، ولكن هذه الأخيرة جزئية كذلك . وعلى ذلك لن يكون الحدّ الأكبر مستغرقاً فيها . وتبعاً للقاعدة الرابعة ، يجب أن يكون مستغرقاً في النتيجة ، أي إن النتيجة ستكون موجبة . ولكن لما كانت لدينا مقدمة سالبة ، فلا بد أن تكون النتيجة سالبة . فهذا التناقض يبرهن على صحة هذه القاعدة ، وهي أنه لا إنتاج بين كبرى جزئية وصغرى سالبة .

وتيسيراً لحفظ هذه القواعد فإننا قد نظمناها كما يلي :

ثلاثة في الحجّة الحدود وأوسطٌ عن لازمٍ بعيدٌ
وأوسطٌ مستغرقٌ لزماً ومما لجزئيين أن يقاما
ولا يرى استغراقٌ حدّ لازمٍ بغير الاستغراق في مُقدّمٍ
وسالبٌ في الكل ليس مُنتجٌ وموجبٌ بالسلب ليس يُنتجُ
يضاف إليها ما أورد « السلم » :

وتتبع النتيجة الأخرى من تلك المقدمات ، هكذا زُكِنَ

صياغة هذه القواعد

من جديد

٩٧ — لكن هذه القواعد التسع يمكن صياغتها صياغة موجزة بردها

(١) راجع كيتز ص ٢٨٩ ؛ جوزف ص ٢٧٦ .

إلى أربع قواعد : اثنتان منها خاصتان بالاستغراق ، والأخريان تتعلقان بالكيف :

أ — فقواعد الاستغراق اثنتان :

(١) يجب أن يستغرق الحد الأوسط ، على الأقل مرة واحدة .

(٢) لا يُستغرق حدٌّ في النتيجة لم يكن مستغرقاً من قبل في المقدمات .

ب — وقواعد الكيف اثنتان أيضاً :

(٣) لا إنتاج بين سالتين .

(٤) إذا كانت إحدى المقدمتين سالبة ، كانت النتيجة سالبة ؛ وللبرهنة

على قضية سالبة ، يجب أن تكون إحدى المقدمتين سالبة .

رد هذه القواعد الأربع بعضها إلى بعض

ويمكن رد هذه القواعد الأربع الأخيرة بعضها إلى بعض على النحو التالي :

أ — فالقاعدة (٣) يمكن أن تستنتج من القاعدة (١) كما يلي^(١) :

لفرض أن المقدمتين سالتان كليتان . فإنهما في أى شكل يمكن أن يردا ،

بواسطة العكس المستوي ، إلى :

لا ح هي ط لا ع هي ط

وعن طريق نقض المحمول ترد هاتان (دون أن تفقدا شيئاً من قوتيهما) إلى :

كل ح هي لا - ط

كل ع هي لا - ط

والحد الأوسط هاهنا غير مستغرق . وهذا يدل على أن القاعدة (٣) يمكن

أن تُجْعَلَ لازمة للقاعدة (١) ، لأنه إذا أمكن استنتاج شيء من الزوج الأول

من المقدمات ، أمكن أن يستنتج من الزوج الثاني أيضاً .

(١) دي مورجن : « المنطق الشكلي » ص ١٣ .

وفي الحالة التي تكون فيها إحدى المقدمتين جزئية ، يقال إنه مادام لم يمكن استنتاج شيء من سالتين كليتين ، فبالأحرى لا يمكن استنتاج شيء من مقدمتين سالتين إحداهما جزئية .

ب — والقاعدة (٣) يمكن أن نستنتج منها الشرط الأول من القاعدة (٤) :

لأنه إذا فرضنا أن القضيتين Q و M تبرهنان معاً على قضية ثالثة هي S ، فإنه من الواضح أن Q ونفي S يبرهنان على نفي M ، لأن Q و M لا يمكن أن تكونا صادقتين بدون S . فلنفرض الآن أن Q (السالبة) و T (الموجبة) تبرهنان على S (الموجبة) . فإنه في هذه الحالة تكون Q (السالبة) ونفي S (السالبة) تبرهنان على نفي T . ولا إنتاج بين سالتين ، بحسب الفرض . إذن الفرض الأصلي غير صحيح .

ومن هذا كله يتبين أن الشرط الأول من القاعدة (٤) يمكن أن يُعدَّ لازمةً للقاعدة (٣) ، وأن القاعدة (٣) بدورها يمكن أن تُعدَّ لازمةً للقاعدة (١) .

كما أن من الممكن ، من ناحية أخرى ، إرجاع القاعدة (١) والقاعدة (٢) كلَّ منهما إلى الأخرى بالطريقة التالية :

لنفرض أن S و T مقدمتان M S نتيجة قياس يحتوى حدًّا أصغر أو أكبر غير مشروع ، بأن كان الحد S غير المستغرق في S مستغرقاً في S حينئذ نجد أن نقيضة S إذا أخذت مع S تبرهن على نقيضة T . ولكن أي حد يكون مستغرقاً في قضية لا يكون مستغرقاً في نقيضتها . إذن S غير مستغرق في نقيضة S ؛ وبحسب الفرض هي غير مستغرقة في S ولكن S هي الحد الأوسط للقياس الجديد ، الذي سيكون حينئذ منطوياً على أغلطة الحد الأوسط غير المستغرق . وهذا يدل على أن كل قياس يتضمن مباشرة

أغلوطة الحد الأكبر أو الأصغر غير المشروع يتضمن بطريق غير مباشر أغلوطة الحد الأوسط غير المستغرق .

وهذا يدل على أن القاعدة (٢) ترجع إلى القاعدة (١) . فلم يَبْقَ إذن غير القاعدة (١) والجزء الثانى من القاعدة (٤) - أى إن قواعد القياس تردُّ إلى قاعدتين :

أ - قاعدة الاستغراق : يجب أن يكون الحد الأوسط مستغرقاً ، على الأقل مرة واحدة ، فى المقدمات .

ب - قاعدة الكيف : لكي يُبَرِّهَنَ على نتيجة سالبة يجب أن تكون إحدى المقدمتين سالبة .

والمهم فى هذا كله أنه ليس المقصود بعملية الرد هذه أن كل قياس غير صحيح هو المخالف مباشرة لواحدة من هاتين القاعدتين . فإن محكَّ الاختبار ، من أجل اكتشاف القياسات غير الصحيحة ، لا يزال هو القواعد الأربع المذكورة . وإنما المهم فى هذا الإرجاع أو الرد هو بيان أن هذه القواعد الأربع ليست مستقلة بعضها عن بعض .

٩٨ - الاعتراضات على هذه القواعد :

ولقد شاهدنا كيف أثبتت اعتراضات على بعض هذه القواعد . بيد أن هذه الاعتراضات تسقط إذا لاحظنا طبيعة القياس الحقيقية ، وهى :

أولاً : أن الرابطة رابطة تضمين دائماً .

ثانياً : أن الحدود ثلاثة ، وثلاثة فقط .

فالملاحظة الأولى فيها ردُّ على الاعتراض الخاص بإمكان الاستنتاج من

سالبتين . والملاحظة الثانية فيها رد على الاعتراضين الخاصين :

١ — بإمكان الإنتاج مع كون الأوسط غير مستغرق ، حين نقول :

كل ح هي ط

كل ع هي ط — وفي هذا ط غير مستغرقة

فالناتج : بعض لا — ع هو لا — ح

ب — بإمكان الإنتاج مع وجود أغلوطة الحد الأكبر ، حين نقول :

كل ط هي ح

كل لا — ط هي ع

والناتج : ليس بعض ع هو ح

ففي هاتين الحالتين يلاحظ أن الحدود أكثر من ثلاثة (في الأول :

ع ، ح ، ط ، لا — ع ، لا — ح ؛ وفي الثاني : ط ، ح ، ع ،

لا — ط) ، ومن هنا أمكن الإنتاج إنتاجاً صحيحاً .

مبدأ القياس

٩٩ — صاغ أرسطو مبدأ القياس على النحو التالي :

« نحن نقول عن شيء محمولة عليه صفة إنه مستغرق ، حينما يكون من

المستحيل أن نجد جزءاً من الموضوع لا تحمل عليه الصفة . وكذلك حين

يقال : ليس محمولاً على شيء ، (« التحليلات الأولى » المقالة الأولى ، الفصل

الأول ، ص ٢٤ ب س ٢٦) .

وجاء الاسكلاطيون في العصور الوسطى الأوربية فصاغوها على النحو التالي :

« صفة الصفة صفةً للشيء نفسه ؛ ورفع الصفة رفعاً عن الشيء نفسه .
والمحمول على الكل محمولٌ هو نفسه على البعض أيضاً ؛ واللا محمول على الكل
لا محمول على البعض » .

ثم عبّروا عنه بتعبير موجز ، فسمّوه : « مقالة الكل واللا شيء » .
dictum de omni et nullo.

ويلاحظ أن الجزء الأول من هذه الصيغة يشير إلى أن الحد الأوسط يعتبر
من حيث أنه صفة لموضوع هو الحد الأصغر ؛ بينما الجزء الثاني يشير إلى أن الحد
الأوسط يمثل ، بالنسبة إلى العقل ، صنفاً منظوراً إليه من حيث أفرادهِ .

إلا أن الملاحظ أن هذه « المقالة » لا تنطبق مباشرة إلا على القياس الذي
من الشكل الأول ، بينما الواقع هو أن قواعد القياس تنطبق على جميع الأشكال .
لهذا حاول بعض المناطق استخراج قواعد القياس السانقة الذكر ، من هذه
« المقالة » ، « مقالة الكل واللا شيء » . ومن الذين حاولوا ذلك كينز ، وفي
سبيل ذلك صاغ « المقالة » على النحو التالي :

« ما يحمل ، سلباً أو إيجاباً ، على حدٍّ مستغرق ، يمكن أن يحمل بالطريقة
عينها على كل شيء داخل تحته » - ويبرهن على ذلك كما يلي :

أ - هذه « المقالة » تشير إلى ثلاثة حدود فحسب ، هي (١) حد يجب أن
يكون مستغرقاً ؛ (٢) شيء محمول على هذا الحد ؛ (٣) شيء داخل تحته .
وهذه الحدود هي على التوالي : الأوسط ، الأكبر ، والأصغر .

ب - « المقالة » تدل ليس فقط على وجوب استغراق الحد الأوسط مرة
واحدة على الأقل في المقدمات ، بل تقول بالتحديد إنه سيكون مستغرقاً
في الكبرى : « كل ما يحمل على حدٍّ مستغرق » .

ج - وتشير أيضاً ، بطريق غير مباشر ، إلى أغلوطة الأكبر غير المستغرق .

فإن هذه الأغلوطة ترتكب فقط حينما تكون النتيجة سالبة ؛ ولكن العبارة :
« بالطريقة عينها » تقول إنه إذا كانت ثمة نتيجة سالبة ، فإن الكبرى يجب
أن تكون سالبة . ونظراً إلى أن كل قياس تنطبق عليه هذه « المقالة » مباشرةً
الحدُّ الأكبر فيه محمولٌ في هذه المقدمة ، فإنه سيكون مستغرقاً في مقدمته
وفي النتيجة .

كما أن « المقالة » تشير إلى أغلوطة الأصغر غير المستغرق من حيث أنها
لا تضمن لنا في الحل في النتيجة إلا ما ظهر في المقدمة الصغرى أنه داخلٌ تحت
الحد الأوسط .

د — والقضية التي تقول إن شيئاً يدخل تحت الحد المستغرق يجب
بالضرورة أن تكون قضية موجبة ، أي أن « المقالة » تشير إذن إلى أن المقدمات
لا تكون سالبة كلها .

هـ — والعبارة : « بالطريقة عينها » تشير إلى الإخلال بالقاعدة التي تقول :
إذا كانت إحدى المقدمتين سالبة ، كانت النتيجة سالبة ، والعكس بالعكس .

* * *

١٠٠ — ولكن المناطقة المحدثين لاحظوا أن هذه « المقالة » تشير إلى
القياس الذي من الشكل الأول فحسب ، ولا تشير إلى كل الأضرب ، فأبدلوا
بمبدأ القياس كما تعبر عنه هذه « المقالة » مبادئ أخرى أشمل وأدق . وأشهر
من فعلوا ذلك كانت Kant ثم هاملتون . فقال كنت إن مبدأ القياس يجب
أن يصاغ بدقة على النحو التالي :

« ما يتوقف على شرط قاعدة ، يتوقف أيضاً على القاعدة نفسها » .

أما هاملتون فقد قال بقاعدة عامة لكل أنواع القياس . وليست هذه
القاعدة مبدأً مجرداً ، وإنما هي الشرط الأصلي لكل قياس . فقال إن العلاقات
بين الحدين البعيدين تقوم على العلاقات بينهما وبين الحد الأوسط .

فإذا نظرنا إلى الحدود من حيث الكم فإن الحل الإيجابي يكون بحمل :

١ — كل على كل آخر

٢ — كل على جزء

٣ — جزء على كل

٤ — جزء على جزء آخر

والحل بالسلب يكون برفع :

٥ — جزء عن جزء

٦ — جزء عن كل

٧ — كل عن جزء

٨ — كل عن كل

وهذه العلاقات على الترتيب الذى ذكرناه ، تكون سلسلة تنازلية من الأولى التى هى محل كل إلى الأخيرة التى هى رفع كل . فلنقسم الأولى على سبيل الإيجاز : « الأقوى » ، والأخيرة : « الأخرس » . وحينئذ سيكون مبدأ القياس هو القاعدة التالية التى تنطبق على جميع الأضرب وتقوم مقام جميع القواعد ، مزية — فى نظر هاملتون — جميع ما فيها من عيوب ونقائص ، وهى :

« العلاقة الأخرس الموجودة بين حد أو آخر من حدين وبين حد ثالث بعينه ، يحمل عليه بالإيجاب واحد منهما على الأقل ، تثبت بين هذين الحدين نفسيهما » .

أما المبدأ الذى يقوم عليه اليقين فى القياس فهو مبدأ الذاتية أو عدم التناقض^(١) .

(١) راجع تعليقة اميل شارل Charles على نشرته لمنطق يورويال ص ٢٨١ — ٢٨٢ .

تقد برهنة هذه القواعد

١٠١ - ينقد خصوم نظرية كم المحمول هذه البرهنة على قواعد القياس لأنها تفترض كمية المحمول . ولكن ليس هذا عيبها الحقيقي ، كما يقول رايبه ، وإنما عيبها الحقيقي هو « أنها تقنع العقل دون أن تنيره » . فكما لاحظ جوبلو [§ ١٣٨ ص ٢٢٠ - ص ٢٢١] « يستطيع المرء أن يبرهن على كل قواعد القياس ، وأن يميز بواسطتها بين الحجج الباطلة والحجج الصحيحة دون اعتبار لأية صلة من الصلات المنطقية التي تكون البراهين . وفي استطاعته أيضاً بوضعه الحد الأوسط وضعاً خاصاً ، وتبعاً لهذا بقية الحدود ، وتطبيقه القواعد ، أن يركب كل الضروب الصحيحة في كل شكل من الأشكال ، دون أن يفهم طبيعة البرهنة الخاصة بكل شكل على حدة ، والمختلفة فيما بين الأشكال بعضها وبعض . فإننا في الواقع نستبعد بواسطتها الأقيسة الفاسدة ونرتب الأقيسة الصحيحة تبعاً لعلاقات خارجية ، دون إدراك لحقيقتها الباطنة » .

أشكال القياس المحلى

١٠٢ - يحدد المنطق المدرسى أشكال للقياس تبعاً لموضع الحد الأوسط في المقدمات . وعلى هذا تكون للقياس أشكال أربعة :

الشكل الأول	الشكل الثانى	الشكل الثالث	الشكل الرابع
ط ح	ح ط	ط ح	ح ط
ع ط	ع ط	ط ع	ط ع

ولكن يلاحظ على هذا التقسيم أنه يقوم على أساس علامة خارجية صرفة هى وضع الحد الأوسط بالنسبة إلى بقية الحدود في المقدمات . وهذا من شأنه أن لا يجعلنا نقبل بوضوح طبيعة البرهنة الخاصة بكل شكل . كما أنها ، من ناحية

أخرى ، تضطرنا إلى القول بوجود شكل رابع لا وجود له في الواقع ، لأن الأضرب الخمسة التي يتألف منها هذا الشكل ترجع إلى أضرب للأشكال الثلاثة الأخرى أسيئت صياغتها . وحينما نرى قياساً يظهر بمظهر الشكل الرابع ، فالأصل في هذا أننا جعلنا الحد الأكبر هو الحد الأصغر ، والأكبرى هو الصغرى . وأرسطو لم يعرف هذا الشكل ، وإنما اخترعه كلوديوس جالينوس . ورجال المصور الوسطى اختلفوا فيه : فمنهم من رفضه ، ومنهم من اعترف به ، سواء بين المناطق المسلمين والمسيحيين . ثم جاء لاشلييه Lachelier فبرهن على أنه لا يوجد بالضرورة غير ثلاثة أشكال ، ولا يمكن أن يوجد شكل رابع ضرورة . وسنتناول هذه المسألة بتفصيل أوسع حين الكلام على الشكل الرابع .

ولهذا يرى جيلو [§ ١٣٧] أن التقسيم يجب أن يقوم على أساس باطن ، بأن تحدّ الأشكال الثلاثة تبعاً لطبيعة البرهنة الخاصة بكل شكل شكل . وهذه الأنواع من البرهنة سنجدّها ، مع ذلك ، تختلف تبعاً لوظيفة الحد الأوسط ، وأن موضع الحد الأوسط يختلف تبعاً لوظيفته .

على أن الشريف الجرجاني في شرحه على « شرح القطب على الشمسية » بين أساس الإنتاج في الأشكال الأربعة على أساس طبيعة وظيفة الحد الأوسط فقال : « اعلم أن حاصل الشكل الأول هو اندماج الأصغر بأكمله أو بعضه في الأوسط المحكوم عليه كلياً بالأكبر ، إيجاباً أو سلباً . فيكون الأصغر ، بأكمله أو بعضه ، أيضاً محكوماً عليه بالأكبر : إما إيجاباً أو سلباً . فينتج المحصورات الأربع ، وذلك من خواصه ، فإن ما عداه لا ينتج إيجاباً كلياً .

« وأن حاصل الشكل الثاني أن الأصغر والأكبر متنافيان في الأوسط إيجاباً و سلباً ، فيتنافيان قطعاً ، فيكون الأكبر مسلوباً عن الأصغر كلياً

أو جزئياً ، فلا ينتج الشكل الثانى إلا سالبة . فضربان منه ينتجان سالبة كلية ، وآخران سالبة جزئية .

وأن حاصل الشكل الثالث أن الأصغر لاقى الأوسط إيجاباً ، والأكبر لاقاه : إما إيجاباً أو سلباً ، فيتلاقيان فى الجملة : إما إيجاباً أو سلباً ، فلا ينتج الشكل الثالث إلا جزئية ، فثلاثة ضروب منه تنتج موجبة جزئية ، وثلاثة أخرى سالبة جزئية .

« وأما الشكل الرابع فينتج موجبة جزئية^(١) ، وسالبة : إما كلية^(٢) ، أو جزئية^(٣) » [ص ٢٧٤] ولهذا تترتب الأشكال تبعاً لطبيعة النتائج فى كل منها ، من حيث الكم والكيف .

فيقال أولاً من حيث الكيف : إن الإيجاب أشرف من السلب لأن الإيجاب وجود ، والسلب عدم ؛ ومن حيث الكم : إن الكلى أشرف من الجزئى ، لأن الكلى أضبط وأنفع فى العلوم ، كما أنه أخص من الجزئى ، والأخص لاشتماله على أمر زائد يكون أشرف . ولهذا فإن الموجبة الكلية هى أشرف المحصورات الأربع لاشتمالها على أشرفين ؛ وأخصها السالبة الجزئية لاحتوائها على أخصين ؛ والسالبة الكلية أشرف من الموجبة الجزئية ، لأن شرف السلب الكلى باعتبار الكلية ، وشرف الإيجاب الجزئى بحسب الإيجاب ؛ وشرف الإيجاب من جهة واحدة ، وشرف الكلية من جهات متعددة . ولما كان المقصود من الأقيسة نتائجها ، رتب باعتبار ترتيب نتائجها شرفاً ، فقدّم المنتج للأشرف على غيره^(٤) .

(١) فى ضربين .

(٢) فى ضرب واحد .

(٣) فى ضربين .

(٤) « شرح القطب على الشمسية » ص ٢٧٥ .

وتبعاً لهذا أيضاً تترتب الأضرب .

والضرب عبارة عن الهيئة الحاصلة عن اجتماع الصغرى والكبرى باعتبار الأسوار ، أى باعتبار الكم والكيف فى المقدمات .

١٠٣ — وليبان الأضرب المنتجة فى كل شكل يبدأ المنطق المدرسى فيقول إن تركيب القضايا الثلاث بعضها مع بعض ، وكل واحدة منها يمكن أن تكون من أربعة أنواع (ل ، ل ، ب ، س) ، هو : $٤^٢ = ٦٤$.

ومن بين هذه الأضرب الأربعة والستين : هذه مخالفة لهذه القاعدة ، وتلك مخالفة لتلك القاعدة ؛ وبإسقاط هذه الضروب المخالفة تبقى عشرة أضرب منتجة ؛ ومن هذه الأضرب ما هو مشترك فى شكلين ؛ فها هنا إذن أربعة عشر ضرباً منتجة إن قلنا بثلاثة أشكال فقط ، وتسعة عشر ضرباً إن قلنا بشكل رابع .

ولتوضيح ذلك نقول إن المحصورات الأربع ل ، ل ، ب ، س لو أخذت ثلاثة ثلاثة : فلا يمكن أن تتركب إلا ٦٤ تركيباً (مكعب ٤) . ومن بين هذه الأربعة والستين ضرباً :

٢٨ تسقط بواسطة القاعدتين ٥ ، ٨ القائلتين بأنه لا إنتاج بين سالبتين ولا بين جزئيتين . لأن من بينها ١٢ تسقط بكون المقدمتين سالبتين ؛ ١٢ بكون المقدمتين جزئيتين ؛ ٤ بكون المقدمتين جزئيتين وسالبتين معاً .

١٨ تسقط بواسطة القاعدة ٧ القائلة بأن النتيجة تتبع الأخرس .

٦ تسقط بواسطة القاعدة ٦ القائلة بأنه لى ينتج بالسلب لا يمكن أن تكون المقدمتان موجبتين .

١ ونغنى به ب ، ل ، س تبعاً للقاعدة ٤ .

١ ونعني به L ، L ، S تبعاً للضرورة القائلة بأن ما ينتج الكلّي ينتج الجزئي لا العكس ، ونظراً إلى أن L كمقدمة صفري يمكن دائماً أن تنتج L فإن L ، L ، S لا يمكن أن تكون قياساً مستقلاً بذاته وإنما يكون دائماً باعتبار أنه متضمن في القياس L ، L ، L . فلما كان المعتبر عادة في القياس أشرف النتائج اعتبر القياس L ، L ، L ولم يعتبر القياس L ، L ، S . على أن بعض المناطقة يعتبرونه أيضاً .

وعلى ذلك فإن الأضراب المنتجة الباقية هي ١٠ (٦٤ - ٥٤) :

ل ، ل ، ل	ل ، ل ، ل	٤ - موجبة
ل ، ل ، ل	ل ، ب ، ب	
ل ، ل ، س	ل ، ل ، ب	
ل ، س ، س	ب ، ل ، ب	
س ، ل ، س		٦ - سالبة
ل ، ب ، س		

ولكن ليس معنى هذا أن عدد الأضرب في الأشكال كلها عشرة ، لأن بعض هذه الأضرب توجد في شكلين (Festino, Ferio , Datisi, Darii) فإذا اعتبرنا الأشكال ، أى وضع الحد الأوسط ، كان هناك أربعة أضرب منتجة في الشكل الأول ، ومثلها في الشكل الثانى ، وستة في الشكل الثالث ، وخمسة في الرابع — أى تسعة عشر ضربا منتجة في جميع الأشكال .

الشكل الأول*

١٠٤ — لهذا الشكل قاعدتان :

(١) إيجاب الصغرى

لأنها إذا كانت سالبة ، فلا بد أن تكون الكبرى موجبه تبعاً للقاعدة • ،
والنتيجة سالبة تبعاً للقاعدة ٧ : إذن سيكون الحد الأكبر مستغرقاً في النتيجة
وغير مستغرق في الكبرى ، لأن النتيجة سالبة وهو محمولها فهو مستغرق فيها ،
ولأنه محمول في الكبرى وهي موجبة ، وهذا يخالف القاعدة ٤ .

(ب) كلية الكبرى

لأنه لما كانت الصغرى موجبة تبعاً للقاعدة السابقة ، فإن الحد الأوسط ،
وهو محمولها ، سيكون غير مستغرق فيها : فيجب إذن أن يكون مستغرقاً

(*) لتسهيل الأشكال وقواعد كل شكل يجب حفظ هذه الأبيات الواردة في « السلم » :

حمل بصغرى وضعه بكبرى	يدعى بشكل أول ويدرى
وحمله في الكل ثانياً عرف ؛	ووضعه في الكل ثالثاً ألف ؛
ورابع الأشكال عكس الأول ؛	وهي على الترتيب في التكمّل ؛
نخيث عن هذا النظام يعدل	ففسد النظام ؛ أما الأول :
فشرطه الإيجاب في صفراء	وأن ترى كلية كبراء
والثان : أن يختلفا في كيف مع	كلية الكبرى له شرط وقم
والثالث الإيجاب في صفراهما	وأن ترى كلية ... إحداهما
ورابع : عدم جمع المستين	إلا بصورة ففيها نستين :
صفراهما موجبة جزئية	كبراهما سالبة كلية
فتنتج لأول أربعة	كالثان ثم ثالث فسته
ورابع بخمسة قد أنتجا	وغير مذكّرت له ينتجا

في الكبرى الذي هو موضوعها ، أى يجب أن تكون الكبرى إذن كلية ، وإلا فيكون غير مستغرق في المقدمتين ، وهذا يخالف القاعدة ٣ .

١٠٥ — أضرب هذا الشكل أربعة فقط . وذلك لأن الأضرب المنتجة كما رأينا في § ١٠٣ عشرة فقط يستبعد منها بالنسبة إلى الشكل الأول :

ل ، ل ، ل ، ل ، ل ، ل ، س ، س ، تبعا للقاعدة الأولى من قواعد هذا الشكل
ب ، ل ، ب ، ل ، س ، ل ، س ، تبعا للقاعدة الثانية وهي وجوب
كلية الكبرى .

ل ، ل ، ب ، ل ، ل ، ل ، س ، تبعا للضرورة للقاعدة ٤ . فإنه لما كان
الحد الأصغر موضوعا في الصغرى ، فإن هذه لا يمكن أن تكون كلية دون أن
يكون من الممكن أن تكون النتيجة كلية كذلك .

و بعض المناطق يسمون النتيجة في هاتين الحالتين الأخيرتين باسم « النتيجة
الضعيفة » weakend conclusion ويقال عن القياس في هذه الحالة إنه قياس
ضعيف weakend syllogism أو في حالة تداخل subaltern (لأن النتيجة
يمكن أن تحصل بالاستدلال المباشر بواسطة التداخل من نتيجة الضرب غير
الضعيف المناظر) .

والمقصود من هذا أن هذين الضربين ليسا باطلين ، ولكنهما زائدان ،
لأنهما يدخلان في الضربين : ل ، ل ، ل ، ل ، ل ، ل . ولا يجب أن
يميز من النتيجة التي تصدق على كل أجزاء الكل ما من المقدمات يصدق على
بعض هذه الأجزاء .

فالباقى لدينا إذن من بين الأضرب العشرة أربعة أضرب :

$$\left. \begin{array}{l} \text{ل ، ل ، ل} \\ \text{ل ، ب ، س} \end{array} \right\} \text{ وإثنان سالبان } \left\{ \begin{array}{l} \text{ل ، ل ، ل} \\ \text{ل ، ب ، ب} \end{array} \right\} \text{ إثنان موجبان}$$

ولتسهيل حفظ هذه الأضرب المنتجة فى بقية الأشكال صاغ المدرسيون (*) هذه الأضرب فى كلمات تدل المقاطع الثلاثة الأولى منها على القضايا الثلاث بالترتيب : المقدمة الكبرى ، المقدمة الصغرى ، النتيجة ؛ وتدلى الحروف المتحركة على نوع هذه القضايا . أما الحروف الساكنة فتدلى على عمليات رد القياس ، وسنراها فى باب رد القياس . فلننظر الآن فى الحروف المتحركة . ويوجد مثالا فى اليونانية إلا أنها متأخرة لم يعرفها أرسطو ولا شراحه بل هى متأخرة عن القرن الثالث عشر وعن الكلمات الصناعية اللاتينية ، وتنسب إما إلى بطرك القسطنطينية بلميدس Blemmidas وإما إلى بزلوس Psellus (+ ١١١٠) . وهى أقل قيمة من الكلمات اللاتينية لأنها لا تحتوى على

(*) نسبتها إلى بطرس الأسبانى مشكوك فيها كل الشك . إذ وجد برنتل (ج ٣ ف ١٠ قسم ١٧ تعليق رقم ٢٩) هذه الأبيات فى مخطوطة لوليم شيريزود Shyreswood بمكتبة باريس (ج ٢ ص ٢٦٤) ، وقد توفى شيريزود سنة ١٢٤٩ ، بينما ولد بطرس سنة ١٢٢٦ تقريباً وتوفى سنة ١٢٧٧ . أما نسبة الأبيات اليونانية إلى بزلوس فشكوك فيها كل الشك كذلك .

وفى العربية صاغها اللوى فى شرحه على « السلم » كما يلى :

كم	كل	كهف له	بركساه	بهى	لذ	كم له	لاذكم	بل لف	سما كلا
كالشكن الأول	كم بدر	كوى	سلما	كم	كان	كل	بدير	لوهاد	كلا
كم	لاح	بدر	لاليل	سا	كم	كلما	سرت	له	بضروب الشكل فاكتملا

والإشارة إلى المقدمتين فقط ، وبالحروف ك (كلية موجبة) ل (كلية سالبة) ب (جزئية موجبة) ش (جزئية سالبة) : « ويدل على أول ضروب الثانى فراغ عدة ضروب الأول وكذا الباقى . ويدل على أول الرابع أيضاً توالى الكافين اللذين فى أول الشطر الاخير من البيت الثانى لأن المركب من كائتين موجبتين لا يكون إلا أول ضروب شكل بالاستقراء . وقولى كالشكل الأول أى ضروب الشكل الثالث كضروب الشكل الأول ويزيد الشكل الثالث بالضميرين اللذين بعد » .

إشارات إلى عمليات الرد . كما أن هناك محاولات مثل هذه في العربية مثالها محاولة للوى ، ولكنها أكثر نقصاً من مثيلاتها في اليونانية واللاتينية لأنها تشير إلى نوع المقدمات دون النتائج .

بيد أن هناك اختلافاً (*) كبيراً في طريقة الصياغة اللاتينية وأشهرها :

Barbara, Celarent, Darii, Ferioque, prioris:
Cesare, Camestres, Festino, Baroco secundae :
Tertia Darapti, Disamis, Datisi, Felapton,
Bocardo, Ferison, habet. Quarta insuper addit :
Bramantip, Camenes, Dimaris, Fesapo, Fresison.

١٠٧ — والطريقة السالفة في الاستخراج تسمى طريقة الإسقاط

« وأما طريقة التحصيل فإن تقول : الصغرى لا تكون إلا موجبة فهي إما كلية أو جزئية ، والكبرى لا تكون إلا كلية فهي إما موجبة أو سالبة . فإثنان في إثنين بأربعة . فضروبه المنتجة أربعة : الضرب الأول موجبتان كليتان نحو : كل إنسان حيوان ، وكل حيوان جسم ، والنتيجة كلية موجبة وهي كل إنسان جسم . الثاني : كليتان والكبرى سالبة والصغرى موجبة نحو : كل وضوء عبادة ، ولا شيء من العبادة يستغن عن النية ، والنتيجة سالبة كلية وهي : لا شيء من الوضوء

(*) مصدر الاختلافات في الشكل الرابع . فعند ايفرك Ueberweg هو :

Bamalip, Calemes, Dimatis, Fesapo, Fresison

وعند بورويال هو :

Barbari, Calentes, Dibatis, Fespamo, Fresison

أما دلالة الحروف الساكنة فهي ، (مع ملاحظة إن الحرف يؤثر في المتحرك الذي يسبقه أو بعبارة أدق القضية التي يدل عليها هذا المتحرك) :

M تشير إلى نقل المقدمات الواحدة مكان الأخرى . (مأخوذة من الكلمة metathesis)

S العكس المستوي البسيط . (مأخوذة من الكلمة simpliciter وعذوف قبلها

conversio) ويظل كم القضية كما هو في الأصل .

p عكس الكلية إلى جزئية وهو ما يسميه المدرسيون باسم العكس بالعرض

per accidens (ومن هنا جاء الحرف p)

C (مأخوذة من كلمة ductio per impossibile) وإلى هذا يشير البيتان :

S vult simpliciter verti, P vero per accid.

M vult transponi, C per impossibile duci.

بمستغن عن النية . الثالث موجبتان والصغرى جزئية والكبرى كلية ، نحو : بعض
الوضوء عبادة ٦ وكل عبادة تفتقر إلى نية - ينتج موجبة جزئية وهى بعض الوضوء
يفتقر إلى نية . الرابع صغرى موجبة جزئية ، وكبرى سالبة كلية : نحو بعض
الوضوء عبادة ٦ ولا شيء من العبادة بمستغن عن النية - ينتج سالبة جزئية وهى :
ليس بعض الوضوء بمستغن عن النية « [الملوى على « السلم »] .

وتترتب الأضرب تبعاً لما قلناه فى § ١٠٢ قال كل من أشرف من الموجب
والموجب أشرف من السالب ، والكل أشرف من الموجب .

١٠٨ - مبدأ الشكل الأول :

لما كان الحد الأكبر فى هذا الشكل محمولاً بالسلب أو بالإيجاب على
الأوسط مستغرقاً ، وكان هذا الأوسط محمولاً بالإيجاب فى الصغرى على الأصغر
وهو موضوع النتيجة ، فمن الواضح إذن أن هذا الشكل إنما يقوم على مبدئين ،
أحدهما خاص بالضروب الموجبة والآخر بالضروب السالبة .

فمبدأ الضروب الموجبة هو : « ما ينطبق على معنى مستغرق ينطبق أيضاً
على كل ما يقال عليه هذا المعنى » . ويعبر عنه المدرسيون بقولهم : « ما ينطبق
على التالى ينطبق على المقدم » *Quod convenit consequenti,*
convenit antecedenti ويعنون بالتالى المعنى المستغرق المحمول على آخر ،
وبالمقدم الموضوع المحمول عليه المستغرق ، لأن المحمول فى الواقع يستنتج كتالى
من الموضوع : إذا كان إنساناً ، كان حيواناً . ومثال هذا أنه لما كان معنى
« حيوان » منطبقاً على أفراد الإنسان فإنه ينطبق على الأحباش .

ومبدأ الضروب السالبة هو : « ما يسلب عن معنى مستغرق يسلب عن كل

ما يقال عليه هذا المعنى « . فإذا سلبنا « الشجرة عن كل أفراد الحيوان كانت مسلوبة عن كل أفراد الإنسان لأنهم داخلون تحت الحيوان . ويعبر عنه المدرسيون(*) بقولهم : ما يسلب عن التالي يسلب عن المقدم Quod negatur de consequenti . negatur de antecedenti.

ومن هنا يتبين أن المبدئين اللذين يقوم عليهما هذا الشكل هما مبدأ « مقالة الكل واللاشيء » لأن المبدأ في الضروب الموجبة هو « مقالة الكل وفي الضروب السالبة هو « مبدأ اللاشيء » .

١٠٩ — مميزات هذا الشكل :

(أ) أنه وحده الذى ينتج المحصورات الأربع : ك ، ل ، ب ، س
(ب) أنه وحده الذى ينتج ك . وذلك لأنه لى تكون النتيجة كلية موجبة يجب أن يكون الأصغر مستغرقاً فى الصغرى ، وبالتالى موضوعاً لها ، والحد الأوسط محمولاً : فيكون الأوسط غير مستغرق فى الصغرى ، فيجب إذن أن يكون مستغرقاً فى الكبرى (القاعدة ٣) أى موضوعاً لها . وهذا بعينه هو الشكل الأول : ففيه الأوسط موضوع فى الكبرى محمول فى الصغرى .

ولهذه الميزة كان هذا الشكل أهم الأشكال وأكثرها فائدة . لأن كل الاستدلال العلمى ، وموضوعه الوصول إلى قضايا كلية موجبة ، يميل إلى العمل تبعاً للضرب ك ، ك ، ك من هذا الشكل .

(ج) وفى هذا الشكل وحده يكون الموضوع فى النتيجة موضوعاً فى المقدمات . والمحمول فى النتيجة محمولاً فى المقدمات . أما فى الشكل الثانى فإن

(*) راجع « منطق بور رويال » : ص ٢٥٤ — ص ٢٥٥ .

محمول النتيجة موضوع في الكبرى ، وفي الشكل الثالث موضوع النتيجة محمول في الصغرى ، وفي الشكل الرابع نقض مزدوج .
وهذا من الأسباب التي تجعل البرهنة بطريق الشكل الأول تبدو أكثر طبيعية من هذه البرهنة نفسها معبراً عنها في أى شكل آخر .

الشكل الثاني

١١٠ - لهذا الشكل قاعدتان كذلك :

(١) يجب أن تكون إحدى المقدمتين سالبة .

لأنهما إذا كانتا معاً موجبتين ، فإن الحد الأوسط ، الذي هو محمول دائماً في هذا الشكل ، سيكون غير مستغرق ، وهذا يخالف للقاعدة ٣ .

(ب) يجب أن تكون الكبرى كلية .

لأنه لما كانت النتيجة سالبة ، لكون إحدى المقدمتين سالبة تبعاً للقاعدة الأولى ، فإن الحد الأكبر مستغرق . وهذا الحد موضوع الكبرى ، فيجب إذن أن تكون الكبرى كلية .

١١١ - بتطبيق هاتين القاعدتين تكون الأضرب المنتجة في هذا الشكل

أربعة فقط على النحو الآتي : إذ تسقط من العشرة أضرب المنتجة :

الأربعة الموجبة تبعاً للقاعدة الأولى من قواعد هذا الشكل .

س ، ك ، س تبعاً للقاعدة الثانية القائلة بوجوب كلية الكبرى .

ل ، ك ، س تبعاً للضرورة و للقاعدة ٤ كما في هذا الضرب في الشكل الأول .

فلابقي إذن من الأضرب العشرة غير أربعة :

٢ كلية $\left\{ \begin{array}{l} ل، ل، ل \\ ل، ل، ل \end{array} \right.$ ٢ جزئية $\left\{ \begin{array}{l} ل، ب، س \\ ل، س، س \end{array} \right.$

فالضرب الأول هو : ل ، ل ، ل Cesare ومثاله :

لا كذوب مصدق ك كل شريف مُصدّق . لا شريف كذوب

والضرب الثانى هو : ل ، ل ، ل Camestres ومثاله :

كل نجم مضى بنفسه ك لا كوكب مضى بنفسه . لا كوكب نجم

والضرب الثالث هو : ل ، ب ، س Festino ومثاله :

لا واحد من السمك يتنفس برئة ك بعض الحيوان البحرى يتنفس برئة .
بعض الحيوان البحرى ليس بسمك .

والضرب الرابع هو : ل ، س ، س Boarco ومثاله :

كل منافق مضلل ك بعض المادحين ليسوا مضللين ، . ليس بعض
المادحين منافقاً .

مبدأ هذا الشكل :

١١٢ — هذا الشكل يقوم على أساس استبعاد الموضوع عن الجنس ح ،
إما لأنه لا يتصف بالصفة ط الموجودة فى هذا الجنس ، وإما لأنه يتصف
بالصفة ط المستبعدة عن هذا الجنس .

والمبدأ الذى يقوم عليه هذا الشكل يمكن أن يصاغ على النحو التالى :
المعنيان اللذان يكون أحدهما فى حالة تقابل ، والآخر فى حالة هوية مع ثالث
مشترك ، يكونان فيما بينهما فى حالة تقابل .

ونستطيع مع ذلك أن نصوغ هذا المبدأ على شكل مبدأين : الأول خاص
بالضربين الأول Cesare والثالث Festino وهو بعينه مبدأ الضروب السالبة
فى الشكل الأول ونعنى به : ما يسلب عن معنى كلئى يسلب أيضاً عن كل

ما يحمل عليه هذا الكلى . والثانى خاص بالضرين الثانى والرابع , Camestres Baroco وهو : كل ما هو داخل فى ماصدق معنى كلى لا ينطبق على واحد من الأفراد المألوف عنها هذا الكلى . فنجم فى المثال المذكور داخل فى ماصدق ما هو مضىء بنفسه ، فلا ينطبق على الكوكب الذى سلب عنه أن يكون مضئاً بنفسه .

١١٣ — مميزات هذا الشكل : لا يبرهن فى هذا الشكل إلا على السوالب ، ولهذا يستخدم غالباً من أجل التفتيد . ويسمى هذا الشكل أيضاً باسم شكل الاستبعاد exclusive figure لأننا نستطيع بواسطته أن نستبعد عدة افتراضات وصفات خاصة بطبيعة أو حقيقة شىء من الأشياء نبحث فيه من أجل تحديد حقيقته ، وهذا ما يعرف بعملية قطع اللامتناهى abscissio infiniti مثال ذلك : حينما نريد أن نعرف الفصيلة الحيوانية التى يدخل فيها الحوت فنقول : لننظر هل يمكن أن يدخل فى فصيلة السمك : كل السمك يتنفس بخياشيم ، الحوت لا يتنفس بخياشيم .∴ الحوت ليس بسمك — فنستبعد فصيلة السمك عنه . وهكذا نستبعد عدة صفات عنه . ولكى نصل إلى معرفة حقيقته الإيجابية نلجأ إلى قياس من الشكل الأول فنقول : كل ما يتنفس برئة ثديي ؛ الحوت يتنفس برئة .∴ الحوت ثديي .

الشكل الثالث

١١٤ — لهذا الشكل قاعدتان كذلك :

١ — إيجاب الصفري .

وقد برهنا عليها فى الشكل الأول ؛ — ذلك لأنه فى كلا الشكائين محمول النتيجة هو أيضاً محمول الكبرى .

ب — جزئية النتيجة (*)

لأنه لما كانت الصغرى موجبة ، فإن الحد الأصغر محمولها غير مستغرق ، فلا يكون مستغرقاً في النتيجة ، فلا بد أن تكون هذه إذن جزئية .

١١٥ — المنتج في هذا الشكل ستة أضرب فقط :

فن العشرة المنتجة تسقط ك ، ل ، ل ، ل ، ك ، س ، س تبعاً للقاعدة الأولى من قواعد هذا الشكل ؛

ك ، ك ، ك ، ك ، ل ، ك ، ل تسقطان تبعاً للقاعدة الثانية القائلة بأن النتيجة يجب أن تكون جزئية ؛
فالباقي إذن ستة أضرب :

$\left. \begin{array}{l} \text{ل ، ل ، س} \\ \text{ل ، ب ، س} \\ \text{س ، ل ، س} \end{array} \right\}$	$\left. \begin{array}{l} \text{ل ، ل ، ب} \\ \text{ل ، ب ، ب} \\ \text{ب ، ل ، ب} \end{array} \right\}$	<p>ثلاثة موجبة</p>	<p>و ثلاثة سالبة</p>
---	---	--------------------	----------------------

فالمضرب الأول ك ، ك ، ب Darapti ومثاله :

كل حيوان جسم ك كل حيوان نام . . بعض الجسم نام .

والضرب الثاني ب ، ك ، ب Disamis ومثاله : بعض الإنسان جسم ك

(*) جعل بعض المنطقة ، وعليه جرى المنطقة العرب ، الشرط الثاني لهذا الشكل أن تكون إحدى مقدمتيه كلية وذلك لكي يكون الأوسط مستغرقاً .
وذلك لأن القاعدة القائلة بوجود استغراق الحد الأوسط مرة واحدة على الأقل تظهر ضرورتها في هذا الشكل أكثر منه في أي شكل آخر . لأنه حينما يكون الأوسط موضوعاً في المقدمتين يمكن التحدث بوضوح عن استغراقه . أما حينما يكون أحياناً محمولا أو في الحالتين محمولا فإن من الصعب التحدث عن استغراقه لأن المحمول لا ينظر إليه في الواقع من جهة الاستغراق مطلقاً ، أو هذا ما يقول به خصوم نظرية كم المحمول .

كل إنسان حيوان .°. بعض الحيوان جسم

والضرب الثالث ك ، ب ، ب Datisi ومثاله : كل شاعر مرهف الحس ك
بعض الشعراء مصابون بالتدرن .°. بعض المصابين بالتدرن مرهفو الحس

والضرب الرابع ل ، ك ، س Felapton ومثاله : لا إنسان مستغن عن
نفسه ك كل إنسان عدو نفسه .°. بعض الأعداء لا يستغنى عنهم .

والضرب الخامس س ، ك ، س Bocardo ومثاله : بعض الحقائق ليست
محتملة ك كل الحقائق مؤدية إلى السمو .°. بعض ما يؤدي إلى السمو
ليس بمحتمل .

والضرب السادس ل ، ب ، س Ferison ومثاله : لا وطني منافق ك
بعض الوطنيين خطباء .°. بعض الخطباء ليس بمنافق *

* يقول جيلو إن الاضرب للنتيجة في هذا الشكل خمسة لاستة لأنه يمكن تحويل Datisi إلى Disamis أو Disamis إلى Datisi بواسطة وضع المقدمتين الواحدة مكان الأخرى وعكس النتيجة عكساً مستوياً - فتلاقي قياس .

كل خادم لله ملك ، بعض خدام الله فقراء .°. بعض الفقراء ملوك - هو
يعينه القياس :

بعض خدام الله فقراء ، كل خادم لله ملك .°. بعض الملوك فقراء - فلا يعرف
إذن إلا بضريين اثنين موجبين في الشكل الثالث . فانه إذا كان الأوسط غير مستغرق مرة
واحدة، فلا يهم إذا كانت هذه الحالة في الكبرى أو في الصغرى ، مادامت الكبرى والصغرى
لا يمكن التمييز بينهما إلا بفضل النعرو وبطريقة اصطناعية صرفة .

ولكن لما كانت الجزئية السالبة لا تعكس عكساً مستوياً ، فإن الأضرب الثلاثة السالبة
لا يمكن ردها .

١١٦ — مبدأ هذا الشكل :

لما كان حدا النتيجة محمولين في المقدمات على حدٍ ثالث واحد أوسط ، فإن مبدأ الضروب الموجبة في هذا الشكل يمكن أن يُصاغ على النحو التالي :

« حينما يمكن حدين أن يقالا على شيء واحد بالإيجاب ، فإن من الممكن أن يقال الواحد على الآخر جزئياً » أو « إذا أمكن حدين أن يثبتا لثالث واحد ، أمكن ثبوت الواحد للآخر جزئياً » - فإنهما لما كانا مجتمعين معاً في هذا الشيء وكانا مقولين عليه بالإيجاب ، فينتج من هذا أنهما أحياناً مرتبطان معاً ، وبالتالي ، يمكن أن يقال الواحد على الآخر بالإيجاب جزئياً ؛ ولكن لكي يكون من المؤكد أن الحدين مقولان على شيء واحد هو الأوسط ، لابد أن يكون هذا الأوسط مستغرقاً مرة واحدة على الأقل ، لأنه إن لم يستغرق ، كان من الجائز أن يكون الحدان مقولين على جزئين مختلفين من شيء مشترك ، أى لا يكونان إذن مقولين على شيء واحد في الواقع .

ومبدأ ضروب السلب هو : « إذا كان أحد الحدين منفيًا والآخر مثبتاً بالنسبة إلى شيء ثالث واحد ، فيمكن أن ينفي الواحد عن الآخر جزئياً » .

وذلك لأن من المؤكد أنهما ليسا مرتبطين دائماً ، ماداماً ليسا مرتبطين في هذا الشيء الثالث الواحد . إذن من الممكن أن ينفي الواحد عن الآخر جزئياً . ولكن يجب ، للسبب عينه ، ولكي يكون الشيء الثالث واحداً ، أن يكون الأوسط مستغرقاً مرة واحدة على الأقل .

١١٧ — مميزات هذه الشكل *

١ — في هذا الشكل لا يبرهن إلا على القضايا الجزئية : ويستعمل غالباً حينما

يعترض على قضية كلية يسوقها الخصم باثبات حالة لا تكون فيها مثل هذه القضية الكلية صادقة . ولهذا قال لاشليه عن هذا الشكل إنه قياس « التفنيد » ويسمى أيضاً « التفنيد بالمثال » .

ب - وهو الشكل الطبيعي في الحالة التي يكون فيها الحد الأوسط مفرداً ، خصوصاً إذا كانت الحدود الأخرى عامة . فإن من الملاحظ أنه إذا كان حد واحد فقط في قضية موجبة مفرداً ، فإن هذا الحد يكاد يكون من الضروري أن يكون موضوعها . فمثلاً : سقراط حكيم ، سقراط فيلسوف . . . بعض الفلاسفة حكماء — هذا النوع من البرهنة لا يمكن أن يعبر عنه في أى شكل آخر غير الشكل الثالث إلا بصعوبة جداً .

الشكل الرابع

لهذا الشكل ثلاث قواعد :

أ - إذا كانت الكبرى موجبة ، وجب أن تكون الصغرى كلية .
لأن الأوسط غير مستغرق في الكبرى للوجبة لأنه محمولها ؛ فيجب إذن أن يستغرق في الصغرى ، فتكون هذه بالتالى كلية لأنه موضوعها .

ب - إذا كانت الصغرى موجبة ، وجب أن تكون النتيجة جزئية :
لأن الأصغر محمول في الصغرى وبالتالي لا يكون فيها مستغرقاً إذا كانت موجبة ، فينتج من هذا أنه لا بد أن يكون غير مستغرق في النتيجة ، أى أن النتيجة ستكون إذن جزئية .

ج - إذا كانت إحدى المقدمتين سالبة ، وجب أن تكون الكبرى كلية
لأنه لما كانت النتيجة سالبة ، فإن الحد الأكبر مستغرق فيها ؛ فيجب إذن أن يكون مستغرقاً في المقدمات . فلما كان هو موضوع الكبرى فإن الكبرى ستكون إذن كلية .

١١٩ — الأضرب المنتجة في هذا الشكل خمسة فقط ؛ وذلك لأن :

ك ، ب ، ب ، ك ، س ، س يسقطان تبعاً للقاعدة الأولى .

ك ، ك ، ك ، ك ، ل ، ك ، ل يسقطان بالقاعدة الثانية

س ، ك ، س يسقط بالثالثة

فلا يبقى إذن غير خمسة أضرب :

ك ، ل ، ل ، ل	} ٣ سالبة	ك ، ك ، ب	} ٢ موجبة
ل ، ك ، س		ب ، ك ، ب	
ل ، ب ، س			

فالضرب الأول هو ك ، ك ، ب Bramantip ومثاله :

كل مجاملة نفاق ك كل نفاق رذيلة . . . بعض أنواع الرذيلة مجاملة

والضرب الثاني هو ك ، ل ، ل Camenes ومثاله :

كل مصائب الحياة زائلة ك لا واحد من الزائل مستدع للخوف . . .

لا شيء يستدعى الخوف هو مصيبة من مصائب الحياة .

والضرب الثالث هو ب ، ك ، ب Dimaris ومثاله :

بعض الأحزان مُغذٍ للروح ك كل مغذٍ للروح مطلوب . . . بعض ما هو

مطلوب أحزان .

والضرب الرابع هو ل ، ك ، س Fesapo ومثاله :

لا مجنون مسئول ك كل مسئول قابل لأن يعاقب . . . بعض القابلين

للعقاب ليس بمجنون .

والضرب الخامس هو ل ، ب ، س Fresison ومثاله :

لا مصلح مطمئن ٦ بعض المطمئنين بلهاء . . . ليس بعض البلهاء بمصلح

هل يوجد شكل رابع مستقل ؟

لم يعترف أرسطو كما قلنا بوجود شكل رابع . ولكنه يعترف بإمكان الاستنتاج بطريق غير مباشر في الشكل الأول ، وذلك إما بعكس النتيجة عكساً مستوياً فقط ، أو بعكسها عكساً مستوياً مع وضع المقدمتين الواحدة مكان الأخرى فينتج عن ذلك خمسة أضرب ملحقة بالشكل الأول تعدّ أضرباً غير مباشرة في هذا الشكل .

ولا يقتصر إمكان الاستنتاج بطريق غير مباشر على الشكل الأول فحسب ، بل إن الشكليين الآخرين يمكن أن يميز فيهما بين الاستنتاج بطريق مباشر وبطريق غير مباشر . أعني أنه من الممكن أن يميز بين الاستنتاج مباشرة في Camestres وبينهما معاً في Cesare . ولكن يلاحظ أن وضع الأوسط في المقدمات لا يتغير في حالة الاستنتاج بطريق غير مباشر في الشكليين الثاني والثالث . أما في حالة الشكل الأول ، فإن الاستنتاج بطريق غير مباشر يغير وضع الأوسط في المقدمات . وذلك لأننا حينما نعكس النتيجة عكساً مستوياً في أى ضرب من أضرب الشكل الأول لا نستطيع بواسطة وضع المقدمتين الواحدة مكان الأخرى أى نجعل المقدمة المحتوية على محمول عكس النتيجة مقدمة كبرى مع بقاء صورة الشكل كما هي ، لأن الحد الأوسط في هذا الشكل ليس له نفس الوضع في كلتا المقدمتين . وبوضع الواحدة مكان الأخرى يتغير موضعه في المقدمات . فإذا كان الشكل في القياس يتعين بحسب موضع الحد الأوسط فإن من الممكن حينئذ أن نقول بوجود شكل آخر رابع . هذا إلى أنه يلاحظ كذلك أن تعيين ما هي مقدمة كبرى ومقدمة صغرى في الشكليين الثاني والثالث صعب جداً من الناحية

العقلية ، ويمكن فقط من الناحية النحوية بقولنا إن موضوع النتيجة موجود في الصغرى ومحمولها في الكبرى. وإذا كان هذا سبيل التعيين لما هي مقدمة صغرى ومقدمة كبرى ، فلا حاجة إلى القول بوجود ضروب غير مباشرة في الشكاكين الثاني والثالث ، وكان علينا من ناحية أخرى أن نقول بوجود شكل رابع : الأوسط فيه محمول في الكبرى موضوع في الصغرى .

وقد لوحظَ هذا الفارق في الاستنتاج بطريق غير مباشر في الشكل الأول عنه في الشكاكين الآخرين منذ زمان بعيد فقد اعترف تلميذ أرسطو ، ثاوفرسطس ، بوجود هذه الضروب الخمسة غير المباشرة بوصفها ضروباً ملحقة بالشكل الأول . وإذا كان صحيحاً ما يقوله ابن رشد من أن جالينوس هو أول من قال بوجود شكل رابع مستقل بأن جعل الضروب غير المباشرة للشكل الأول شكلاً مستقلاً ، فإن معنى ذلك أن رأى ثاوفرسطس قد استمر حوالى خمسة قرون .

أما ابن رشد فلا يتفق مع جالينوس في هذا . ومن قبله فعل ذلك كثير من الفلاسفة العرب ، وعلى رأسهم ابن سينا والغزالي .

وتابع ابن رشد رجال المصور الوسطى خصوصاً زبرله Zabarella (١٥٨٩ - ١٥٣٣) أحد الشراح الأرسططاليين المجيدين في أوائل العصر الحديث . ويعتمد في إسقاطه لهذا الشكل أولاً على تحليله للقياس على أساس أنه يقوم على « مقالة الكل واللاشيء » ؛ وثانياً على أساس أن رأى جالينوس من شأنه أن يقدم صورة مشوهة للطابع الحقيقي للتفكير على أنحاء البرهنة القياسية ، إذ ينظر إلى القياس نظرة خارجية آلية صرفة .

نم جاء المناطق في العصر الحديث ، وفي القرن التاسع عشر وأوائل العشرين بوجه خاص ، فأثبتوا أنه لا وجود لهذا الشكل في طبيعة البرهنة القياسية نفسها .

وعلى رأس هؤلاء جميعاً جول لا شلييه^(١) . وهاك مايقوله في هذا الصدد :
 ليس ثمة مبدأ رابع ولا شكل رابع ؛ وكل ما هنالك ضروب غير مباشرة
 نستخلص من الشكل الأول (ويمكن استخلاص مثلها من الشكلين الآخرين)
 إما بالعكس المستوي للمقدمات أو بالعكس المستوي للنتيجة . وهذه الأضرب
 الخمسة هي المعبر عنها بالألفاظ Fapesmo, Dabitis, Celantes, Baralipon
 Fresisomorum والتي وضعت في الأبيات التذكيرية بعد الضروب المباشرة
 للشكل الأول . فالثلاثة الأولى منها ليست في الواقع سوى الأضرب
 Barbara, Darii, Celarent وقد عكست نتيجتها عكساً مستوياً ؛ والضربان
 الأخيران يرجعان إلى Ferio بوضع المقدمتين الواحدة مكان الأخرى [للرابع
 فقط] وعكس كل منهما عكساً مستوياً . ويقال إن الفيلسوف الطيب جالينوس
 هو أول من فكر في جعل هذه الأضرب مكوّنة لشكل مستقل ؛ ولكن هذه
 الفكرة الخاطئة من أسامها ، قد هاجمها جميع المناطق في العصور الوسطى ولم
 تبدأ تظهر بشيء من التأييد إلا في عصر النهضة .

وتابع لاشلييه أيضاً جيلوفقال : ليس ثمة غير ثلاثة أشكال للقياس الحلي .
 وذلك لأنه لكي يمكن الحد الأوسط أن يدخل الأكبر في الأصغر أو يستبعده
 منه ، لا بد أن يكون مرتبطاً بالواحد وبالآخر ، ولا يمكن إلا أن يكون
 موضوعاً الواحد والآخر مثبتان له أو منفيان عنه ، أو محمولاً مثبتاً أو منفيّاً عن
 الواحد أو عن الآخر أو عن كليهما معاً . والحالة الأولى هي حالة الشكل الثالث .
 وفي الحالة الثانية ، إذا كان الأوسط مرتبطاً مع الاستغراق الأكبر ، إما بوصفه
 موضوعاً (الشكل الأول) أو بوصفه محمولاً (الشكل الثاني) فإنه يمكنه إدخاله
 في الموضوع أو إبعاده عنه ؛ ولكن يجب من أجل هذا أن يكون مثبتاً للأصغر
 أو منفيّاً عنه .

(١) تليقة كتبها لرابيه Rabier ونقلها هذا في كتابه : « المنطق » ص ٦٦ .

« أما في الشكل الرابع ، فإن الأصغر هو الذي سيكون مثبتا للأوسط أو منقيا عنه . فإذا كان من الممكن استنتاج شيء من مثل هذه المقدمات ، فإن ذلك لا يكون إلا بشرط أن تكون الصغرى ، والأوسط موضوعها ، مساوية لقضية الأصغر موضوعها تستخرج منها بواسطة العكس المستوى . وهذه الأخيرة هي الصغرى حقا » [جيلو § ١٤٥] .

وظائف أشكال القياس الأربعة

١٢١ — يقول Lambert في Neues organum إن وظائف أشكال القياس هي : « الشكل الأول يستخدم لاكتشاف خواص شيء أو البرهنة عليها ، والشكل الثاني لاكتشاف المميزات بين الأشياء أو البرهنة عليها ؛ والثالث لاكتشاف الأمثلة والشواذ أو البرهنة عليها ؛ والرابع لاكتشاف الأنواع المختلفة لجنس ما أو استبعادها » . ومن هنا أمكن إرجاع الرابع إلى الثاني أو الأول ؛ لأنه لتمييز الأنواع الداخلة تحت جنس يكفي بيان تحصيل الشيء لصفة نوعية أو التمييز بين عدة صفات نوعية .

وبوضح لاشلييه وظائف الاشكال الثلاثة التي يعترف بها بقوله « إن أحدها وهو الأول برهان حقيقة ، والاثنين الآخرين برهانا بطلان — فالثاني يبرهن فيه على بطلان واجب droit مزعوم أو ، والمعنى واحد ، قضية كلية . ولما كانت الكبرى في الشكل الأول دائماً قولاً يعبر عن واجب droit ، أو قضية كلية ، بينما الصغرى قول يعبر عن واقعة أو قضية موجبة ، فيمكن إذن أن يقال إن للقياس في الشكل الثاني والقياس في الشكل الثالث وظيفة خاصة هي قلب الثالث لكبرى قياس الشكل الأول وقلب الثاني لصغرى قياس الشكل الأول . » [مؤلفاته ج ١ ص ١٥٠ - ص ١٥١] . وبهذا أثبت لاشلييه أن الشكائين الثاني

والثالث ليس فقط مستقلين عن الأول بل أيضا يعارضانه ، لأنهما بطبيعتهما سلبيان ، ويقصد منهما القلب لكبرى الشكل الأول فيما يتعلق بالثالث ، وصغراه فيما يتصل بالثاني .

رد الأقيسة الناقصة

١٢٢ — فرّق أرسطو بين الأقيسة الصحيحة فقط وبين الأقيسة الكاملة ففي هذه الأخيرة تظهر ضرورة الاستدلال بوضوح من المقدمات كما هي في وضعها الذي هي فيه ، بينما الأولى تحتاج إلى شيء من التعديل حتى تظهر ضرورة الاستدلال بوضوح . والشكل الأول هو الكامل ، بينما الشكلان الثاني والثالث ناقصان ؛ فإن صحتهما ، ولو أنها حقيقية ، فإنها في حاجة إلى أن يبرهن عليها بواسطة الشكل الأول . فعن طريق العكس المستوى لإحدى المقدمتين في القياسين الناقصين يبين أن من الممكن إيجاد قياس من الشكل الأول : إما بالنتيجة عينها أو بأخرى يمكن أن تستلخص منها النتيجة الأصلية بواسطة العكس . وفي الحالة التي لا تصلح فيها هذه الطريقة للرد ، نلجأ إلى طريقة غير مباشرة بأن نثبت في قياس من الشكل الأول أن كذب النتيجة يتعارض وصدق المقدمات في كل شكل من الشكايين الناقصين .

وهذه العملية التي تبين فيها صحة الأقيسة الناقصة بواسطة الشكل الأول نسمي الرد . وله نوعان كما رأينا : رد مباشر ، ورد غير مباشر .

١٢٣ — فالرد المباشر لضرب ناقص إلى ضرب كامل في الشكل الأول

يكون ببيان أنه مقدمات ، إما أن تكون هي عينها الموجودة في القياس الأصلي ، أو أن تكون مستنتجة مباشرة بواسطة العكس المستوى من المقدمات الأصلية ، تنفج نتيجة ، هي النتيجة الأصلية أو نتيجة تستنتج بالاستدلال المباشر

من النتيجة الأصلية ، في قياس من الشكل الأول .

فلما كانت الأشكال تختلف فيما بينها وبين بعض بحسب موضع الحد الأوسط في المقدمات ، فإن من الواضح أنه لأجل ردّ قياس من الشكل الثاني أو الثالث إلى الأول ، لا بد من تغيير موضع الحد الأوسط . وموضع هذا الأخير في الشكلين الثاني والثالث واحد في كلتا المقدمتين ، إذ يكون محمولا في الثاني موضوعا في الثالث في كلتا المقدمتين ؛ بينما هو الشكل الأول موضوع في الكبرى محمول في الصغرى . وعلى ذلك فلا بد من إجراء العكس المستوي على إحدى المقدمتين في كل من هذين الشكلين ، لكي يمكن رده إلى الشكل الأول .

وتبعاً لهذا أيضاً يجب في الشكل الثاني أن نعكس الكبرى ، إذ فيها لا يكون الأوسط في الموضع الذي هو فيه في الشكل الأول ؛ وفي الشكل الثالث أن نعكس الصغرى . ولكن قد يحدث أن يكون من شأن هذه العملية أن تأتي بتركيب المقدمات غير صحيح بالنسبة إلى الكيف والكم : فمثلا في قياس من نوع Disamis (شكل ٣) حينما نعكس الصغرى ك ينتج ب فتكون المقدمتان إذن جزئيتين ، مما من شأنه عدم الإنتاج . ولهذا كان من الضروري أحيانا أن نغير وضع المقدمات بأن نجعل الصغرى الأصلية كبرى والعكس ، ثم نعكس في الشكل الثاني المقدمة التي ستكون كبرى ، وفي الثالث تلك التي ستكون صغرى . إلا أن هذا التغيير في الوضع من شأنه أن يعطى نتيجة فيها حدا النتيجة الأصلية قد تغير وضعهما ؛ فلزم حينئذ عكس هذه النتيجة لكي نسترد تلك التي كانت في القياس « الناقص » الأصلي .

ولنأخذ كمثال لهذا Camestres ورمزها : كل ح هي ط ما لا ع هي ط .
∴ لا ع هي ح . ومثالها : كل حشرة ذات ست أرجل ما لا عنكبوت ذو
ست أرجل . ∴ العنكبوت ليس بحشرة .

والآن فلنأتى بنفس النتيجة ، لا نستطيع أن نعكس الكبرى فنقول :
بعض الحيوان ذى الست أرجل حشرة ، ونأتى بالنتيجة المطلوبة وهى كون
العنكبوت حشرة أو ليس حشرة . فيجب من أجل هذا عكس الصغرى ، وهى
هنا من نوع ك ، فتعكس دون تغيير للكم ؛ وبتغيير الوضع فى الوقت نفسه ينتج
قياس من نوع Celarent هو : لا حيوان ذا ست أرجل هو عنكبوت ؟
الحشرات ذوات ست أرجل . . . لا حشرة عنكبوت .

ويمكن استعادة النتيجة الأصلية بعكس هذه النتيجة فنقول : لا عنكبوت
حشرة .

ولو كان القياس الأصلى مغايراً لهذا بعض المغايرة بأن كان : لا حشرة ذات
ثمانى أرجل ؟ كل عنكبوت ذو ثمانى أرجل . . لا عنكبوت حشرة . ورمزه :

لا ح هي ط ما كل ع هي ط . . لا ع هي ح Cesare

فإن هنا المقدمة الكبرى يمكن عكسها عكساً مستوياً بسيطاً لأنها ل ،
ولا حاجة إذن إلى تغيير الوضع . فتكون المقدمات : لا حيوان ذا ثمانى أرجل
حشرة ؟ كل عنكبوت ذو ثمانى أرجل ، - وهذا يوافق الضرب Celarent
ويعطى مباشرة النتيجة الأصلية .

والصعوبة هى فى معرفة ما إذا كانت المقدمات تحتاج من أجل الرد إلى
تغيير الوضع ، وما يجب أن يعكس منها ؛ وما إذا كان من الضروري عكس
النتيجة فى القياس المردود للوصول إلى النتيجة الأصلية ؛ وما هو الضرب الذى
يرد إليه فى الشكل الأول كل ضرب من أضرب الشكائين الثانى والثالث . ولكن
هذه الصعوبات كلها قد تكفلت بحلها الكلمات التذكيرية بواسطة بعض الحروف
الساكنة فيها : فإن :

١ - حروف الابتداء (B ، C ، D ، F) تشير إلى الضرب

من الشكل الأول الذى يرد إليه الضرب المطلوب رده بأن تكون واحدة في الضربين
ب — حرف m (= muta) يشير إلى أن المقدمات يجب أن توضع
الواحدة مكان الأخرى .

ح — حرف s (= simpliciter) يشير إلى أن المقدمة أو النتيجة (لا
نتيجة القياس الأصلى ، التى يجب أن تحصل كما هى فى الأصل ، وإنما
نتيجة القياس المبين للصحة ، أى القياس من الشكل الأول المردود إليه)
التى يتلوها هذا الحرف يجب أن تعكس عكساً بسيطاً .

(ز) — حرف p (per accidens) تشير إلى أن المقدمة أو النتيجة التى
يتلوها هذا الحرف يجب أن تعكس عكساً بالعرض أو بالتحديد .

(هـ) — حرف c (Conversio syllogismi) يشير إلى وجوب
استخدام طريقة الرد غير المباشر بواسطة قياس الخلف .

ولتوضيح هذا نأخذ الضرب Disamis من الشكل الثالث كما نعرف من
الآيات التذكيرية . فالحد الأوسط إذن موضوع فى المقدمتين . والكبرى
المشار إليها بالحرف I هى ب والصغرى ك والنتيجة ب فالقياس رمزه : بعض
ط هى ح ؟ كل ط هى ع . . . بعض ع هى ح — ولرد هذا الضرب ، نجد أن
الحرف m يشير إلى وجوب تغيير الوضع ، والحرف s يشير إلى وجوب
إجراء العكس المستوى البسيط للمقدمة المشار إليها بالحرف المتحرك السابق ثم
للنتيجة ، والحرف D يشير إلى أن القياس الجديد من الضرب Darrii
فى الشكل الأول ، هكذا : كل ط هى ع ؟ بعض ع هى ط . . . بعض ح هى ع
وبعكس هذه النتيجة نصل إلى بعض ع هى ح .

١٢٥ — إلا أن هذه العملية لرد المباشر لا يمكن إجراؤها بالنسبة إلى
الضربين Bocardo , Baroco . وذلك لأنه لى يتغير وضع الحد الأوسط
فى المقدمتين بالنسبة إلى كل منهما ، كما يتطلب ذلك الشكل الأول ، لابد من

عكس إحدى المقدمتين في كل منهما . ونحن نرى أن المقدمات في هذين الضربين : إما موجبة كلية ، أو سالبة جزئية . وهذه الأخيرة لا عكس لها ، سواء أ كان العكس بسيطاً أم بالعرض ، أما الأولى كعكسها ، فبعكسها تكون لدينا مقدمتان جزئيتان ، فلا إنتاج . ولهذا يجب أن نستعمل عملية أخرى هي عملية الرد غير مباشر .

والرد غير المباشر أو الرد بالمتنع *Per Impossibile* هو أن نبين بواسطة قياس من الشكل الأول لا اعتراض عليه ، أن كذب النتيجة في القياس الأصلي يتعارض مع صدق المقدمات ، هكذا :

نقول أولاً إن *Baroco* رمزها هو كل ح هي ط و ليس بعض ع هي ط .
 . . ليس بعض ع هو ح - ومثالها . كل الزوج ذوو شعر مجعد و ليس بعض الأفريقيين ليسوا ذوي شعر مجعد . . . بعض الأفريقيين ليسوا بزوج . فإذا كانت هذه النتيجة كاذبة ، ستكون نقيضتها صادقة وهي : كل الإفريقيين زوج . ويمكن تركيب هذه مع الكبرى الأصلية لعمل قياس من الضرب *Barbara* هكذا : كل ح هي ط و كل ع هي ح . . . كل ع هي ط :
 كل الزوج ذوو شعر مجعد ، كل الإفريقيين زوج . . . كل الإفريقيين ذوو شعر مجعد .

ولكن هذه النتيجة تناقض الصغرى الأصلية : وعلى ذلك فإنه إذا كانت المقدمات الأصلية صادقة ، فإن النتيجة التي استنتجناها لا يمكن أن تكون كاذبة . فالقياس الأصلي إذن صحيح .

وكذلك الحال بالنسبة إلى *Bocardo* ، اللهم إلا أننا نركب نقيض النتيجة مع الصغرى الأصلية لكي نصل إلى نتيجة متناقضة مع الكبرى الأصلية بينما نحن في حالة *Baroco* قد ركبناها مع الكبرى الأصلية لكي نصل إلى نتيجة تناقض الصغرى الأصلية . وهذا الاختلاف بين هذين الضربين يشير إليه

موضع حرف c الوسطى ، إذ أن هذا الحرف يشير إلى أن المقدمة المشار إليها بالحرف المتحرك السابق على هذا الحرف تهمل ، بينما الأخرى ترتب مع نقيض النتيجة .

١٢٦ — ومع ذلك توجد طريقة للرد المباشر بالنسبة إلى Baroco و Bocardo . وذلك بواسطة نقض المحمول وعكس النقيض المخالف على النحو التالي :

فإن Baroco ورمزها كل ح هي ط ، ليس بعض ع هي ط . . . بعض ع هي ليست ح يمكن أن ترد إلى Ferio بواسطة عكس النقيض المخالف للكبرى ونقض المحمول للصغرى هكذا : لا لا - ط هي ح ؟ بعض ع هي لا - ط . . . بعض ع هي ليست ح - ولهذا اقترح بعضهم التعبير عن Baroco في هذه الحالة باللفظ Faksoko وفيه الحرف k يشير إلى نقض المحمول ، فتكون ks تدل على نقض المحمول المتبوع بالعكس المستوي (أى تدل على عكس النقيض المخالف) .

و Bocardo ، ورمزها بعض ط هي ليست ح ، كل ط هي ع . . . بعض ع هي ليست ح ، يمكن أن ترد إلى Darii بواسطة عكس النقيض المخالف للكبرى وتغيير وضع المقدمات هكذا : كل ط هي ع ك بعض لا - ح هي ط . . . بعض لا - ح هي ع وهذه يمكن إرجاعها إلى النتيجة الأصلية بواسطة عكس المتبوع بنقض المحمول (أى نقض العكس المستوي) . ويشار إلى هذه العملية في الرد باللفظ Doksamok .

١٢٧ — وليس الرد مقصوداً على رد الشككين الناقصين إلى الشكل الأول ، بل إن من الممكن أيضاً بيان أن أى قياس ليس فقط يمكن أن يرد إلى الشكل الأول ، بل وأيضاً يمكن أن يرد إلى أى ضرب أصلي من ضروب هذا (١٤)

الشكل . ويمكن البرهنة على ذلك بأن نبين أولاً أن أى ضرب من ضروب الشكل الأول يمكن أن يرد إلى أى ضرب آخر من ضروب الشكل عينه .

فإن Barbara يمكن أن ترد إلى Celarent بواسطة نقض محمول الكبرى ثم نقض محمول النتيجة المتحصلة على النحو التالى (مستعملين الأسهم) :

كل ط هي ح ← لا ط هي لا - ح
كل ع هي ط ← كل ع هي ط
كل ع هي ح → لا ع هي لا - ح

وبالعكس يمكن رد Celarent إلى Barbara . كذلك وبالطريقة عينها أى نقض محمول الكبرى والنتيجة المتحصلة ، يمكن رد Darii و Ferio الواحد إلى الآخر . كما يمكن من ناحية أخرى رد كل من Darii , Barbara الواحد إلى الآخر بواسطة الرد غير المباشر على النحو التالى :

لنأخذ Barbara : كل ط هي ح ؟ كل ع هي ط . ∴ كل ع هي ح
والا كانت النتيجة ليس بعض ع هي ح - وحتئذ سيكون كل ط هي ح ، كل ع هي ط ، ليس بعض ع هي ح صادقة معا . وهذه الأخيرة يمكن بنقض المحمول ثم العكس (وسنشير إلى لا - ح بقولنا ح) أن تصبح بعض ح هي ع وبتركيبنا لهذه مع : كل ع هي ط يكون لدينا القياس الآتى من الضرب Darii : كل ع هي ط ، بعض ح هي ع . ∴ بعض ح هي ط وهذه بواسطة العكس ثم نقض المحمول تصبح ليس بعض ط هي ح . ومعنى هذا أن كل ط هي ح ؟ ليس بعض ط هي ح صادقتان معا ، ولكن هذا مستحيل لأنهما متناقضتان . إذن : « ليس بعض ع هي ح » ليست صحيحة ، ومعنى هذا أن نقيضتها كل ع هي ح صحيحة .

وبالطريقة عينها يمكن رد Darii بطريق غير مباشر إلى Barbara

١٢٨ — وعملية الرد هذه لها أنصارها ولها خصومها ، ولكلٍّ حججه .
فأنصارها يقولون إن ضرورة الاستدلال في القياس لا تظهر بوضوح إلا إذا كان
الشكل يقوم مباشرة على « مقالة الكل واللاشيء » ، وهذا لا يتحقق
إلا بالنسبة إلى الشكل الأول ، فلا بد إذن من بيان إمكان رد الشككين الآخرين
إلى هذا الشكل الأول حتى تقين ضرورة الاستدلال بوضوح .

أما خصومها فيقولون إن هذه العملية غير ضرورية من جهة ، وغير طبيعية
من جهة أخرى . فهي غير ضرورية أولاً لأنه موجب لاعتبار « مقالة الكل
واللاشيء » هي الأساس في كل استدلال صحيح ، بل إن لكل شكل
من الأشكال أساسه ومبدأه الخاص به الذي يمكن أن يُعدّ مستقلاً وفي نفس
مستوى « مقالة الكل واللاشيء » .

وهي غير طبيعية ثانياً لأنها تتضمن غالباً وضع حمل غير طبيعي وغير مباشر ،
مكان حمل طبيعي مباشر ، وهناك أنواع من الحجج تقع بطبيعتها في الشككين
الثاني والثالث أولى من أن تقع في الشكل الأول . فمثلاً : كل عاقل يسعى
في الخير ؟ أنا لست أسعى في الخير . : أنا لست عاقلاً . من نوع Camestres .
فإذا رُدَّ إلى Celarent تصبح الكبرى هي « لا واحد يسعى في الخير هو
أنا » ، والنتيجة تصبح « لا عاقل هو أنا » .

إلا أن رفض هؤلاء الخصوم لهذه العملية يقوم على أساسين متعارضين :
فبعضهم يرفضها على أساس أن الأشكال الأخرى (غير الشكل الأول) ليست
سوى « تعديلات عرضية للشكل الأول » « وتعبيرات مشوهة عن عملية عقلية
مركبة » كما يقول هاملتون ، و« لا نحصل على نتائجها إلا بطريقة ملتوية واستنباط
مدخول ، ونفس النتيجة نتحصل من نفس الأوساط في الشكل الأول ببرهنة
صافية لا اضطراب فيها ولا خلط » على حد تعبير كنت .

والبعض الآخر يرفضها على أساس أن لكل شكل استقلالاً عن الشكل

الآخر ، والثاني والثالث كل منهما في مستوى الأول ، لأن كل واحد منهما يعبر عن طريقة معينة من التفكير ويبرهن به على نوع معين من القضايا ، ولكل وظيفة الخاصة - وعلى رأس هؤلاء لاشلييه كما رأينا من قبل

القياس الاستثنائي

١٢٩ — لم يقسم أرسطو الأقيسة إلى شرطية وحملية على النحو الذي نفهمه الآن ، وإنما أشار إلى نوع من الأقيسة التي يكون صدق نتائجها متوقفاً على ما هو متفق عليه أو بعبارة أخرى هذه الأقيسة هي التي تُبرهن على مقدم قضية شرطية وتبعاً لذلك ، وبواسطة التسليم بهذا الفرض ، على النتيجة . فمثلاً إذا سلمنا بأنه إذا كانت *A* هي *B* فإن *C* هي *D* ، فإن أى قياس يبرهن على أن *A* هي *B* يبرهن ، بالتسليم بهذا ، على النتيجة وهي أن *C* هي *D* . ولكن بدون هذا التسليم لا يمكننا أن نبرهن على أن *C* هي *D* . ولهذا سميت البرهنة على هذه الأخيرة بأنها بحسب الفرض *Ex hypothesi*

وأول من ميز بين الأقيسة فقسمها إلى حملية وشرطية تلاميذه : ثاوفرسطس وأوديموس . ثم جاء الرواقيون فتوسعوا في بحث الأقيسة الشرطية وتابعهم على ذلك المدرسيون ، فقسموا الأقيسة المسماة *conjunctifs* ، إلى شرطية متصلة *hypothétiques* وشرطية منفصلة *disjonctifs* وعطفية *copulatifs*

أما المنطقة العرب فإننا نجد بعضهم يميز بين الأقيسة الاقتراعية والاستثنائية ويقصر الاقتراعي على المركب من الحليات والاستثنائي على المركب من الحليات والشرطيات (بنوعها) معا ، وحينئذ يقسم الاستثنائي إلى استثنائي متصل ، واستثنائي منفصل ، كما فعل الغزالي وابن الحاجب والأخضري - والبعض الآخر يقسم الاقتراعية إلى اقتراعية حملية واقتراعية استثنائية ، والاقتراعية الاستثنائية : هي المركبة من الحليات والشرطيات أو من

شرطيات فحسب وعلى رأس هؤلاء ابن سينا وتبعه صاحب « البصائر » . ولكن ابن سينا كما لاحظ الملوى في شرحه على « السلم » ، مع كونه هو الذى استخرج الأقيسة المركبة من الشرطية ، فإنه أورد تشكيكات في إنتاج المتصلتين منه والمتصلة والحملية . وهذا الوضع نفسه نجده عند المناطقة المحدثين ، وإليه أشار كينز (§ ٣٠١) فقال إن بعض المناطقة أغفل الأقيسة التى تكون فيها النتائج الشرطية مستنتجة من مقدمات شرطية خالصة وقصر الأقيسة الشرطية على تلك التى تكون فيها إحدى المقدمتين فقط شرطية . وقسم هو الأقيسة الشرطية تقسيماً مختلفاً على أساس تفرقه في داخل القضايا الشرطية بين المتصلة المطلقة hypothetical وللشرطية المتصلة النسبية conditional^(١) فكان الأقيسة تنقسم عنده إلى شرطية ، واستثنائية منفصلة . والشرطية تنقسم إلى ثلاثة أقسام :

١ — شرطية متصلة نسبية conditional وهى التى يتركب فيها القياس من مقدمتين شرطيتين متصلتين نسبيتين ونتيجة شرطية متصلة نسبية .
كلما كانت ا هـ ح ، كانت و م كلما كانت ا هـ ب كانت ح .
كلما كانت ا هـ ب ، كانت و م .

٢ — شرطية متصلة مطلقة hyp. syl. وهى التى يتركب فيها القياس من مقدمتين شرطيتين متصلتين مطلقتين ونتيجة متصلة مطلقة :
مهما كانت ق صادقة كانت ت صادقة مهما كانت ت صادقة كانت ص صادقة .
مهما كانت ق صادقة كانت ص صادقة .

٣ — شرطية متصلة حملية hyp. -cat. syl. أو استثنائية متصل ، وهى التى يتركب فيها القياس من ثلاث قضايا وإحدى المقدمتين شرطية بينما الأخرى والنتيجة حمليتان :

(١) يمكن أن نحصر المتصلة المطلقة بالسور « مهما » ؛ والمتصلة النسبية بالسور « كلما » لأن « كلما » ظرف وتدل غالباً إن لم يكن دائماً على ارتباط في الزمان ؛ بينما « مهما » لا تدل غالباً على ارتباط في الزمان وإنما هى مطلقة . مثال ذلك : كلما مروا بآية من ذكر الجنة بكوا شوقاً إليها — ومهما يكن عند امرئ من خليقة . . . وإن خالها تخفى على الناس تعلم — مهما تأتاه من آية .

مهما كانت ق صادقة كانت ت صادقة ؟ ق صادقة . . . ت صادقة .
وقد قال بهذه التفرقة فيما يتعلق بالشرطية والاستثنائية المتصلة أو المتصلة المحلية
ايرفنج . أما زجفرت فيستعمل الاصطلاح « شرطية مجردة » pure واستثنائية .
وبعضهم مثل جفنز Jevons لا يعترف بالشرطيات الخالصة وإنما يعترف
فقط بالأنواع الأخير . ومن الأسباب المبررة لهذا الرأي الأخير أنه ليس ثمة فارق
تقريباً بين القياس المركب من الشرطيات ، والقياس المركب من الحملات ؛
فلا داعى إذن للتمييز بين الاثنين .

١٣٠ — وعلى كل حال فإننا لو ميزنا الأقيسة المركبة من الشرطيات
والأخرى المركبة من الحملات وجعلنا الجميع داخلة تحت الاقترانيات ، فإننا نقول
إن الاقتران في حالة الشرطيات وحدها ، أو الشرطيات والحملات إما أن يقع بين
متصلين ؛ أو منفصلين ؛ أو بين حملي ومتصل والشركة في المقدم أو في التالي ؛
أو بين حملي ومنفصل ؛ أو بين متصل ومنفصل .

وفي هذه الأقيسة يمدّ مقدم النتيجة في مقابل الحد الأصغر في القياس الحملي ،
وتاليها في مقابل الأكبر ، والحد الذي لا يظهر في النتيجة في مقابل الحد الأوسط .
والتمييز بين الأشكال والأضرب يتم تماماً كما في الأقيسة المحلية بالنسبة إلى ما هو
مركب من شرطيتين متصلتين بوضوح ، ومع الأخرى بشيء من التعسف .
وشروط الإنتاج في هذه الأقيسة هي عينها شروط الإنتاج في الأقيسة
المحلية ، أعني شروط الاستغراق وشروط الكيف .

كما أن من الممكن رد الأقيسة التي من الأشكال ٢ ، ٣ ، ٤ إلى الشكل
الأول كما في الأقيسة المحلية سواء بسواء .

(١) فالنوع الأول هو الذي يكون فيه الاقتران بين متصلتين والنتائج منها
ما تكون الشركة بين المقدمتين في جزء تام أى في مقدم أو تال . ومثال الشكل
الأول : كلما كان (صفري) ا ب فهو ح و ؟ كلما كان ج د (كبرى)
فهو ه ز . . . كلما كان ا ب فهو ه ز

مثاله : كلما كانت الشمس طالعة ، كان النهار موجوداً
كلما كان النهار موجوداً ، أمكنت القراءة دون نور
∴ كلما كانت الشمس طالعة ، أمكنت القراءة دون نور

(٢) والنوع الثاني هو الذى يكون فيه الاقتران بين منفصلتين . والقريب من الطبع منها ما تسكون فيه الشركة فى جزء غير تام وهو جزء تال أو مقدم فى الحقيقتين وفى الشكل الأول . وشرائط إنتاجه أن تسكون الصغرى موجبة والكبرى كلية كما فى الحملات ويكون الجزء المشترك فيه موجبا . ومثاله إما أن يكون هذا (صغرى) العدد زوجاً وإما أن يكون فرداً ؟ كل زوج فهو إما زوج الزوج وإما زوج الفرد فقط وإما (كبرى) زوج الزوج والفرد ∴ هذا العدد إما فرد ، وإما زوج الزوج ، وإما زوج الفرد فقط ، وإما زوج الزوج والفرد .

٣ — والنوع الثالث بين المتصل والحلى — والقريب من الطبع منه هو أن يكون الاشتراك بين تالى المتصل والحلى لا بينه وبين المقدم . ومثاله من الشكل الأول مع جعل الكبرى حلية : كل ا ب ؟ كلما كان ح د فهو ه ب ∴ كلما كان ح د فهو ه ا فهنا الحلية كبرى والشركة مع تالى المتصلة ، ونتيجتهما متصلة مقدما مقدم المتصلة . وتالياً نتيجة التأليف بين التالى والحلية .

٤ — الرابع ما يتركب من الحلية والمنفصلة — ومثاله من الشكل الأول مع جعل الحلية صغرى موجبة ونحوها أجزاء الانفصال كله ، والمنفصلة كلية : كل جسم إما نبات أو جماد أو حيوان ؟ كل متحرك جسم ∴ كل متحرك إما نبات أو جماد أو حيوان .

وابن سينا يسمى هذا الاقتران القياس المقسم .

٥ — الخامس ما يتركب من المتصلة والمنفصلة ؛ والاشتراك إما فى جزء تام من المقدمتين ، أو غير تام منهما ؛ وكيفما كان فالمطبوع منه ما تكون المتصلة صغرى والمنفصلة كبرى موجبة . مثال الأول : إما أن يكون النهار موجوداً وإما أن يكون الليل موجوداً ؟ إن كانت الشمس طالعة فالنهار موجود — ينتج على

وجهين : إما متصلة : إن كانت الشمس طالعة فليس الليل موجوداً — أو منفصلة : إما أن تكون الشمس طالعة وإما أن يكون الليل موجوداً .

١٣١ — أما القياس الاستثنائي ، فهو الذي يوجد المطلوب أو نقيضه فيه بالفعل ؛ ويتألف من مقدمتين إحداهما شرطية لا محالة والأخرى استثنائية ؛ فيستثنى أحد جزأى الشرطية أو نقيضه فينتج الجزء الآخر أو نقيضه . فإن كان المستثنى من جزأى الشرطية حملياً كانت المقدمة الاستثنائية حملية ، وإن كان شرطياً كانت شرطية . ولننظر في القياس الذي تكون إحدى مقدمتيه شرطية والاستثنائية فيه حملية . وهذا ينقسم إلى قسمين بحسب كون الشرطية متصلة أو منفصلة . فيكون القياس الاستثنائي إذن نوعين : القياس الاستثنائي المتصل hypothetical والقياس الاستثنائي المنفصل disjunctive

فلنبداً بالبحث في القياس الاستثنائي المتصل (*)

١٣٢ — حينما تكون الكبرى شرطية متصلة والاستثنائية حملية فالنتيجة إما أن تكون مثبتة للتالي أو نافية للمقدم . والحالة الأولى تسمى *modus ponens* والحالة الثانية تسمى *modus tollens*

فحالة الوضع على الصورة :

(*) نورد هنا نظم « السلم » لباب القياس الاستثنائي :
القياس الاستثنائي

ومنه ما يدعى بالاستثنائي	يعرف بالشرطي بلا امتراء
وهو الذي دل على النتيجة	أو ضدها بالفعل لا بالقوة
فإن يك الشرط ذا اتصال	أنتج وضع ذاك وضع التالي
ورقم نال رفع أول ولا	يلزم في عكسهما لما انجلى
وإن يكن منفصلاً فوضع ذا	ينتج رفع ذاك والعكس كذا
وذاك في الأخص ، ثم إن يكن	مانع جمع فبوضع ذا زكن
رفع لذاك دون عكس وإذا	مانع رفع كان فهو عكس ذا

كلما كانت ا هي ب	أو : كلما كانت ا هي ب ،	أو كلما كانت ا هي ح
كانت ح لكن ا هي ب	كانت ح هي و - لكن ا	كانت ب هي ح - لكن
∴ ا هي ح	هي ب ∴ ح هي و	ا هي ح ∴ ب هي ح

مثال ذلك : إذا كانت الروح أزلية كانت أبدية ؟ لكن الروح أزلية ∴ هي أبدية .

أو : إذا كان الجاه يشتري بالذل فعلى الحر أن يزهد ؟ لكن الجاه يشتري بالذل ∴ على الحر أن يزهد .

أو : كلما كان المجد غالباً كانت التضحية غالبية ؟ لكن المجد غال ∴ التضحية غالبية .

وفي هذه الحالة نرى أن وضع المقدم ينتج وضع التالي ، لا العكس ، أعني أن وضع التالي لا ينتج وضع المقدم بالضرورة . ويظهر هذا بوضوح من المثل التالي : إن كان هذا إنساناً فهو حيوان ؟ لكنه إنسان ∴ هو حيوان — فهذا صحيح ولكن إذا وضعنا التالي ، فقلنا : لكنه حيوان ، فلا ينتج أنه إنسان .
وحالة الرفع على الصورة :

كلما كانت ا هي ب	أو : إذا كانت ا هي ب	أو : كلما كانت ا هي ح ،
كانت ح - لكن ا هي ب	كانت ح هي و - لكن	كانت ب هي ح - لكن
ليست ح ∴ هي ليست ب	ح ليست و ∴ ا ليست ب	ب ليست ح ∴ ا ليست ح

مثال ذلك : إذا كان المجد رخيصاً كان سهل المنال ؟ لكنه ليس سهل المنال ∴ هو ليس برخيص .

أو : إذا كان الإيمان قوياً فالنجاح ميسور ؟ لكن النجاح ليس ميسوراً ∴ الإيمان ليس قوياً .

أو : كلما كان العزم متيناً كان الأمل ضعيفاً ؟ لكن الأمل ليس بضعيف ∴ العزم ليس بضعيف .

وفي هذه الحالة نرى أن رفع التالي ينتج رفع المقدم ، لا العكس ، أى

أن رفع المقدم لا يستلزم بالضرورة رفع التالي . ففي المثل المذكور آنفا لا ينتج رَفْعُ المقدم ، وهو « إن كان هذا إنسانا » بأن نقول : لكنه ليس بإنسان ، كونه غير حيوان .

ويلاحظ على كلتا الحالتين ، حالة الرفع وحالة الوضع ، أن أولاهما تقابل الشكل الأول والأخرى الشكل الثاني . لأننا في الشكل الأول ننتقل من السبب إلى النتيجة ، وفي الشكل الثاني من إنكار النتيجة إلى إنكار السبب .

أما الشروط فهي التي أشرنا إليها آنفاً ، ونعني بها في حالة الوضع أن وضع التالي لا يبرر وضع المقدم ، وفي حالة الرفع : أن رفع المقدم لا يبرر رفع التالي . فالقانون العام للقياس الاستثنائي المتصل هو : إذا كانت لدينا مقدمة شرطية متصلة موجبة ، فإن إثبات المقدم يبرر إثبات التالي ، ونفي التالي يبرر نفي المقدم ، لا العكس في أى حالة من كلتا الحالتين .

١٣٣ — ونمة مشكلة متصلة بهذا القياس الاستثنائي المتصل ، ونعني بها مشكلة : هل الاستدلال مباشراً أو غير مباشر ؟ فإن كنت وهاملتون وبين Bain يمدّون هذا النوع من الاستدلال إستدلالاً مباشراً .

أما كنت فيقول إنه لا يوجد حد أوسط في مثل هذا القياس . والجواب عن هذا الاعتراض في نظر كينز أن يقال إن في المقدمات حداً لا يظهر في النتيجة وهذا يقابل الحد الأوسط في الأقيسة الحلية .

وهاملتون يقول إن الأصغر والنتيجة في هذا القياس يمكن أن يوضعا في أى موضع . ويرد على هذا كينز فيقول : إن هذا القول خطأ ، إذ ينتج عن وضع الأصغر والنتيجة في مكان آخر مغالطة ، فمثلاً : إذا كانت ق صادقة ، كانت صادقة ؟ لكن ق صادقة . . ت صادقة ؛ فإذا غيرنا وضع الأصغر والنتيجة بأن قلنا : إذا كانت ق صادقة ، كانت ت صادقة — ولكن ت صادقة . . ق صادقة — فهذا خطأ كما يتبين لنا من شروط حالتى الوضع والرفع .

ويقول بين Bain إن النتيجة متضمنة بالفعل فيما قيل في المقدمات ،
وفي المقدمة الشرطية وحدها على وجه الدقة ؛ فقولنا : إذا ظلّ الجو جميلاً سنذهب
إلى الريف يمكن أن يُصاغ بصيغة مساوية تماماً هي : الجو سيظلّ جميلاً وسنذهب
إلى الريف . فالشخص الذي يثبت الأولى لا يقول حقيقة جديدة حينما يثبت
الثانية . ويرد كينز على هذا فيقول إن هذا يجب أن ندقق في القول به . فإننا
حين نقول : إذا أعلنت الحرب ، عدت إلى وطني ؛ أو إذا كانت الشمس تدور
حول الأرض ، فعلم الفلك أو هام — فهل هذه الأقوال مساوية لقولنا : الحرب
أعلنت ولهذا يجب أن أعود إلى وطني ؛ الشمس تدور حول الأرض ، ولهذا
فإن علم الفلك الحديث أو هام ؟

يضاف إلى هذا أنه يجب أن يلاحظ أن المقدمتين في هذا النوع من القياس
منفصلتان تمام الانفصال ولا يمكن أن تستنتج إحداها من الأخرى ، وإنما
الاثنان ضروريان من أجل تحصيل النتيجة . ويتضح هذا لو قارنا بين
الاستدلال من قضية شرطية وبين الاستدلال في حالتنا هذه : فن : « إذا كانت
ق صادقة كانت ت صادقة » يمكن أن يستنتج مباشرة : « إذا كانت ت غير
صادقة كانت ق غير صادقة » . ولكن لكي أستطيع استنتاج أن ق غير صادقة
أحتاج إلى معرفة أن ت غير صادقة ، فانتقال الاستنتاج من الشرطى إلى الحملى
لا يتم إلا بقضية حملية متوسطة .

١٣٤ — القياس الاستثنائى الانفصالى :

في القياس الاستثنائى الانفصالى تكون إحدى المقدمتين قضية شرطية
منفصلة والأخرى قضية حملية تثبت أو تنفى حدود الانفصال في القضية السابقة ،
والنتيجة قضية حملية تنفى أو تثبت الحدود الأخرى أو الحد الآخر . والحالة
الأولى تسمى حالة الرفع بالوضع ponendo tollens والحالة الثانية تسمى حالة
الوضع بالرفع tollendo ponens

١ — فحالة الرفع بالوضع على الصورة :

دائمًا إما أن تكون أ	دائمًا إما أن تكون أ هي	دائمًا إما أن تكون أ
أ هي ب أو ح - لكن أ هي	ب أو ح هي د - لكن	ب هي ح - لكن أ هي
ب . . . أ ليست ح	أ هي ب . . . ح ليست د	ب . . . ب ليست ح

مثال ذلك : إما أن تكون الحركة قديمة أو حادثة ؟ ولكنها قديمة . . . هي ليست حادثة .

أو : إما أن يكون الاستقلال بالتضحية أو نكون واهمين ؟ لكن الاستقلال بالتضحية . . . نحن لسنا واهمين .

أو : إما أن يكون مكفرسن هو الذي ألف القصائد المنسوبة إلى أوسيان أو يكون أوسيان هو الذي ألفها ؟ لكن مكفرسن هو الذي ألفها . . . أوسيان لم يؤلفها .

ب — وحالة الوضع بالرفع على الصورة :

إما أن تكون أ هي ب	إما أن تكون أ هي ب	إما أن تكون أ أو ب
أ أو ح - لكنها ليست ب	أ أو تكون ح هي د - لكن أ	هي ح - لكن أ ليست ح
ب . . . هي ح	ليست ب . . . ح هي د	ب . . . ب هي ح

مثال ذلك : الإيمان بالله يقوم إما على السلوى أو على اليقين ؟ لكنه لا يقوم على السلوى . . . هو يقوم على اليقين .

أو : إما أن يكون المرء حرًا أو تكون الحياة عديمة القيمة ؟ : لكن المرء ليس حرًا . . . الحياة عديمة القيمة .

أو : إما أن يكون نيوتن أوليمنتس هو الذي اخترع حساب التفاضل والتكامل ؟ ولكن نيوتن لم يخترعه . . . ليمنتس هو الذي اخترعه .

أما المناطق الترب فيقسمون القياس الشرطي المنفصل على أساس تقسيمهم

القضايا المنفصلة إلى حقيقية ، وممانعة جمع ، وممانعة خلو .

فإن كانت المنفصلة « حقيقية أنتج استثناء أى جزء كان نقيض الآخر لامتناع الجميع بينهما ؛ واستثناء نقيض أى جزء كان عين الآخر لامتناع الخلو عنهما - فيكون لها أربع نتائج : اثنان باعتبار استثناء العين واثنان باعتبار استثناء النقيض - كقولنا : إما أن يكون هذا العدد زوجاً أو فرداً ؛ لكنه زوج فهو ليس بفرد ؛ لكنه فرد فهو ليس بزوج ؛ لكنه ليس بزوج فهو فرد ؛ لكنه ليس بفرد فهو زوج ؛

« وإن كانت ممانعة الجمع أنتج القسم الأول فقط أى استثناء عين أى جزء كان نقيض الآخر لامتناع الاجتماع بينهما ولا ينتج استثناء نقيض شيء من جزئيهما عين الآخر لجواز ارتفاعهما . فيكون لها نتيجتان بحسب استثناء العين كقولنا : إما أن يكون هذا الشيء شجراً أو حجراً - لكنه شجر - فهو ليس بحجر ؛ لكنه حجر - فهو ليس بشجر ؛

« وإن كانت ممانعة الخلو أنتج القسم الثانى فقط أى استثناء نقيض أى جزء كان عين الآخر لامتناع ارتفاعهما ، ولا ينتج استثناء عين أى شيء من جزئيهما نقيض الآخر لإمكان اجتماعهما . فيكون لها أيضاً نتيجتان بحسب استثناء النقيض كقولنا : إما أن يكون هذا الشيء لا شجراً ولا حجراً ؛ لكنه حجر فهو لا شجر « (القطب على الشمسية) .

وهذا التقسيم أفضل بكثير من تقسيم المفاصلة الأفرنج حتى إن هؤلاء اضطروا إلى الشك فى يقين الاستنتاج فى حالة الرفع بالوضع . إذ قالوا إن إثبات أحد طرفى الانفصال لا يبرر نفي الطرف الآخر دائماً . وإما ذلك فقط حينما يكون بين الطرفين عناد تام ، وإلا لم يكن الاستنتاج صحيحاً . فمثلاً إذا قلنا : دائماً إما أن يكون نيوتن أو لينتس هو الذى اكتشف حساب التفاضل

والتكامل - فلا يمكن أن يستنتج بيقين أنه لا بد أن يكون أحدهما فقط هو الذي اكتشفه ؛ فعمل الاثنين اكتشاف الواحد مستقلاً عن الآخر كما يميل إلى القول بذلك اليوم أكثر المؤرخين . إلا أن للملاحظ في هذه الحالة أنه لا بد من إدخال المادة في اعتبارنا حتى نستطيع التمييز بين مانعة الجمع ومانعة الخلو والحقيقية ، وهذا يخرجنا عن النظر الصوري الصرف القدي هو نظر المنطق الصوري .

أما حالة الوضع بالرفع فأكثر فائدة في أغلب الأحوال ، لأنه قد يعيننا في أحوال كثيرة أن تثبت شيئاً أكثر من أن يعيننا أن ننفي شيئاً .

القياس المضمر

١٣٥ - هناك أنواع من الأقيسة لا تتبع الهيئة التي اشترطناها حتى الآن في القياس . وأول هذه الأنواع القياس المضمر *enthymème* .

ولهذا القياس تاريخ لا بد من الإشارة إليه لأن المعنى الذي أعطاه أرسطو لهذا القياس غير المعنى الذي أصبح له اليوم .

فأرسطو يعرفه بأنه قياس بالاحتمال والعلامة . وقد بحث فيه في الفصل السابع والعشرين من المقالة الثانية في « التحاليل الأولى » وفي مواضع كثيرة من كتاب « الخطابة » . « أما الاحتمال » و « العلامة » فهما قضيتان الأولى منهما تعبر عن احتمال عام والأخرى عن واقعة جزئية معروف أنها دليل محتمل وليس يقينياً على صدق قضية قد تكون بدورها واقعة جزئية أو تكون معتقداً عاماً . والقضية الاحتمالية قضية شبه كلية مثل : الحساد يعادون . أما القضية الثانية فقضية شخصية لا ينظر إليها باعتبارها علامة إلا بالنسبة إلى قضية أخرى يفترض أن من الممكن استنتاجها منها . والقضية الاحتمالية حينما تستخدم في قياس مضمر تكون مقدمة كبرى في قياس مثل التالي : الحساد يعادون ؟ هذا الرجل حسود . . . هذا الرجل

(يحتمل أنه) يعادى . وهذا القياس فاسد من الناحية المنطقية لأنه لما كانت الكبرى ليست كلية تماماً فإن الحد الأوسط غير مستغرق .

والواقعة الجزئية أو العلامة توضع كمقدمة في قياس من أى شكل من الاشكال الثلاثة . فمثلاً في الشكل الأول : كل الطموحين أحرار ؟
بتا كوس طموح . . . بتا كوس حر ؛ وفي الشكل الثانى كل الطموحين أحرار ،
بتا كوس حر . . . بتا كوس طموح ؛ وفي الشكل الثالث بتا كوس حر ؟
بتا كوس طموح . . . كل الطموحين أحرار . ويلاحظ هنا أن القياس في الشكل الأول هو وحده الصحيح منطقياً ؛ أما في الشكل الثانى فتنة أغلوطة الحد الأوسط غير المستغرق ؛ وفي الثالث اغلوطة الاصغر غير المشروع . « مانسل على أولدرش^(١) » .

ولكن جاء الشراح فغيروا المعنى الذى قصد إليه أرسطو وثبت أن كلمة « قياس ناقص » الموجودة في نص أرسطو هي منحولة ومقحمة من عند الشراح على النص لان أرسطو كان ينظر إلى القياس على أنه عملية ولا ينظر إليه من ناحية القول الخارجى ، وعلى ذلك فليس هناك فارق منطقي بين القياس المضمر والقياس الصريح وإنما الفارق في التعبير اللفظي فحسب لا في الفكر . أما الشراح فقد نظروا إلى اللفظ والتعبير اللغوي ولذلك أعطوا لهذه الكلمة معنى آخر بأن أرجعوا أصلها إلى العقل وقالوا تبعاً لهذا إن القياس الضمر هو الذى تطوى إحدى مقدماته ولا تذكر في التعبير بل تظل في العقل فقط .

ومن ثم أصبحت كلمة *enthymème* تطلق على القياس الذى طويت إحدى مقدماته .

(1) Mansel's Aldrich (pp. 209-211) .

والمنطقة العرب قد فرقوا على هذا الأساس بين أنواع الأقيسة المحذوقة إحدى مقدماتها قسموها إلى : « الضمير » - وهو القياس الذي حذف مقدمته الكبرى إما لظهورها والاستغناء عنها كما نقول : خطأ ا ب ، ا ج خرجا من المركز إلى المحيط فهما متساويان ؛ فهنا حذفت الكبرى ؛ - وأما لاختفاء كذب الكبرى إذا صرح بها كلية كقول الخطيب : هذا الإنسان يخاطب العدو فهو إذا خائن مسلم للتفر . ولو قال : وكل مخاطب للعدو فهو خائن - لشعر بما يناقض به قوله ولم يُسَلِّمْ له .

« والرأى » - وهو قياس حذف مقدمته الصغرى وأصبحت الكبرى مقدمة كلية محمودة في أن كذا كائن ، موجود أو غير موجود ، صواب فعله أو غير صواب وتؤخذ دائماً في الخطابة مهمة كقولك : الحساد يعادون والأصدقاء ينصحون .

« والدليل » - وهو قياس إضماری حده الأوسط شيء إذا وجد للاصغر تبعه وجود شيء آخر للاصغر . ويكون على نظام الشكل الأول لو صرح بمقدمته : مثاله هذه المرأة ذات ابن فهي إذا قد ولدت . وهذا النوع أخص من الضمير ، فإنه من أحد أقسامه وهو : ما حذفت كبراه لظهوره .

« والعلامة » - وهي قياس إضماری حده الأوسط : إما أعم من الطرفين معا ، حتى لو مُرِّحَ بمقدمته كان المنتج منه من موجبتين في الشكل الثاني كقولك : هذه المرأة مصفارة فهي إذا حبلى ، وإما أخص من الطرفين حتى لو صرح بمقدمته كان من الشكل الثالث كقولك إن الشجعان ظلمة لأن الهجاج كان شجاعا وظالماً . والمستدل بالعلامة يأخذها كلية ولذلك لا يكون الاستدلال صحيحاً .

ولكنهم لم ينظروا إلى القياس الذي حذف نتيجته . وقد أدرك ذلك أصحاب منطق بوررويال فقالوا إن منه نوعا تمحذف فيه النتيجة . وقال بذلك أيضا

هاملتون ولو أنه غاب على المنطقة أنهم لم يدركوا ذلك مع أن أصحاب منطق
يورروبال قد أدركوا ذلك قبله بزمان طويل .

وعلى هذا الأساس يقسم القياس المضمّر إلى قياس مضمّر من الدرجة الأولى
first order وهو الذى حذف فيه الكبرى ، ومن الدرجة الثانية وهو
الذى حذف فيه الصغرى ، ومن الدرجة الثالثة وهو الذى حذف فيه النتيجة .
فمثلاً : « بلبوس طماع فهو ليس بسعيد » من الدرجة الأولى ، « وكل الطماعين
غير سعداء ، فإذا بلبوس غير سعيد » من الدرجة الثانية ، « وكل الطماعين
غير سعداء ، و بلبوس طماع » من الدرجة الثالثة .

١٣٦ — ولهذا القياس أهمية كبرى لأنه شائع جداً في أحاديثنا وكتاباتنا حتى
ليكاد يكون وحده المستعمل . فإن من النادر جداً أن ينطق الإنسان بالقياس
في كل أجزائه وأن يذكر كل قضايه ، إما لوضوح الباقي ورغبة العقل في أن يدع
له الإنسان شيئاً يستخرجه هو بنفسه بدل أن يعلمه كل شيء ، وإما لأن جمال
التعبير يقتضيه .

هذا إلى أن الفارق بين القياس المضمّر فارق في التعبير فحسب ، أما العملية
الذهنية فواحدة في كلتا الحالتين . فلما كانت عناية المنطق بالعملية الذهنية أكثر
من عنايته بالتعبير عنها ، فلا أهمية لهذه التفرقة في الواقع . ولهذا لا نكاد نجد
القياس الصريح إلا في كتب المنطق ، أو في جدل روعيت فيه الناحية الصورية
بوجه خاص .

القياس المركب موصول النتائج

١٣٧ — القياس البسيط يدل على فعل استدلال واحد ، ويمكن أن يحلل
إلى مقدمات ونتيجة ، لا إلى أجزاء هي نفسها أفعال استدلال . ولكن يمكن

أن تكون المقدمات نفسها نتائج استخلصت بأفعال استدلال سابقة ، كما يمكن أن تكون النتيجة مقدمة لفعل استدلال جديد .

فإذا تركب القياس من عدة قضايا تكون فيها نتيجة مقدمتين بدورها مقدمة في قياس جديد ، أى إذا ما تكونت سلسلة من الأقيسة نتيجة الواحد فيها مقدمة للآخر سمي القياس مركباً . polysyllogisme

وينقسم قسمين : فالقياس الذى يبرهن على مقدمات قياس آخر يسمى بالنسبة إلى هذا الأخير قياساً سابقاً prosyllogisme . والقياس الذى تكون إحدى مقدمتيه نتيجة لقياس آخر يسمى بالنسبة إلى هذا الأخير قياساً لاحقاً episyllogisme
فمثلاً إذا قلنا :

كل قوة مرهوبة	قياس سابق	{	كل ا هي ب
كل علم قوة			كل ح هي ا
كل علم مرهوب	قياس لاحق	{	كل ح هي ب
كل ثقافة علم			كل و هي ح
كل ثقافة مرهوبة			كل و هي ب

مثاله : ∴ كل علم مرهوب ∴ كل ثقافة مرهوبة

ويمكن القياس الواحد أيضاً أن يكون في الوقت نفسه قياساً سابقاً وقياساً لاحقاً ، كما إذا جعلنا نتيجة القياس اللاحق هنا مقدمة لقياس ثالث ، فيصبح القياس اللاحق هنا قياساً سابقاً بالنسبة إلى القياس الثالث .

وإذا كان السير في سلاسل الاستدلال من قياس سابق إلى قياس لاحق سميت السلسلة حينئذ متقدمة progressive (أو تركيبية synthetie ، أو لاحقية episyllogistic) : فهنا يبدأ المرء من مقدمات ، ويستمر يستخلص منها كل النتائج الممكن استخلاصها منها . لكن إذا كان السير في سلسلة الاستدلال من قياس لاحق إلى قياس سابق سميت السلسلة حينئذ متقهقرة

أو مرتدة regressive (أو تحليلية analytic ، أو ساقية prosyllogistic) .
وهنا تُعطى النتيجة النهائية أولاً ، ويرجع المرء منها ، بواسطة سلسلة من
الاستدلالات ، إلى المقدمة التي تقوم عليها هذه النتيجة النهائية .

وإذا كان قياس أو أكثر مضمراً في قياس مركب ، سمي القياس المركب
حينئذ باسم القياس المعمل^(١) épichérème ، لأننا نأتي بالعلة في المقدمات ،
مثال ذلك :

كل ب هي و — لأنها ح كل جبان خبيث — لأنه لا يجرؤ

على المواجهة الصريحة

كل منافق جبان

كل منافق خبيث

كل ا هي ب

∴ كل ا هي و

فإذا كانت العلة مذكورة في مقدمة واحدة سُمي القياس المعمل مفرداً
single كما في القياس السابق ؛ وإذا كانت مذكورة في كلتا المقدمتين سُمي
مضغفاً double ، ومثاله :

كل جسم حادث — لأنه مركب

كل محسوس جسم لأنه ذو أبعاد ثلاثة

∴ كل محسوس حادث .

والمعمل المفرد ينقسم بدوره إلى معمل مفرد من الدرجة الأولى ، إذا كانت
العلة في المقدمة الكبرى ؛ ومن الدرجة الثانية إذا كانت العلة في المقدمة
الصغرى ، مثل أن نقول :

(١) هذه الكلمة كان لها عند أرسطو معنى يختلف تماماً عن معناها الآن .

إذ كان معناها عنده: القياس الديالكتيكي أي الظني ، في مقابل القياس البرهاني philosophème
والقياس المغالطي sophisme . وقد ذكر كوتيليان Quintilien معاني هذا اللفظ في

De Oratore قسم ٥ فصل ١٠ فقرة ٢ .

كل مستعبد حقير

كل متعلق مستعبد — لأنه ليس حرّ الرأى

∴ كل متعلق حقير .

ولهذا النوع من القياس فائدتان كما يقول صاحبنا منطق « پور رويال »
(ص ٣٠٤ - ص ٣٠٥) :

الأولى : أنه يغيث السامع المتلهف الذى لا يستطيع أن يصبر حتى تصاغ له
برهنة جديدة على ما يساق فى المقدمات ؛ وهذا من شأنه أن يمنع عنه الضيق .
والثانية : أنه موجز ، فلا يضطر الإنسان إلى تكرار القضية المطلوب تعليلها .

القياس المركب مفصول النتائج

١٣٨ — رأينا فى القياس المركب السابق § ١٣٧ أن النتائج مصرح
بها ؛ ولكن هناك نوعاً من القياس المركب لا يصرح فيه بالنتائج بأن تطوى
كلها ولا يذكر إلا النتيجة الأخيرة فحسب . ويسمى الأول بالقياس المركب
« موصول النتائج » لوصل النتائج بالمقدمات ؛ ويسمى الثانى « مفصول النتائج »
لفصل النتائج عن المقدمات فى الذكر وإن كانت مرادة من حيث المعنى .
(راجع القطب « الشمسية ») .

فالقياس المركب مفصول النتائج Sorites قياس مركب حذف فى جميع
النتائج ما عدا الأخيرة ، وتكون المقدمات فيه مرتبة بطريقة تجعل كل قضيتين
متتاليتين ذواتى حد مشترك على الصورة :

كل ا هـ ب ٦ كل ب هـ ج ٦ كل ج هـ د ٦ كل د هـ و
هـ هـ ٦ كل هـ و ∴ كل ا هـ و .

أما في حالة النوع الجوكليبي فالترتيب عكسي : فالمقدمة المذكورة أولاً هي الكبرى وتُجمل النتيجة المطوية دائماً مقدمة كبرى ، وكل مقدمة تالية الأولى تكون صفري بالنسبة إلى السابقة عليها وكبرى بالنسبة إلى التي تليها . ويمكن أن يحلل هكذا :

(١) كل ع هي ه ه كل ح هي د . ∴ كل ح هي ه

(٢) كل ح هي ه ه كل ب هي ح . ∴ كل ب هي ه

(٣) كل ب هي ه ه كل ا هي ب . ∴ كل ا هي ه

وهنا يلاحظ أن المقدمة المذكورة أولاً هي كبرى القياس رقم (١) ه ونتيجة رقم (١) هي كبرى رقم (٢) وهكذا باستمرار .

ومن هذا كله يتبين أن الفارق بين كلا النوعين لا أهمية له في الواقع وكل ما يمكن أن يقال في صالح النوع الجوكليبي هو أن ترتيب المقدمات فيه يتناسب مع الترتيب الذي تذكر عليه المقدمات عادة في القياس البسيط ، أعني ذكر الكبرى أولاً ثم الصفري ؛ بينما النوع الأرسطعالي يتناسب مع الطريقة العربية في ترتيب المقدمات وهو الأشهر والأكثر شيوعاً .

١٣٩ — وهنا يلاحظ أن هذا النوع المسمى بالأرسطعالي يجب أن لا يسمى في الواقع بهذا الاسم لأن أرسطو لم يقل به ؛ لأنه لم يبحث في القياس المركب مفصول النتائج (ولو أنه يعتقد أنه يحدث كثيراً في العلوم ، راجع التحاليل الثانية م ألفا ف ١٤ ص ١٧٩ م^{٣٠} ، ك - كج) ولم يرد اللفظ في أي كتاب من كتبه المنطقية . وإنما الذي بحث فيه هم الرواقيون ، ويسميه شيشرون بهذا الاسم sorits . ولكن هذا الاسم لم يستعمل استعمالاً شائعاً عاماً

بين المناطق إلا متأخراً . فهاملتون يلاحظ أنه لا يستطيع أن يرجع بهذا اللفظ إلى ما قبل كتاب *Dialectica* للورنتيوس فله *Laurentius Valla* الذى ظهر فى منتصف القرن الخامس عشر . ومنذ القرن السادس عشر حتى الآن أصبح يشغل مكاناً باستمرار فى الكتب المنطقية (راجع كتاب هاملتون «محاضرات فى المنطق» ف ١٩ ص ٣٧٧ Lectures on Logic) .

أما النوع الجوكلينى فيُنسب إلى أول من وضعه وهو رودلف جوكلينيوس *Rudolphus Goclenius* الأستاذ بجامعة ماربورج (ولد سنة ١٥٤٧ وتوفى ١٦٢٨) فى كتابه « المدخل إلى أرغانون أرسطو » سنة ١٥٩٨ :

Isagoge in Organum Aristotelis

هذا إلى أن الكلمة لم يكن لها قديماً ما لها من معنى الآن وإنما كانت تدل فى العصور القديمة على نوع من المغالطة يظهر أن أول من اخترعها هو كريستفوس *Chrysippus* الرواقى أو أبولييدس *Eubulides* الميفارى ؛ ويقوم على الصعوبة التى يجدها الإنسان أحياناً فى تعيين الحد الدقيق لمفهوم لفظ مثل أصلع أو كومة . وخلاصتها أن المجادل يقول عن كومة قمح مثلاً : هل هذه الحبة الواحدة كومة ؟ فيقال لا ؛ فيضاف إليها أخرى وثالثة وهكذا إلى أن يأتى وقت يضطر الإنسان فيه بمجرد إضافة حبة واحدة إلى الباقى أن يقول إنها كومة *soros* فكان الكومة إذاً تصنعها حبة واحدة . ومن هنا سميت باسم *sorite* من الكلمة *soros* (كومة) ، أو العكس

أما أول استعمالها بالمعنى المفهوم الآن فقد يكون من المحتمل أنه كان عند جالينوس ؛ ولكن من المؤكد أنه كان عند ثكتورينوس *Victorinus* فى القرن الرابع الميلادى .

١٤٠ — والقياس المركب مفصول النتائج يلاحظ فيه أنه لا بد من وجود خطوتين ، على الأقل ، فيه وبالتالي ثلاث مقدمات ، وإلا لن يكون لدينا قياس مركب . ويجوز أن يكون هناك أكثر من خطوتين أيًا كانت هذه الكثرة ؛ كما يشاهد أيضاً أن المقدمات تزيد بوحدة دائماً عن الخطوات الاستدلالية التي يفصل إليها القياس المركب مفصول النتائج . والشائع منه ما كان قصيراً ، لا لأن قطارات الاستدلال الطويلة نادرة ، وإنما لأن الخطوات الاستدلالية المتتالية لا تستمر غالباً طويلاً على صورة واحدة ، بل يميل الإنسان إلى التنويع . ومثال القياس المركب مفصول النتائج ما ذكرناه في كتاب « اشينجلر » ص ١٥٣ حين أردنا إثبات الصلة بين المكان وبين الموت فقلنا : « المكان هو الامتداد م ، والامتداد هو المادة م (والمادة نقيض الروح ، والروح هي الحياة ، والحياة نقيض الموت) فالمادة هي الموت م إذن المكان هو الموت » وهنا يلاحظ أننا اضطررنا إلى تعليل إحدى القضايا وهي « والمادة هي الموت » فأتينا ببرهان في الوسط ، أي أننا لم نستطع أن نستمر طويلاً على صورة واحدة . ولهذا القياس قاعدتان خاصتان :

١ — يجب ألا توجد فيه أكثر من مقدمة واحدة جزئية ، ولا بد أن تكون الأولى إن وجدت .

٢ — يجب ألا توجد فيه أكثر من مقدمة واحدة سالبة ، وإن وجدت فلا بد أن تكون الأخيرة .

وذلك لأن الأقيسة فيه من الشكل الأول . وفي هذا الشكل يلاحظ أن الصغرى يجب أن تكون موجبة وأن الكبرى يجب أن تكون كلية . فلما كانت كل مقدمة ماعدا الأخيرة صغرى بالنسبة إلى المقدمة التي تليها ، فيجب إذن أن

تكون موجبة ؛ وكل مقدمة ماعدا الأولى كبرى بالنسبة إلى المقدمة السابقة عليها ، فيجب إذن أن تكون كلية . ومعنى هذا أيضاً أن الأولى يمكن أن تكون جزئية والأولى فقط ؛ وأن الأخيرة ، والأخيرة فقط ، يمكن أن تكون سالبة (جوزف ص ٣٥٦) .

ويمكن أن يبرهن على هاتين القاعدتين بطريقة أخرى هكذا مبتدئين بالقاعدة الثانية :

إذا كانت إحدى المقدمات سالبة فإن النتيجة الأخيرة يجب أن تكون سالبة . وعلى ذلك لا بد أن يكون ح مستغرقاً في النتيجة الأخيرة . ويجب تبعاً لهذا أن يكون مستغرقاً في المقدمة الموجود بها أى في المقدمة الأخيرة (وهى الكبرى في القياس الأخير) وبالتالي يجب أن تكون المقدمة الأخيرة سالبة . فإذا كانت هناك إذن مقدمة سالبة ، فإنها الأخيرة .

فإذا ثبت من هذا أن كل المقدمات ، ماعدا الأخيرة ، يجب أن تكون موجبة ، فإنه من الواضح أنه إذا كانت إحدى المقدمات ، ماعدا الأولى ، جزئية ، فلا بد أن تقع في مكان ما في أغلطة الأوسط غير المستغرق

وهذه القواعد خاصة بالنوع المسمى بالأرسطاطالى ، أما القواعد الخاصة بالنوع الجوكلينى فهى عين هذه القواعد مع وضع لفظى « الأولى » و « الأخيرة » الواحد مكان الآخر .

ويمتاز هذا النوع من القياس بأنه إلى جانب كون إحدى المقدمتين تَطَوَّى في كل خطوة من خطوات الاستدلال ماعدا واحدة ، تَطَوَّى أيضاً جميع النتائج المتوسطة التى نستعين بها فى الوصول إلى النتيجة النهائية ؛ لأن نتيجة كل قياس هى المقدمة المطلوبة فى القياس الذى يليه . ولعل هذا أن يكون السبب فى أن المناطقة وجهوا إلى هذا النوع من القياس عناية خاصة .

قياس الاحراج

١٤١ — اختلف المناطق في تعريف هذا النوع من القياس ، واختلف عدد أنواعه تبعاً لهذا الاختلاف ؛ بل اختلفوا أيضاً في كونه قياساً بسيطاً أو قياساً مركباً فنطق بور رويال يعرف قياس الاحراج بأنه « برهان مركب فيه يستنتج الانسان ، بعد تقسيمه كلاً إلى أجزائه ، بالسلب أو بالإيجاب من الكل ما استنتجه من كل جزء » . ويرى أن قوله « ما استنتجه من كل جزء » وليس فقط « ما أثبتته لكل جزء » معناه أن القياس المشكل الحقيقي لا يسمى بهذا الاسم إلا إذا كان الإنسان قد علل مايقوله عن كل جزء .
فمثلاً إذا أراد الإنسان أن يبرهن على أن المرء لا يمكن أن يكون في الدنيا سعيداً ، يستطيع أن يفعل ذلك على النحو التالي :

لا يمكن المرء أن يحيا في الدنيا إلا بالانعكاف على الذات أو بمحاربتها ؛ فإذا انعكف عليها فهذه حالة بائسة لأنها من العار ولا يمكن الإنسان فيها أن يكون راضياً ، وإذا حاربها فهذه أيضاً حالة بائسة لأنه لا شيء أدعى إلى الألم من هذه الحرب الداخلية التي يضطر الإنسان دائماً أن يشنها على نفسه .

فلا يمكن إذن أن تكون في الدنيا سعادة حقيقية [بور رويال

ص ٣٠٧] .

ولكن أغلب المناطق لا يشترطون هذا التعليل ويقدمون تعاريف أخرى والتعريف العام الذي نستطيع أن نقول إنه أكثر التعاريف شيوعاً أنه « برهان صوري يحتوي على مقدمة فيها تثبت شرطية أو شرطيتان معاً ؛ وأخرى فيها مقدمات الشرطية مثبتة عناداً أو توالياً منفية عناداً كذلك ، والمقدمة الأولى تسمى عادة الكبرى والثانية الصغرى » [كينز ص ٣٦٣] . ولكن يلاحظ على هذا التعريف أنه يصف القياس ولا يبين مميزاته الخاصة . ولذلك يفضل عليه

تعريف جوزف (ص ٣٥٨) وهو أن قياس الإحراج « برهان شرطى فيه عنادان ويبرهن على شيء ضد خصم في كلتا حالتى العناد » - أو تعريف كسيو دورس Cassiodorus أن قياس الإحراج « برهان فيه قضيتان أو أكثر يختار منها واحدة لا شك في أنها غير مرضية » .

فكأنّ قياس الإحراج برهان يريد منه الإنسان إحام الخصم بإلزامه باختيار أحد أمرين كلاهما لا يرضاه .

١٤٢ - وقياس الإحراج ينقسم إلى مثبت وناقص constructive, destructive تبعاً لكون المقدمة الصغرى تثبت انفصالاً المقدمات أو تنفى انفصالاً التوالى فى المقدمة الكبرى . فإذا كانت الصغرى المنفصلة تثبت مقدمات الكبرى الشرطية كان قياس الإحراج مُثبتاً constructive وإذا كانت تنفى توالى الكبرى الشرطية كان قياس الإحراج نافياً destructivi .

ولما كان من الضروري فى قياس الإحراج أن تكون الصغرى منفصلة ، فلا بد إذن أن تكون المقدمة الشرطية فى القياس المُثبت محتوية على مقدّمين متميزين على الأقل . أما التالى فيمكن أن يكون واحداً - وفى هذه الحالة تثبت النتيجة حلياً هذا التالى ويسمى القياس المشكل حينئذ بسيطاً ؛ ويمكن أيضاً أن يكون التالى أكثر من واحد ، وفى هذه الحالة تكون النتيجة بالضرورة قضية منفصلة ، ويسمى القياسُ المشكل فى هذه الحالة مركباً complex .

هذا فى قياس الإحراج المثبت : أما فى قياس الإحراج الناقص ، فلا بد أن تكون الكبرى الشرطية محتوية على أكثر من تال واحد ؛ أما المقدم فقد يكون واحداً ويسمى فى هذه الحالة قياسُ الإحراج نافياً بسيطاً ؛ وقد يكون أكثر من واحد ويسمى حينئذ نافياً مركباً .

فهناك إذن أربعة أشكال لقياس الإحراج :

ا - مثبت بسيط على الصورة : إذا كانت ا هي ب كانت ح هي د ؛
وإذا كانت ه هي و كانت ح هي د ؟ ولكن إما أن تكون ا هي ب أو ه
هي د . . . ح هي د - ومثال ذلك : إذا أطعت الأمر ارتكبت إثماً بإزاء ضميري
وإذا لم أنفذ قول الرؤساء ارتكبت إثماً بإزاء الرؤساء ؟ ولكن إما أن أطيع
الأمر أو لا أنفذ قول الرؤساء . . . أنا ارتكبت إثماً .

ب - مثبت مركب على الصورة : إذا كانت ا هي ب كانت ح هي د ؛
وإذا كانت ه هي و كانت ز هي ح ؟ ولكن إما أن تكون ا هي ب أو ه هي
و . . . إما أن تكون ح هي و أو ز هي ح .

ومثال ذلك : إذا أنا تزوجت خنت رسالتي الروحية ؛ وإذا لم أتزوج لم أنعم
ببعض متع الحياة ؟ ولكن إما أن أتزوج وإما أن لا أتزوج . . . إما أن
أخون رسالتي الروحية وإما أن لا أنعم ببعض متع الحياة .

ح - نافي بسيط على الصورة : إذا كانت ا هي ب كانت ح هي د ؛
وإذا كانت ا هي ب كانت ه هي و ؟ ولكن إما أن تكون ح ليست د أو ه
ليست و . . . ا ليست ب - مثال ذلك حجة زينون المشهورة ضد الحركة :
إذا تحرك الجسم تحرك في المكان الذي هو به أو في المكان الذي هو ليس به ؟
ولكن لا يمكن أن يتحرك في المكان الذي هو به كما لا يمكن أن يتحرك في
المكان الذي هو ليس به .

. . . الجسم لا يتحرك .

د - نافي مركب على الصورة : إذا كانت ا هي ب كانت ح هي د ؛
وإذا كانت ه هي و كانت ز هي ح ؟ ولكن إما أن تكون ح ليست ه
أو ز ليست ح .

∴ إما أن تكون أ ليست ب أو تكون ه ليست و

مثال ذلك : إذا خدم الإنسان وطنه بإخلاص أغضب المحتلين فلا ينال الحكم ، وإذا خان بلاده أغضب المواطنين فلا ينال الحكم ؟ ولكنه إما أن لا يغضب المحتلين وإما أن لا يغضب المواطنين ∴ إما أن لا يخدم الإنسان وطنه أو لا يخون بلاده ، وفي كلتا الحالتين لا يتولى الحكم .

١٤٣ - ولكن بعضاً من المناطق ، تبعاً لتعريفهم للقياس المشكل ، يرفض حأى ينكر قياس الإحراج النافى البسيط ويقول إن قياس الإحراج النافى لابد أن يكون مركباً . وعلى هذا رأى مانسل فى شرحه على الدرر (ص ١٠٨) فهو يعرف قياس الإحراج بأنه : « قياس له مقدمة كبرى شرطية بها أكثر من مقدم واحد ، ومقدمة صغرى منفصلة » ، وعلى ذلك أيضاً هو يتلى وجفنز ، وفى هذه الحالة لا يكون القياس المشكل النافى إلا مركباً ، لأنه فى القياس المشكل النافى البسيط لا يكون فى الكبرى إلا مقدم واحد . والحجة التى يسوقونها لتأييد هذا رأى هى أن المقدمة الشرطية المتصلة الكبرى فى حالة المثبت البسيط فيها انفصال حقيقى ، وليست الحال كذلك فى النافى البسيط .

ويرد على هذا بأن هذا الاختلاف ليس اختلافاً جوهرياً من شأنه أن يجعلنا نعدّ الحالة الأولى قياس إحراج دون الثانية . فنحن فى الحالة الأولى كما يقول جوزف (ص ٣٦٠) تثبت أحد طرفى الانفصال ، وأياً ما كان هذا الطرف فإن النتيجة واحدة ، لأنها مستنتجة منطقياً من إثبات أحد طرفى الانفصال ؛ وفى الحالة الثانية يجب أن يتنى أحد طرفى الانفصال ، وأياً ما كان هذا الطرف فالنتيجة واحدة ، لأنها مستنتجة منطقياً من تنى الطرف الآخر .

وجوهر القياس المشكل هو أن يقابل الإنسان خصمه بأمرين انفصاليين هما في آن واحد لا مفر منهما وليساً بسارين . ولهذا فإن المثل الذي أوردناه للنافي البسيط ، وهو حجة زينون ، واضح أنه من الممكن أن يسمى قياساً مشكلاً على هذا الأساس . أجل إن المقدمة الثانية ليست شرطية منفصلة وإنما هي نفى لمنفصلة ، فإنها لا تثبت صدق أحد طرفي الانفصال ، بل كذب الاثنين . ولكن البرهان كله مزيج من المتصلة والمنفصلة ويدفع الإنسان إلى مركز حرج يُزعم أن اختياره محدود فيه ، فإننا إذا قلنا بأن الجسم يتحرك ، فعلينا أن نقول بإحدى القضيتين اللتين كلتاهما متناقضة في ذاتها ، وهذا مثل للإحراج ظاهر . [جوزف ص ٣٦٠ - ص ٣٦١] .

١٤٤ — وقياس الإحراج لا يكون قياساً يقينياً إلا إذا خلا من العيوب التالية :

العيب الأول : أن تكون أجزاء الانفصال غير شاملة لجميع أحوال الكل المقسم . فمثلاً إذا أراد إنسان أن يثبت وجوب عدم الزواج فقال : إذا كانت الزوجة جميلة ، أثارت الغيرة ؛ وإذا كانت دميمة أثارت النفور ؟ ولكن الزوجة إما أن تكون جميلة أو تكون دميمة . الزوجة إما أن تثير الغيرة أو تثير النفور وكلاهما ذميم فلا يجب الزواج — يلاحظ هنا أن التقسيم في الانفصال ليس شاملاً لأن من النسوة من لا يبلغن من الجمال حداً يثرن معه الغيرة ، ولا من الدمامة حداً يثرن معه النفور . فثمة إذن حالة ثالثة لم تراعى في التقسيم يستطيع الإنسان أن يتخلص بها من الاشكال . وهذا ما يسمى باسم « التخلص بين قرني قياس الإحراج » :

escaping between the horns of a dilemma

والثاني : أن تكون النتائج المستخلصة في كل جزء ليست يقينية بالضرورة ففي المثال السابق قد يقال إنه ليس من الضروري أن يثير جمال الزوجة الغيرة

عليها في نفس الزوج بأن تكون من السمو الخلقى بحيث لا يمكن أن ترقى إليها الشبهات ، كما أنه ليس من الضروري أن تثير دمامتها النفور ، فقد يكون لها من الصفات الأخرى ما يعوّض عن الجمال . ويسمى نقض قياس الإحراج في هذه الحالة باسم « الامسك بقياس الإحراج من قرنيه » :

to take a dilemma by the horns

فهو إذن تسليم بالانفصال دون التناجى التى يستخلصها الخصم من أطراف الانفصال .

والثالث : أن يكون من الممكن أن ترتدّ عليه حجته ، وهذا ما يسمى باسم نقض قياس الإحراج rebutting of the dilemma ومن أشهر الأمثلة على ذلك القضية المشهورة بين بروتاغورس السوفسطائى وأوائلس Euathlus . فقد اتفق بروتاغورس مع أوائلس على أن يعلمه الخطابة مقابل مبلغ من المال يدفع نصفه عند نهاية التعليم والنصف الآخر حينما يكسب أوائلس أولى قضايا في المحاكم . فلما لاحظ بروتاغورس أن أوائلس ما طل في التمرين ، ظن أن أوائلس يحاول التهرب من دفع ما عليه من دين ، فرفع قضية على أوائلس لكي يحصل على بقية المبلغ . وحينئذ قال للقاضى : إذا خسر أوائلس القضية فعليه أن يدفع ، بناء على حكم المحكمة ؛ وإذا كسبها فعليه أن يدفع ، بناء على الاتفاق المعقود ؛

ولكنه إما أن يخسر القضية وإما أن يكسبها . ∴ يجب أن يدفع .

غير أن أوائلس رد عليه حجته فقال :

إذا كسبت القضية يجب ألا أدفع ، بناء على حكم المحكمة ؛ وإذا خسرتها يجب أن لا أدفع ، بناء على الاتفاق المعقود .

ولكن أما أن أكسبها وإما أن أخسرها . ∴ يجب أن لا أدفع .

ومن الأمثلة المشهورة كذلك أغلوطة « الكذاب » وأغلوطة « التماسح »

والأولى تتلخص في أن أفيمينيدس الكريتي قال إن الكريتيين كذابون . فإذا كان هذا صحيحاً فهل كذب في هذا أو قال الصدق ؟

والثانية تتلخص في أن تمساحاً خطف طفلاً ، ووعد أمه بأن . بأن يرده إليها إذا استطاعت أن تحزر نيته في هذا ؛ فإن قالت إنه لن يرده ، فإنها لا تستطيع أن تطالب به بناء على وعده ، لأنها إن أخذته كان حَزْرُها خاطئاً فلا تأخذه بناء على الاتفاق ؛ وإن قالت إنه سيرده ، فلا تستطيع أن تطالب به لأنها أخطأت الحزر ؛ فماذا كان عليها إذن أن تقول ؟

ويلاحظ في كل هذه الأغاليط أن الإنسان يحاول نقض حجة الخصم المخرجة بأن يأتي بحجة أخرى تثبت عكس نتيجة الحجة الأولى ؛ وذلك بعكس وضع تاليبي كل من القضيتين المكونتين للمقدمة الكبرى مع تغيير الكيف ، على الصورة :

القياس الأصلي	القياس الناقض
إذا كانت A فهي H ، وإذا كانت B فهي K	وإذا كانت A فهي ليست K ، وإذا كانت B فهي ليست H
ولكنه إما A أو B	ولكنه إما A وإما B
∴ هو إما H وإما K	∴ هو إما ليست K وإما ليست H

الأغاليط

١٤٥ — يقول مالبرانش : « لا يكفي أن يقال إن العقل قاصر ، بل لابد من إشارته بما هو عليه من قصور ؛ ولا يكفي أن يقال إنه عرضة للخطأ ، بل يجب أن نكشف له عن حقيقة هذا الخطأ » .

وهذا قول صادق ، إذ لا يكفي من أجل تمييز الحق أن نحدد شروطه فحسب ، بل لابد أيضاً لكي يكون التمييز واضحاً كل الوضوح أن نبين أين يكون الغلط حتى يظهر الحق أجلى وأوضح ، كالنور يكون أجلى بجوار الظلمة منه لو أخذ وسط فيض آخر من النور . ثم إن الأضداد إن لم تكن واحدة كما يقول هيجل ، فهي على الأقل مرتبطة تمام الارتباط سواء من الناحية العقلية ومن الناحية الوجودية ، ولهذا كان العلم بالأضداد كما يقول أرسطو علماً واحداً . فإذا كان تمييز اليقين في التفكير الإنساني موضوع المنطق ، فكذلك تمييز الخطأ فيه يدخل في بابه .

والخطأ ينقسم من الناحية النفسية إلى خطأ غير مقصود ويسمى حينئذ غلطاً *paralogisme* أو يكون مقصوداً من أجل التويه على الخصم لينتصر المرء بأى ثمن ويسمى حينئذ مغالطة *sophisme* أو أغلوطة .

وينقسم مرة أخرى إلى خطأ مصدره التفكير وآخر مصدره السلوك ، أو إلى خطأ عقلي وآخر أخلاقي . وهذا النوع الأخير لا يتصل بالمنطق وإنما يتصل بالأخلاق ، ومثاله التحيز وعدم الاكتراث للوصول إلى الحق ؛ ولهذا ، ومع أن بعض كتب المنطق تعنى به كما فعل أصحاب منطق بور رويال ، فإننا لن نتحدث عنه في هذا المقام .

ولما كانت الأغاليط لا تكاد تنحصر وبالتالي لا نستطيع أن نصنفها تصنيفاً

شاملاً ، فإن الأنسب في هذا أن تتبع المنهج التاريخي فنحنى خصوصاً بالأغاليط التي أشار إليها أرسطو . فنقول إن أرسطو قسم الأغاليط إلى طائفتين رئيسيتين : أغاليط في القول وأغاليط خارج القول (وباللاتينية in dictione و extra dictionem) والأولى أغاليط مصدرها اللغة والأخرى ليست كذلك * .

أما الأغاليط في القول فعددتها ست :

equivocation	أ - الاشتراك
amphiboly	ب - الاشتباه
composition	ج - التركيب
division	د - التقسيم
accent	هـ - النبرة

و - صور الكلام figures of speech

والأغاليط خارج القول هي :

أ - بالعرض accident

(*) يقول ابن سينا في « النجاة » ص ١٤٧ : « أسباب المغالطة في القياس إما لفظي وإما معنوي .

واللفظي إما اشتراك في جوهر اللفظ للأفرد ؛ أو اشتراك في هيئته وشكله ؛ أو اشتراك يقع بحسب التركيب لا بحسب لفظ مفرد ؛ أو لأجل صادق مركباً وقد فصل فظن صادقاً ؛ أو لأجل صادق تفاريق وقد ركبت فظن صادقاً .

وأما المعنوي فإما أن يكون بالعرض ، وإما من جهة سوء اعتبار شروط الصدق في الحمل وإما لعدم القرينة ، وإما لإيهام عكس اللوازم ، وإما للمصادرة على المطلوب الأول ، وإما لأخذ ما ليس بعلة علة ، وإما لجمع المسائل في مسألة فلا يتميز المطلوب واحداً بعينه » .

ب — بالجواهر secundum quid

ح — تجاهل المطلوب ignoratio elenchi

د — المصادرة على المطلوب الأول petitio principii

هـ — أخذ ما ليس بعلة علة

و — إيهام عكس الاوازم

ز — جميع المسائل في مسألة many questions

وسنتناول الآن المغالطات خارج القول :

١٤٦ — تجاهل المطلوب أو إثبات غير المطلوب ، ويقصد بتجاهل المطلوب أن يتجاهل الإنسان ما يجب أن يبرهن عليه ضد الخصم فيبرهن على شيء آخر غيره موهماً أنه أجاب على المطلوب . وقد يكون برهانه صحيحاً منطقياً ، ولكن المغالطة هنا في أنه يبرهن على نتيجة غير النتيجة المطلوبة أى المطلوب من الإنسان البرهنة عليها هي بالذات . ولها صور عدة : فمن ذلك أن يحرف الإنسان كلام الخصم ويبرهن على بطلان كلام الخصم محرفاً على هذا النحو ، كما يفعل كثير من المحامين ؛ وكما يفعل أيضاً بعض الفلاسفة في رددهم على خصومهم بإيراد كلامهم على غير وجهه : سواء بتغيير اللفظ وبقلب المعنى وفرض معنى جديد . ومن ذلك أيضاً أن ينسب المرء إلى الخصم نتائج يخيل إليه أنها إلزامات على مذهبه مع أن الخصم لا يقول بها بل ينكرها . كل هذا من الناحية اللفظية الكلامية .

وقد يلجأ المرء إلى طرق أخرى منها إثارة العطف ويُسمى الحجة المؤثرة argumentum ad misericordiam كما يلجأ إلى ذلك بعض المحامين بأن يستدر عطف القاضى ببيان أن المتهم جدير بالشفقة مع أن المطلوب أن يبين براءته أو أنه لم يخالف القانون .

ومنها الطعن في شخص الخصم بدلاً من تفنيد أقواله ويسمى الحجة الشخصية
argumentum ad hominem : فمثلاً السياسي الذي يحاول أن يفنّد رأى
خصمه يقول إن هذا الرأى أو التصرف يتناقض مع آرائه أو تصرفاته السابقة .
اللهم إلا إذا كان الطعن في الشخص مؤدياً حقاً إلى إثبات المطلوب بأن يتهم
الحامى الشاهد في أخلاقه ليبرّح شهادته من حيث أنه غير قابل لأن يقول
الصدق ما دام سيء الأخلاق .

١٤٧ — المصادرة على المطلوب الأول والمغالطة هنا مصدرها أن الأصل
في البرهان أن يكون أوضح وأعرف مما يراد البرهنة عليه . وفيها يفترض الإنسان
صحة ما يراد البرهنة عليه من أجل أن يبرهن عليه . ومن الأمثلة على ذلك ما وقع
فيه أرسطو نفسه ويذكره جاليليو حينما أراد أرسطو أن يثبت أن الأرض في وسط
العالم فقال : الأجسام الثقيلة تميل بطبيعتها إلى مركز العالم والأجسام الخفيفة تبتعد
بطبيعتها عنه ؟ التجربة تدلنا على أن الأجسام الثقيلة تميل إلى مركز الأرض
والخفيفة تبتعد عنه . ∴ مركز الأرض هو بعينه مركز العالم — فإن في المقدمة
الكبرى هنا مصادرة على المطلوب الأول ؛ فإن التجربة تدلنا حقاً على أن
الأجسام الثقيلة تميل إلى مركز الأرض والخفيفة تبتعد عنه ، ولكن من أين
يقول لنا أرسطو إنها تميل إلى مركز العالم ، إذا لم يكن يفترض أن مركز الأرض
هو بعينه مركز العالم ؟ وهذا هو المطلوب البرهنة عليه .

وهذه المغالطة ترد كثيراً وعلى هيئة قياس واحد خصوصاً عن طريق
استخدام الألفاظ المترادفة .

وهناك أحوال أخرى فيها لا يفترض مباشرة صحة المطلوب معبراً عنه
في المقدمات بطريقة أخرى ، وأما الذي يفترض فهو شيء تتوقف صحته على صحة

النتيجة ، أى لا يمكن أن يبرهن عليه إلا بالنتيجة فيكون هنا حينئذ دَوْرُ *cercle vicieux* . وبهذا المعنى قال ميل إن القياس فى دوراً أو مصادرة على المطلوب الأول ، لأن المقدمة الكبرى تفترض صحة النتيجة .

ومن هذا النوع أيضاً كلُّ الحجج التى فيها يبرهن الإنسان على شيء غير معروف بشيء آخر أكثر منه أو يساويه فى عدم كونه معروفاً .

١٤٨ — العلة الفاسدة أو أخذ ما ليس بعلة علة . والخطأ فيها شائع جداً . والوقوع فيه يتم بعدة طرق : فإما أن يكون ذلك بسبب الجهل بالعلل الحقيقية للأشياء . ولكن هذا فى الواقع غلط وليس أغلوطة . ومن الأمثلة على ذلك تفسير كثير من الظواهر بواسطة فكرة الخلاء مع أن العلة فيها ثقل الهواء ، أو الضغط الجوى . فمثلاً كان يفسر انكسار الإناء المملوء ماء حينما يتجمد الماء بقولهم إن الماء ينكمش ، فيترك حينئذ فراغاً لا تستطيع الطبيعة احتماله ، فينضم زجاج الإناء إلى الماء المتجمد فينكسر .

وإما أن يكون السبب أن يتخذ الإنسان أسباباً بعيدة لا تفسر شيئاً من أجل تفسير أشياء واضحة بنفسها ، أو فاسدة أو على الأقل مشكوكاً فيها ، كتأثير النجوم فى أفعال الإنسان .

وغالباً ماتجعل هذه المغالطة شيئاً واحداً هى والمغالطة التى تقول : *post hoc ergo propter hoc* ، وفيها يفترض الإنسان أن حدثاً معلول لآخر ، لا لسبب إلا لأنه تلاه . وهذه كما يقول بيكن هى الأصل فى معظم الخرافات مثل التنجيم والمقابلة وتعبير الرؤيا .

١٤٩ — بالعرضه : تسمى هذه الأغلوطة عند المدرسين باسم *fallacia accidentis* وترتكب حينما يستنتج الإنسان نتيجة مطلقة بسيطة دون قيد ولا شرط

من شيء لا يصدق إلا بالعرض . فإذا رأى إنسان أضراراً ناشئة عن الطب بسبب أن طبيباً جاهلاً أساء استخدامه استنتج من هذا أن الطب مضر . أو حينما يرى الإنسان نتائج سيئة نشأت عن قانون أسىء استخدامه فيحكم بأن القانون شر . أو يرى الفساد قد أصاب الحياة الدينية فيحكم بأن الدين مدعاة إلى الفساد .

ففي كل هذه الحالات يضع الإنسان في النتيجة أكثر مما في المقدمات . وغالباً ما يكون الدافع إلى الوقوع في هذه الأغاليط فساد الاستقراء الذي تقوم به .

١٥٠ — إيهام عكس اللوازم : تقع في هذه الأغلوطة حينما نعتقد أن

الشرط ولازمه منعكسان فنبرهن من اللازم إلى الشرط كما أننا نبرهن من الشرط إلى اللازم . مثلاً : إذا كان الحكم النيابي صالحاً لمصر بقي فيها مدة طويلة ومن حيث إنه بقي في مصر مدة طويلة فهو إذن حكم صالح لمصر . وترتكب هذه الأغلوطة في كل حالة نعتقد فيها أن نظرية ما صحيحة لأن نتائجها التي لا بد أن توجد إذا كانت صحيحة ، موجودة — فنظن أن التحقيق كاف للبرهنة على الصحة . والاستنتاج في هذه الأحوال لا يكون صحيحاً إلا في الحالة التي نجزم فيها بأن هذه النظرية وحدها هي التي تفسر حدوث هذه النتائج . وفيما عدا ذلك لا يكون الاستنتاج مفيداً لليقين .

١٥١ — بالجواهر أو الانتقال مما هو صادق بشرط إلى ما هو صادق إطلاقاً

ويسمى المدرسيون *a dicto secundum quid ad dictum simpliciter*

قلما : يغلي في درجة ١٠٠ في مستوى سطح البحر إذن هو يكفي إذا كانت درجة حرارته مائة لإنضاج بيضة في خمس دقائق . ولكن إذا قلنا هذا ونحن على جبل ارتفاعه ٥٠٠٠ قدم كانت البرهنة خاطئة لأن الماء لا يغلي في هذا الارتفاع في درجة ١٠٠ وتحدث هذه الأغلوطة خصوصاً حينما تكون شروط

صدق مبدأ من المبادئ مجهولة ، أو ينظر إليها على أنها نادراً ما تكون ، فلا يكون لإهمالها أثر كبير . وهذه الأغلوطة من الأغاليط الشائعة جداً ومن أخفها .

٢٥٢ — جميع المسائل : many questions أو جمع المسائل في مسألة فلا يتميز المطلوب واحداً بعينه . ويحدث هذا حينما يضع المرء سؤالاً متضمناً لعدة أشياء ويطلب الإجابة بجواب واحد على إحدى المسائل دون الأخرى ، ولكنه في جوابه يضطر إلى جواب واحد فيقع في الفلط . ولا يكون الاستنتاج صحيحاً إلا إذا كانت المسائل المجموعة وحدة لا تنفصل أجزاؤها . أما في غير ذلك فترتكب أغلوطة جمع المسائل في مسألة . فمثلاً إذا قال المحقق : أنت أردت الفرار بالطائرة وأغريت الضابطین على الفرار من الخدمة العسكرية : حدث أو لم يحدث؟ فإذا أجاب بأن هذا حدث أو أجاب بأن هذا لم يحدث وكان قد فعل الواحد دون الآخر فإن ذلك يحدث عنه أغلوطة جمع المسائل في مسألة . وكثيراً ما تستغل هذه الأغلوطة في الحكم : ففي بعض البلاد يكون لرئيس الجمهورية أو الملك حق رفض مشروع قانون كما يشاء ولكن بشرط أن يرفضه جملة واحدة . فكثيراً ما يحدث أن يقدم له مشروع قانون يوافق على بعضه دون البعض الآخر ، فيضطر حينئذ إما إلى رفض المشروع مع ما فيه من أشياء يوافق عليها ، أو التصديق عليه مع ما فيه من أشياء يعترض عليها .

المغالطات اللفظية

١٥٣ — أما المغالطات في القول فعديدة أشهرها :

١ — الاشتراك في جوهر اللفظ المفرد *ambiguïté dans les termes*

أشرنا من قبل إلى الأغلوطة الناشئة في القياس عن ذلك ونعني بها أغلوطة

الحد الرابع quaternio terminorum والأمثلة على هذا مشهورة ومنها المثل

اللاتيني القديم : Finis rei est illius perfectio ؛

mors est finis vitae : ergo mors est perfectio vitae

٢ - الاشتراك في التركيب وفيه تكون الألفاظ محدودة ولكن معنى الجملة

يتغير مع بقاء الألفاظ هي هي . وهذا إما أن يعرض بسبب التصديق مثل قولك :
ضرب زيد فإن هذا يحتمل أن يكون زيد ضارباً أو مضروباً ؛ وقد يعرض بسبب
الوقف والابتداء كقوله تعالى : (وما يعلم تأويله إلا الله والراسخون في العلم يقولون
آمننا به) ، فإن معنى الكلام إذا وقف على : الله - يغير معناه إذا وقف على : الراسخين
في العلم ؛ وقد يعرض بسبب انصراف الضمائر وأسماء الإشارات إلى أمور مختلفة
مثل : كل ما علمه الحكيم فهو كما علمه ، فإن « هو » إذا انصرف إلى « الحكيم »
كان معنى الكلام مغايراً له لو انصرف إلى « كل ما » . ومن الأمثلة المشهورة

في اللاتينية : Quod tangitur a Socrate , illud sentit ؛ lapis

tangitur a Socrate : ergo lapis sentit

ففي المقدمة الكبرى illud مفعول للفعل sentit ولاكننا استخلصنا النتيجة
كما لو كانت الفاعل .

٣ ، ٤ - التفسير والتركيب ويسميان في المنطق المدرسي fallacia divisionis

fallacia compositionis ومثاله أن نقول : الخمسة زوج وفرد - فهذا
لا يصدق مفترقاً لأن الخمسة ليست زوجاً وإنما يصدق مجتمعاً لأن الخمسة زوج
هو اثنان وفرد هو ثلاثة . ومثاله أيضاً قول النبي : (لا يزني الزاني حين يزني وهو
مؤمن) ، فإنه في هذه الحالة لا يكون مؤمناً بل كان من قبل مؤمناً . فهذا يصدق
إذا مفترقاً لا مجتمعاً .

• — أما النبرة فتظهر قيمتها بحسب اللغات : فهي واضحة في اليونانية وفي الإيطالية : ففي الإيطالية capito معناها أصل بينما capito (والنبرة على حرف i) معناها فهمت . أما في اللاتينية فيستعاض عن النبرة بكمية الحرف المتحرك ومن الأمثلة على هذا :

Omne malum est fugiendum
Pomum est malum
ergo : fugiendum

وهذا ظاهر في العربية في الحركات . وقراءات القرآن يرجع الاختلاف في كثير منها إلى هذه المسألة فمثلاً : وَمِنْ عِنْدِهِ عِلْمُ الْكِتَابِ (١٣ : ٤٣) تقرأ أيضاً : وَمِنْ عِنْدِهِ عِلْمُ الْكِتَابِ .

إصلاح المنطق الصوري

المنطق الرياضي

١٥٤ — يمتاز الفكر الحديث بميله إلى التفسير الـكـتـى لكل شيء . فديكارت قد بدأ ثورته الفكرية الحقيقية بأن أدخل التفسير الـكـى مكان التفسير الـكـيفى فى الفزياء ، وما لبث هذا التيار أن غزا بقية فروع العلم بمعناه الضيق : فالكيمياء أخرج منها التصور الـكـيفى للتركيب شيئاً فشيئاً حتى أصبحت التركيبات الكيماوية تتم كلها تقريباً تبعاً لمعادلات رياضية صرفة ؛ وعلم الآليات (الميكانيكا) يفسر كل شيء داخل نطاقه بواسطة قوانين رياضية ثابتة ، بل لم يقتصر الأمر على هذه العلوم المتعلقة بالأشياء غير الحية وإنما امتد منها إلى علوم الحياة ، ومن هذه أيضاً إلى علوم الروح .

وهذه النزعة التى كانت شارة أنصارها قول جاليليو « إن الطبيعة مكتوبة بلغة رياضية » ما لبثت أن امتدت إلى العلوم الفلسفية نفسها ؛ فبدأت تغزو علم النفس حتى سيطرت على الكثير من أجزائه فوضعت القوانين الرياضية لبيان النسب النفسية مثل قوانين فيبر وفشتر . ثم انتقلت من علم النفس إلى علم المنطق . وثن كان نجاحها فى علم النفس محفوفاً بالكثير من الصعوبات ، فإن نجاحها فى علم المنطق كان مضموناً منذ البدء ، لأن بين المنطق وبين الرياضيات من المشابهة فى الغاية والطبيعة ما يجعل التزاوج بين الاثنين ممكناً ويسيراً . فكل النوعين من العلم يمتاز بأنه يميل إلى التجريد فلا يعنى إلا بالصورة ؛ أما المادة فلا أهمية لها فى الواقع عنده ؛ ويمتازان كذلك بأنهما يتعلقان بالنسب بين الأشياء لا بالأشياء فى ذاتها . كما أنهما يتفقان من حيث الغاية ، وتلك هى الوصول إلى الربط الصحيح بين الأشياء عن طريق عمليات فكرية بسيطة تخضع لقواعد ثابتة وتتم بطريقة آلية .

فكان طبيعياً إذن أن يفكر الفلاسفة المعنيون بالمنطق في تطبيق المنهج الرياضى على المنطق . فقامت حركة قوية في القرن السابع عشر ابتدأها ليبنتس واستمرت تنمو حتى جاء النصف الثانى من القرن التاسع عشر وأوائل هذا القرن فتمت نمواً سريعاً حتى بلغت اليوم أوجها أو كادت .

وقد خيل إلى أصحاب هذه الحركة في أول الأمر أن في الحركة تجديداً وثورة على المنطق الصورى كما وضعه أرسطو وتوسع فيه بعض التوسع الفلاسفة المدرسيون . إذ بلغت الحماسة بأصحاب هذا الإصلاح حداً جعلهم يعتقدون أنهم بهذا المنطق الجديد ، المنطق الرياضى ، قد حطموا قيود التقاليد الأرسططالية القديمة وفتحوا للمنطق أبواباً جديدة . استغفر الله ! بل خلقوا منطقاً جديداً هو وحده المنطق الحقيقى وفي تعارض شديد مع المنطق التقليدى ، حتى عدوا تحطيم هذا المنطق الأخير من بين الأغراض التى يرمون إلى تحقيقها كى تتم هذه الثورة على الوجه الأتم .

والكنهم ما لبثوا أن طامنوا من حدة هذه الحماسة وأصبحوا اليوم خصوصاً يميلون إلى توكيد الصلة بين منطقهم الجديد وبين المنطق الأرسططالى القديم . بل أن يقولوا كما قال - ريل Riehl : « إن أرسطو هو المؤسس الأول للمنطق الرياضى أو اللاوغاريتمى أو الحساب الرياضى » : أو كما تقول سوزان استبنج L. Susan Stebbing وهى من أحدث الممثلين لهذا المذهب الجديد : « إن نظرية أرسطو فى القياس هى أولى المحاولات التى قامت لبيان المبدأ الصورى للاستدلال » ، وذلك أن الغاية واحدة فى كل من المنطقين : ونعنى بها الصورة المنطقية المجردة للفكر ، وكل ما هنالك من فارق إنما هو فى درجة تحقيق تلك الغاية ، فكل المنطقين يكمل بعضهما بعضاً .

ليس ثمة فاصل دقيق إذن بين المنطق القديم والمنطق الجديد ، وإنما يمثل كلاهما حركةً أو نزعةً نحو التجريد الفكرى الخالص ، نحو بيان الصورة الفكرية عاريةً من كل مادة وخالية من كل موضوع ذى قوام خارج الذهن . وإذا كانت هذه هى الغاية من المنطق ، فلا مناص إذن من أن يرتضى فى أحضان العلم الذى يمثل هذا الاتجاه نحو التجريد المطلق إلى أعلى درجة ، ألا وهو العلم الرياضى - فعلى المنطق إذن أن يستعير من الرياضيات مناهجها وأساليب العمل فيها وأن يطبقها على موضوعه الخاص ، إن كان له حقاً بعدُ موضوع خاص ، حتى يستطيع أن يحقق الغاية التى يأمل بلوغها . فكان المنطق إذن تابعاً للرياضيات وفى موضع ثانوى بالنسبة إليها . لكن الحال لم تستمر على هذا النحو طويلاً ، إذ شعر المنطق الجديد بأنه هو الأصل فى التفكير الرياضى حتى إنه يستطيع ، بواسطة قوانينه الخاصة ، أن يستخرج نظرية الرياضيات من حيث طبيعة عملياتها ومناهجها من الناحية الفكرية . وهكذا شعر المنطق بأنه فى مرتبة أعلى من الرياضة ، أو على الأقل بأن الرياضة والمنطق يسيران معاً ويرتبطان فيما بينهما وبين بعض أشد الارتباط . فكان ثمت حركة متبادلة بين المنطق وبين الرياضة : فالمنطق من جانبه يحاول أن « يمتطق الرياضة » ، والرياضة من جانبها تحاول أن « تروض المنطق » .

ولكن هذا يجب أن لا ينسينا أيضاً ما هنالك من فارق كبير بين المنطق الصورى التقليدى وبين المنطق الرياضى الجديد . فالمنطق الرياضى قد وصل به التجريد وتطبيق التفسير الحكى حداً جعل الاختلاف بينه وبين المنطق الصورى واضحاً ، بل وكبيراً ؛ ثم إن ميدانه قد اتسع إلى درجة كبيرة جداً ففاق ميدان المنطق الصورى بمراحل عدة ؛ كما عنى بتجديد مناهجه وجعلها دقيقة ، حتى بلغ من الدقة مبلغاً يزيد كثيراً عن المنطق الصورى ؛ فضلاً عن أن وسائل

التعبير فيه أكل بكثير وأدق . ولهذا فإن أنصار المنطق الرياضى يأخذون على المنطق الأرسططالى عدة أشياء : فهم يأخذون عليه أوروباً : أنه مقصور على نوع واحد من أنواع الاستدلال وهو القياس ؛ ثانياً : أنه أخفق فى وضع رموز موافقة للإضافات المنطقية ؛ ثالثاً : أنه أخطأ فى تحليل هذه الإضافات (انظر الآنسة استينج ، دائرة المعارف البريطانية ، ط ١٤ ج ١٤ ص ٣٣١) .

فقد اكتشف المنطق الجديد أنواعاً عدة من الاستدلال غير القياس ، لها أهمية كبرى فى التفكير ، ففتحت أمامه ميداناً واسعاً للبحث . كما استطاع أن يكتشف ويحلل مجموعة كبرى من القضايا والإضافات يمكن أن يعبر عنها بدقة بواسطة الرموز . فإلى جانب إضافة التضمن التى قال بها وحدها المنطق القديم ، قال المنطق الجديد بإضافات أخرى يعبر عنها فى اللغة بالأسماء الموصولة relatifs وحروف الجر وحروف العطف والأحوال cas فى اللغات التى تظهر فيها علامات الأحوال . ثم إن المنطق القديم منطق تداخل بين أصناف logique de classes . فبادؤه الثلاثة المشهورة : مبدأ الذاتية ، والتناقض والثالث المرفوع لا تفيد إلا فى تصنيف الحدود مأخوذاً كل منها على حدة ، أى : بحسبانها منفصلةً يندرج الواحد منها تحت الآخر أو يوضع الواحد منها بالتبادل مكان الآخر . أما المنطق الجديد فعليه أن يكمل هذا المنطق بمنطق قضايا ، فينظر فى القضايا من حيث إنها فى الواقع الوحدات الأولى الأصلية كما ينظر المنطق القديم فى الحدود أى ينظر فى كيفية التداخل بينها ، وتقسيمها وتضمن الواحد منها الآخر كي يمكن الاستدلال .

ونستطيع أن نبين خصائص المنطق الجديد كما فعل Lewis على

النحو التالي : ١ — أما من حيث الموضوع فإن موضوعه هو موضوع المنطق أياً كانت صورته ، أى المبادئ التى تجرى عليها العملية العقلية أو الذهنية بوجه عام فى مقابل المبادئ الخاصة فقط بفرع واحد من فروع مثل هذه العملية الذهنية : ٢ — وأما من حيث الأداة فأدواته الرموز ، وكل رمز يدل على تصور أو مفهوم بسيط نسبياً ، والمثل الأعلى هو فى هذه الحالة أن يستغنى عن كل لغة غير الرموز : ٣ — وإلى جانب الرموز الثابتة توجد رموز متغيرة لها نطاق محدد تمام التحديد من حيث المعنى : ٤ — كل نظرية فى المنطق الرياضى تقوم على الاستدلال ، أى أنها تقوم على عدد صغير نسبياً من المبادئ الأول المعبر عنها برموز ، وتستخلص منها بواسطة عمليات محددة فى صيغ أو يمكن تحديدها فى صيغ .

١٥٥ — وقبل أن نعرض أهم مسائل هذا المنطق الجديد يحسن بنا أن نتابع تطوره التاريخى .

قلنا إن أرسطو عنى بالمنطق الصورى على نحو قريب من المنطق الرياضى حتى إنه أشار إلى استخدام الرموز فى أحيان كثيرة ، لأنه لاعتبرة فى الواقع إلا بالصورة . إلا أن المنطق الرياضى بالمعنى الدقيق لم يدرك موضوعه لأول مرة إدراكاً واضحاً ويحدد برنامجه بالدقة إلا على يد لىبنس . فقد شعر بالحاجة إلى لغة علمية عامة يتخذها العلماء للتفاهم فيما بينهم ، وسمّاها اللغة العالمية *Characteristica universalis* . وفيها تستخدم الرموز مكان الألفاظ ؛ وإلى حساب عقلى *calculus ratiocinator* يمكننا من التفكير بطريقة رياضية . كما قال أيضاً بوجوب إنشاء علم كلّى *scientia universalis* هو بمثابة علم مناهج شامل يقوم على أساس الرياضيات . إلا أن لىبنس لم يستطع أن يحقق من هذا البرنامج غير جزء ضئيل جداً ؛ وعلى الرغم من ذلك فقد أدرك المسائل

الرئيسية في المنطق الرياضى ، حتى إن الأبحاث التى قامت بعد ذلك فى المنطق الرياضى ترتبط بأبحاثه فى هذا الباب تمام الارتباط .

وطوال القرن الثامن عشر قامت محاولات عدة لإقامة هذا المنطق : أولاً على يد لمبرت Lambert ثم هولند Holland وبلوكية Ploucquet وكاستيون Castillon . ولكنهم لم يستطيعوا أن يصلوا إلى أشياء ذات قيمة كبيرة ، فظل برنامج لينتس كما هو دون تحقيق .

ثم جاء القرن التاسع عشر فظهرت منذ ابتدائه حركة جدية جعلتنا نخطو خطوة واسعة فى سبيل إقامة هذا المنطق الرياضى ؛ حتى إذا ما انتصف القرن بدأ الوضع الحقيقى لنظرية المنطق الرياضى وأسسهِ الرئيسية .

قامت المحاولات الجديدة فى القرن التاسع عشر مرتبطة بنظرية « كم المحمول » . إذ حاول جورج (*) بنتام (سنة ١٨٠٠ - ١٨٨٤) إصلاح نظرية كم المحمول فى كتابه « مُجْمَل مذهب جديد فى المنطق » . وتلاه هاملتون رئيس المدرسة الاسكتلندية (١٧٨٨ - ١٨٥٦) فتوسع فيها وفصل القول حتى أعطاها صورتها الكاملة . فبيّن أن المحمول فى القضية يمكن أن يُعَيَّن كمّه كالموضوع سواء بسواء . وانتهى من هذا إلى القول بأن القضايا المنطقية يمكن أن تصاغ على صورة معادلات ، ولكنه فضل عليها الأشكال الهندسية والرموز الجبرية . وكانت الاستدلالات فى هذا المنهج الجديد يبدو أنها تماماً كالكميات الرياضية .

إلا أنها كانت محاولات ناقصة دعت إلى إقامة بناء المنطق الجديد دون

(*) Outline of a new sytem of logic

أن تقوم هي بشيء في هذا السبيل . أما الأساس الحقيقي فقد وضعه رياضيان إنجليزيان هما دي مورجن (*) وبول (**). كان دي مورجن رياضياً فكان في وسعه أن يقوم بما لم يستطيع هاملتون القيام به من إدخال القوانين والرموز الرياضية في المنطق ، ولو أنه ظل مع ذلك في نطاق المنطق الأرسططالي إلى حد كبير ، مما جعل الكثير من نتائج بحثه يرفضها المنطقة التالون . ولكنه استطاع على كل حال أن يدخل الرياضيات نهائياً في المنطق ، واستطاع أن يكشف صوراً جديدة للقياس وأنواعاً جديدة من القضايا ؛ وقام بتحليل عميق للرابطة « هو » is ، فـكشف بذلك عما في استعمالها المنطقي حتى الآن من نقص ، وفصل أنواع الدلالات للرابطة ثم عبّر عن كل دلالة برمز خاص . وهنا كان فضله الأكبر : فإن أبحاثه في الإضافات كان لها أثر كبير في تطور المنطق الرياضي ، فهو يميز مثلاً بين الإضافات المتعدية والمنعكسة والمتضايقة المشتركة transitives, convertibles ، وهو تمييز تبين فيما بعد ماله من أثر ضخم . وبهذا كله استطاع أن يضع أساس منطق الإضافات الذي توسع فيه كل التوسع ربيعاً من بعد .

وأهم منه معاصره جورج بول Boole فهو الذي أقام جزءاً كبيراً من بناء المنطق الرياضي . وإذا كان ليبنس يعد المـكتشف الأول لهذا المنطق الرياضي فلا شك في أن بول هو ثاني مكتشفه . فهو قد أقام المنطق الجديد غير متأثر في شيء بالمنطق القديم لأنه لم يكن يعرف عنه شيئاً كثيراً ، فاستطاع في حرية أن يضع المنطق الرياضي . ويعد أول من أدخل المعادلات والقوانين الجبرية والعمليات الحسابية في المنطق . فقد وضع حساباً كاملاً واستعمل نظاماً ثابتاً من الرموز

(*) Formal Logic , 1847

(**) An Investigation of the laws of thought , 1854.

الصالحة لأن تستخدم وتهذب فيما بعد . وكانت عنايته متجهة بوجه خاص إلى استعمال الجبر وقوانينه في المنطق . وبهذا كان الواضع الحقيقي لما يسمى باسم منطق الجبر *Logique de l'algèbre* ، وهو الفرع من المنطق الرياضي الذي بلغ أعلى درجات تطوره على يد شريدنر *Schroeder* . وقد غلبت الرياضيات على المنطق حتى جعل الأولى في الدرجة الأولى ، بينما أثبت تطور المنطق الرياضي فيما بعد عكس هذا الوضع . ذلك أنه رأى أن المبادئ العليا للفكر الرياضية الصورة ، فصاغها على صورة معادلات ذات رموز جبرية (مثل قانوني التناقض والثالث المرفوع) . وعلى الرغم من أن عمل بول قد أصبح تاريخياً اليوم ، فإنه مما لا شك فيه أنه كان ذا أثر كبير في تطور المنطق الرياضي .

وعن بول أخذ استانلي جيفنز الذي توسع في مذهب بول ونظر إلى المنطق على أنه الأساس فيما الرياضة في مركز ثانوي بالنسبة إليه . وعلى الرغم من أنه استعمل الرموز الجبرية في المنطق ، فإنه وجه عناية كبرى إلى الإضافات المنطقية وإلى الناحية المنطقية الخاصة في الإضافات . وميز القواعد الخاصة بالمنطق ، إذ قال إن قواعد العدد لا تنطبق كلها ولا بالطريقة عينها على المنطق . بل لكل قواعد وخواصه . ومع ذلك فقد عني جيفنز بتطبيق العمليات الحسابية في المنطق حتى إنه ركب « آلة منطقية » ؛ ثم بسط اللغة الرمزية إلى حد كبير ؛ وذهب إلى مدى بعيد في تطبيق نظرية كم المحمول وتحويل كل حكم أو قضية منطقية إلى معادلة دقيقة . وبين أن القياس الأرسططالي يلعب دوراً ضئيلاً في الاستدلال بجانب أنواع الاستدلال الأخرى : فوضع مكان مبدأ القياس الأرسططالي مبدأ آخر للاستدلال هو ما سماه باسم مبدأ « مناب الأشباه » *Substitution of similars* وخلاصته : « ما يصدق على شيء يصدق أيضاً على

ما يشابهه ، أى أن مبدأ الاستدلال هو قيام حدّ مقام حدّ آخر مساوٍ له . وكل القضايا المنطقية تعبر عن هوية أو يمكن ردها إلى الهوية *identité* فأساسها يعبر عنه بالمعادلة $a = b$ ، سواء كانت هذه الهوية تامة أو جزئية أو محدودة من وجه دون وجه .

وأعلى صورة بلغها جبر المنطق تلك التى قدمها ارنت شريدر فى كتابه « محاضرات فى جبر المنطق » (فى ٣ أجزاء من سنة ١٨٩٠ — سنة ١٨٩٥) .

ثم تطور المنطق الرياضى فى نهاية القرن التاسع عشر وأوائل القرن العشرين تطوراً هائلاً بفضل فريجه الألمانى وبيانو الإيطالى ، ثم رسل وهيتهد الانجليزيين . وكان الدافع القوى إلى هذا التطور تقدم الرياضيات فى هذه الفترة تقدماً لم يشاهدمثله من قبل . فقد اكتشفت الهندسات اللاإقليدية؛ وقامت فى الرياضيات الجديدة نظريات عدة أحدثت شبه ثورة فيها مثل نظرية الترابيع *quaternions* التى وضعها سيروليم هاملتون فى حل مسائل الهندسة الفراغية ونظرية الامتداد *extension* التى وضعها جرسمان *Grassmann* ثم نظرية المجموع *aggregates* لجورج كانتور *Cantor* ونظرية العدد التى وضعها ديديكند *Dedekind* . فكانت نتيجة هذا التطور فى الرياضيات أن شغل الرياضيون ببيان طبيعة الرياضيات وفلسفتها ، وانتهى الأمر بالاعتراف بما للبديهيات والتصورات الرياضية من طابع منطقي .

وكان فريجه *Frege* أول من سار فى هذا الطريق الجديد خصوصاً فى كتابه « أساس الحساب : بحث منطقي رياضى فى فكرة العد » الذى ظهر سنة ١٨٨٤ . غير أن الرموز التى استخدمها كانت غامضة إلى حد أن أهمية فريجه لم تظهر إلا بعد ذلك بزمان طويل حينما تنبه رسل سنة ١٩٠١ إلى

أهمية أبحاثه . وأهم ما فعله فريجه هو أنه وضع منطقاً للحساب ، واستخلص قضايا حسابية من مقدمات منطقية صرفة ، وبين أن الأفكار الأساسية في الرياضيات ترد إلى قوانين الفكر الأساسية ، وبالتالي يجب أن تلحق الرياضة بالمنطق .

ثم تلاه بيانو Peano في كتابه المشهور « سجل صيغ الرياضيات » *Formulaire de Mathématiques* الذي وضعه بمساعدة بعض الرياضيين الإيطاليين وظهر في خمسة أجزاء من سنة ١٨٩٥ — سنة ١٩٠٨ وغرض هذا الكتاب واضح في افتتاح مقدمته حين يقول أصحابه : « إن الغرض من « سجل صيغ الرياضيات » هو إذاعة القضايا المعروفة الخاصة بعدة موضوعات في العلوم الرياضية . وهذه القضايا مصوغة في صيغ استخدمت فيها رموز المنطق الرياضي » .

رأى أصحاب هذا الكتاب من ناحية : الرياضيات على صورتها العادية لا على الصورة المنطقية الرياضية الاستدلالية . وكان من المعترف به في ذلك الحين (سنة ١٨٩٥) أن المثل الأعلى للرياضيات أن يكون كل فرع منها قائماً على أساس عدد صغير من المسلمات *assumptions* نستنتج منها قضايا أخرى بطريقة استدلالية صرفة ؛ وأن الرياضيات البحتة مجردة ، بمعنى أن تطورها لا يتوقف على الأشياء الموجودة في التجربة الخارجية التي تنطبق هذه الرياضيات عليها فإذا كانت الهندسة الإقليدية مثلاً صادقة بالنسبة إلى المكان كما نتصوره نحن ، بينما الهندسة الريمانية غير صادقة بالنسبة إلى هذا المكان عينه ، فإن هذه الحقيقة المادية أو البطلان المادي لا اعتبار له في تطور الرياضيات في نظام إقليدس أو في نظام ريمان . فالحقيقة الوحيدة التي تعني بها الرياضيات البحتة هي أن بعض المصادر *postulats* تتضمن بعض النظريات *théorèmes* . وأثر هذا

في تصور منطق الرياضيات واضح : فمنطقها هو صدقها ، ولا شيء أو لا نوع آخر من الصدق مطلوب في الرياضة البحتة * .

ثم رأوا من ناحية أخرى المنطق وقد تطور على يد بيرس وشريدر فأصبح قادراً على التعبير عن كل الإضافات التي توجد بين الكميات في الرياضيات بأنواعها والتي بفضلها تصبح المصادر نظريات بطريقة استدلالية صرفة . فكان هذا كله دافعاً لهم إلى أن يخطوا خطوة جديدة بأن يطبقوا التعبير المنطقي الرياضي عن هذه الإضافات في الرياضيات نفسها ثم الاستدلالات المستخدمة في الرياضيات دون أن تكون مصوغة في رموز منطقية رياضية . وهكذا أخذت الصيغ الرياضية صورة منطقية رياضية . وتبين من هذا التزاوج بين الرياضيات والمنطق الرياضي أن هذا المنطق هو الأساس في البرهنة الرياضية وطبيعة الرياضيات نفسها . ولهذا نتأجج أهمها اثنتان : فإنه بتطبيق الرموز المنطقية الرياضية الدالة على الإضافات المنطقية والعمليات الذهنية في الرياضيات استخرج أصحاب « السجل » أنواعاً جديدة من الإضافات المنطقية ووضعوا تفرقات لم تلاحظ من قبل : فهم مثلاً فرقوا بين الإضافة الموجودة بين فرد في صنف وبين الصنف نفسه (وهي التي يرمز إليها بالحرف r وفي الإفرنجية ϵ) وبين الإضافة الموجودة بين صنف داخل تحت صنف وبين هذا الصنف نفسه .

* راجع من المنطق والرياضة :

H. Poincaré : Science et Méthode. pp. 152 - 72

B. Russell : Introduction to mathematical philosophy.
pp. 195-206 , chap. XVIII

B. Russell : Our Knowledge of the external World.
pp. 42-70

J. R. Weinberg : An Examination of Logical Positivism
p p. 69 - 104.

وهي الإضافة التي بين ا ، ب حينما تكون كل ا هي ب . - والنتيجة الثانية هي النظر إلى الرياضة البحتة على أنها علم مجرد مستقل عن أى مادة أو موضوع تنطبق عليه . فإنه إذ كان المبدأ الحقيقي الأصلي في الرياضيات هو أن بعض المصادر تتضمن بعض النظريات ؛ وإذا كانت كل تضمّن في الرياضيات مثلاً تطبيقياً لمبدأ استدلال صادق صدقاً كلياً (مبدأ المنطق) ، فإنه لا يمكن أن تكون ثمة خطوة في برهان رياضي تتوقف على طبيعة فراغنا الخاصة أو الخواص التجريبية للمجاميع المحدودة .

إلا إن هذه الأبحاث لم تؤد إلى تحرير المنطق نهائياً من اللغة العادية . وإنما الذي سار في هذا الطريق هو كوتيرا Couturat وبادوا Padoa . فقد ألحوا في وجوب تحرير الفكر من غموض اللغة واشتراك معاني ألفاظها وما يجر إليه ذلك من إفساد في التفكير نفسه : فمثلاً اللفظ « واحد » un له على الأقل معنيان : معنى منطقي ويعبر عنه بقولنا « بعض » ويدل في هذه الحالة على وحدة محددة خصوصاً بعناصرها الكيفية ؛ ومعنى حسابي ، فيه يزول كل عنصر كيني تقريباً ، ويدل في هذه الحالة على وحدة لا تختلف عن غيرها من وحدات النوع إلا من حيث ترتيبها العددي . فلا مناص إذن من التخلص من هذا الاشتراك اللفظي . فقام بادوا بهذه العملية وذلك عن طريق وضع رموز تدل على الإضافات ، وهي رموز ذات طابع كُلى عام لأنها لا تتوقف على لغة طبيعية بالذات . فمثلاً وضع بادوا الرمز = للدلالة على أن شيئاً ما هو نفس الشيء الفلاني .

و » ε للدلالة على الانتساب appartenance

و » C (في الافرنجية) للدلالة على التضمن inclusion

و » U للدلالة على الحروف « أو » ou (الجمع المنطقي : فقرى

أولا فقرى = حيوان) .

و « ○ للدلالة على الحرف « و » (تقاطع الاصناف : معين
○ مستطيل = مربع) .

وأخيراً جاء رسل وهو يتهد فقاماً بأضخم عمل في إقامة المنطق الرياضى ،
عمل لا يعد فقط أنه قد أتمّ بناء المنطق الرياضى نهائياً أو بطريقة شبه نهائية ،
بل يعد أيضاً من أعظم الأعمال التى قام بها الفكر الإنسانى وذلك فى كتابهما
المشترك « المبادئ الرياضية » *principia mathematica* الذى ظهر فى ثلاثة أجزاء
من سنة ١٩١٠ إلى سنة ١٩١٣ . فى هذا الكتاب بلغت كل الأبحاث فى سبيل
إقامة المنطق الرياضى منذ لينتس حتى ذلك التاريخ أوجها وتمام نضوجها . وهو
أكل وأنضج وأدق أثر صدر عن الحركة المنطق الرياضى حتى اليوم ؛ ويشبهه
البعض بأن مثله بالنسبة إلى هذه الحركة مثل « نقد العقل المجرد » لكنت
بالنسبة إلى الفلسفة عموماً .

وتتأرجح أبحاثهما فى هذا الكتاب إنما صدرت عن تأملهم لنظريات الجبر والهندسة
كما عرضها الرياضيون المحدثون وعن أبحاث الرياضيين المعاصرين لها مثل جورج
كانتور ومن سار فى طريقه ممن بحثوا فى نظرية المجاميع الرياضية *theory of aggregates*
هذا من جهة . ومن جهة أخرى عن النهضة والتطور الذى صادفه المنطق
الرمزى على يد بيانو وأتباعه . فرأيا من تأمل هاتين الناحيتين أن هناك نتيجتين :
الأولى أن ما كان يعد مصرحاً به أو ضمناً كبداهيات قد ظهر أنها إما أن تكون
غير ضرورية وإما أن تكون قابلة لأن يبرهن عليها . والثانية : أن نفس المناهج
التى يمكن أن يبرهن بواسطتها على البديهيات المزعومة تستطيع أن تقدم نتائج
ثمينة فى موضوعات كانت تعد من قبل غير ميسرة للمعرفة الإنسانية ، مثل العدد
اللانهاى . — وهكذا اتسع ميدان الرياضيات بإضافة موضوعات جديدة وبالتوغل

في ميادين ظلت حتى الآن متروكة للفلسفة وحدها (مقدمة « المبادئ الرياضية » ج ١ ص ٥) .

ويظهر الفارق بين ماعمله بيانو وأصحابه وبين مافعله رسل وهو يتهدواضحاً من تأملنا لبيان كل منهما لتطور الحساب . فبيانو قد قال بأن الحساب يحتاج في وضعه ، بجانب المبادئ العامة للمنطق ، إلى : : ١ - أفكار غير محددة هي « العدد » ويرمز إليه بالرمز no ٢ « صفر » ويرمز إليه بالرمز صفر 0 ٣ « التالي لـ (أى عدد معلوم) » ورمزه + ؛

٢ - خمس مصادرات مصوغة في هذه الأفكار غير المحددة وهي :

- | | |
|---------|---|
| ١ - صفر | ع r صنف |
| ١ - ١ | صفر r ع |
| ٢ - ١ | $1 \cdot C \cdot ع r + 1 \cdot ع r = 1$ عدد ما |
| ٣ - ١ | ب r صنف . صفر r ب . $1 \cdot ب r + 1 \cdot ع r : ع r$ |
| ٤ - ١ | ١ ٢ ب r ع $1 \cdot + = + 1 \cdot ع r : ب = 1$ |
| ٥ - ١ | $1 \cdot ع r \cdot C + 1 = - = صفر$ |

٣ - تعريفات للإضافات أو العمليات الحسابية مثل + \times

بينما أصحاب « المبادئ » ينظرون إلى وضع الحساب على النحو التالي :

١ - كل الأفكار الحسابية محددة ؛ والأفكار الوحيدة غير المحددة هي أفكار المنطق نفسه . « فالعدد » و « صفر » و « التالي لـ » والإضافات + \times وبقية

(*) وتقرأ هكذا : (صفر) : العدد صنف .

(١) الصفر عدد .

(٢) التالي لأي عدد عدد كذلك .

(٣) لا عددين ذواتا واحد .

(٤) الصفر ليس تالياً لأي عدد .

(٥) أية خاصية تنسب إلى صفر ، وأيضاً إلى التالي لكل عدد له هذه الخاصية ، تنسب إلى كل عدد .

الأفكار الحسابية محددة على أساس الأفكار المنطقية مثل « قضية » و « نقي »
و « إما كذا أو كذا » . ٢ - المصادر استبعدت من الحساب . ولو أن هناك
استثناءات لهذا ، لكنها استثناءات تتعلق بصنف من النظريات الخاصة
بالأعداد عبر النهائية Transfinite

ومع أن الأبحاث الخاصة بالمنطق الرياضي قد تقابعت بسرعة كبيرة فيما بعد
ظهور كتاب رسل وهو يهتد ، فإنها لم تُضِف شيئاً ذا قيمة يعتمد بها إلى النتائج
التي وصل إليها هذا العالمان . فكل ما أتى بعد ذلك هو في الواقع محاولة لتهديب
ما فعله رسل وهو يهتد على أنحاء ثلاثة : أولاً قام شيفر Sheffer ونيكو Nicod
باختصار المصادر الرمزية في المنطق من خمس إلى واحدة ، والأفكار غير
المحددة في المنطق من اثنين إلى واحدة كذلك . وثانياً تحدت طبيعة الحقيقة
المنطقية أكثر وأكثر بفضل أبحاث فثجنشتين Wittgenstein . فنظر إليها على أنها
تحصيل حاصل tautology أعنى أنها تقوم على أساس صورتها فقط . والحقيقة
الرياضية هي أيضاً تحصيل حاصل ، حتى إن القضايا المنطقية والرياضية سواء
بسواء تحصيل حاصل صرف . ثم إن فثجنشتين أصلح النظام الاستدلالي عند رسل
فإن رسل حاول أن يبين أن الرياضة البحتة هي هي المنطق البحت عن طريق
استنباط البديهيات الرياضية من طائفة من القوانين المنطقية الأولية ، ولكنه
أخفق في هذا أمام بعض البديهيات (مثل بديهية إمكان الرد reducibility وبديهية
اللانهاية infinity) التي لم يكن في استطاعته أن يبين أن لها طابعاً منطقياً
حقيقياً : فجاء فثجنشتين فين طريق التغلب على هذه الصعوبات ، وبهذا أسهم
بقسط كبير في رد الرياضيات كلها إلى المنطق . وثالثاً تبين أن للحقيقة المنطقية
صوراً مختلفة عديدة أكبر مما كان يظن من قبل . فقد تبين من أبحاث
لوكازيفتشس Lukasiewicz وتارسكي Tarski البولنديين ومدرستهما أن أنواعاً عدة
من التفكير تشارك المنطق في هذا الطابع ، طابع تحصيل الحاصل ، فظهر إذن

أن ميدان الحقيقة المنطقية أوسع بكثير مما كان يعتقد، كما أن الهندسة الحديثة أوسع من هندسة إقليدس .

ويحاول كثير من أنصار المنطق الرياضى اليوم أن يوسعوا من ميدان تطبيقه ما استطاعوا إلى هذا سبيلاً حتى إن الكثير منهم يريد أن يجعل المنطق الرياضى شاملاً لكل العلوم وحالاً محل الفلسفة بمعناها التقليدى ! ومن أشهر المثابرين لهذه النزعة الجديدة دائرة فيينا Wienerkreis التى يرأسها موريس اشليك Schlick ورودولف كرنب Carnap ، وتعتبر عن نشاطها فى نشراتها العديدة وفى المجلة الدولية « المعرفة » Erkenntniss ، وهى تمثل ما يسمى باسم الوضعية المنطقية Positivisme logique . وقد شملت حركتها اليوم كل حركات المنطق الرياضى فى أوروبا وأمريكا .

ولا يفوتنا أن نشير أخيراً إلى فضل الآنسة سوزان استينج على المنطق الجديد . فقد أثرت أثراً يذكر فى انتشار هذا المنطق بفضل كتابها « مقدمة حديثة فى المنطق » الذى ظهر سنة ١٩٣٠ . وأهميتها ليست فى أنها أتت بأشياء جديدة ، وإنما فى أنها عرضت خلاصة المنطق الجديد بطريقة شاملة بسيطة يسرت دراسته على المبتدئين . وكانت على صلة وثيقة بالحركة الفلسفية فى كمبروج ، واعتمادها فى المنطق الرياضى على رسل وهو يتهد . وتميل إلى التوفيق ما استطاعت بين المنطق الأرسططالى والمنطق الجديد .

نظرية كم المحمول

١٥٦ — ولما كانت الخطوة الأولى في المنطق الجديد هي نظرية كم المحمول فيجب أن يبدأ العرض بها .

ينظر المنطق القديم إلى السكم في القضية باعتبار أنه متعلق بالموضوع لا بالمحمول . فنحن نقول : كل إنسان فان ؛ كل مثلث ذو ثلاثة أضلاع — ولا نشير هنا إلى كمية « فان » و « ذو ثلاثة أضلاع » على وجه التحديد ، بينما نحن نفكر دائماً في المحمول باعتباره ذا كمية ، إنما التعبير اللغوي وحده هو الذي يعوزه اعتبار الكمية . ففي الحالة الأولى نحن نفكر في « فان » باعتبار أن « كل إنسان » لا تشمل غير جزء مما ينطبق عليه اللفظ « فان » أعني أن التعبير الكامل هو « كل الناس بعض الفنانين » ، لأن ثمة فنانين غير الناس . وعلى العكس من ذلك في الحالة الثانية نحن نفكر في « ذو ثلاثة أضلاع » باعتبار أن المثلثات تستغرق كل الأشكال ذات الأضلاع الثلاثة ، فالتعبير الكامل عنها هو : « كل مثلث هو كل شكل ذو ثلاثة أضلاع » ، لأنه لا يوجد شكل ذو ثلاثة أضلاع متقاطعة مثنى مثنى وليس مثلثا .

ولو حللنا عملية الفكر في أثناء الحكم لوجدنا أننا لكي نحمل صفة على شيء ، لابد أن نعرف من قبل أن الصفة تدل على صنف ؛ وأن نعرف ثانياً أن هذا الشيء الذي هو موضوع الحل يشغل حيزاً معلوماً داخل هذا الصنف . فإذا قلنا « الانسان حيوان » فنحن نبدأ بأن ندرك أن « حيوان » صفة تقال على عدد من الأفراد يكونون صنفاً ؛ ثم ندرك بعد ذلك أن الانسان يشغل جزءاً من هؤلاء الأفراد داخل هذا الصنف ، وإلا لما كان في وسعنا أن نحمل صفة الحيوانية على الانسان . بل يجب أكثر من هذا أن نعرف مقدار هذا

الجزء على وجه التحديد ، أعني أتى حين الحل أحدّد كمية المحمول المنطقية على الموضوع . والخلاصة أن المحمول يفكر فيه دائماً وبالضرورة باعتبار أن له كما معلوماً مساوياً لكم الموضوع .

فإذا كان الغرض الاسامي في المنطق هو « التعبير الصريح بالألفاظ عن كل ما هو موجود ضمناً في الفكر » كما يقول سيروليم هاملتون ، فلا مناص إذن من التعبير الصريح عن كم المحمول ، لأنه موجود أثناء عملية الحكم . وعلى ذلك سنقسم القضايا من حيث الكم والكيف إلى ثمانية أنواع لا إلى أربعة كما هي الحال في المنطق القديم :

١ — الموجبة الكل كلية *toto-totale* وفيها يكون الموضوع والمحمول مستغرقين ، مثل : كل مثلث هو كل ذي ثلاثة أضلاع . ويرمز إليها بالحرف U : كل ع هي كل ح .

٢ — الموجبة للكل جزئية *toto-partielle* وفيها يستغرق الموضوع دون المحمول ، مثل : كل مثلث هو بعض الأشكال الهندسية (بعض هنا بمعنى : نوع من) ويرمز إليها بالحرف A : كل ع هي بعض ح .

٣ — الموجبة الجزء كلية *parti-totale* وفيها يكون الموضوع جزئياً والمحمول كلياً ، مثل بعض الأشكال الهندسية هو كل مثلث . ويرمز إليها بالحرف Y : بعض ع هي كل ح .

٤ — موجبة جزء جزئية *parti-partielle* وفيها يكون الموضوع والمحمول جزئيين مثل : بعض الأشكال المتساوية الأضلاع هي بعض المثلثات : ويرمز إليها بالحرف I : بعض ع هي بعض ح .

• — سالبة كل كلية *toto-totale* وفيها يكون الموضوع مسلوباً سلباً كلياً عن المحمول ، مثل : لا واحد من المثلثات هو واحد من المربعات . ويرمز إليها بالحرف E : لا ع هي أى ح .

٦ — سالبة كل جزئية *toto-partielle* ، وفيها يكون الموضوع كله مسلوباً عن كل المحمول فقط أى عن بعض دون البعض الآخر ، مثل : لا واحد من المثلثات هو بعض الأشكال الهندسية المتساوية الأضلاع ، أو : لا واحد من الناس هو بعض الثدييات (مثلاً : قرودة) . ويرمز إليها بالحرف \bar{n} : لا ع هي بعض ح .

٧ — سالبة جزء كلية *parti-partielle* ، وفيها يكون جزء فقط من الموضوع مسلوباً عن كل المحمول ، مثل : بعض الثدييات ليست أى ذوات الأربع . ويرمز إليها بالحرف O : بعض ع هي ليست أى ح .

٨ — سالبة جزء جزئية *parti-partielle* ، وفيها يكون جزء من الموضوع مسلوباً عن جزء فقط من كل المحمول ، مثل : بعض ذوات الأربع ليست بعض الثدييات (مثلاً : ليست بقرا) ويرمز إليها بالحرف ω : بعض ع ليست بعض ح .

غير أن هاملتون كان يستعمل رموزاً أخرى هي على التوالى :
ini, ina, ani, ana; ifi, ifa, afi, afa, مأخوذ من حرف *f* و *affirmo* أى يدل على الإيجاب ؛ وحرف *n* مأخوذ من *neg* أى يدل على السلب ؛ وحرف *a* يدل على أن الحد المقابل لها مستغرق ، والحرف *i* على أنه غير مستغرق .

١٥٧ — ويقول أنصار هذه النظرية إن « المحمول ، كما يقول هاملتون ، يعتبر ذا كم دائماً فى الفكر » . ولهذا وتبعاً للبدا الذى ذكرناه آنفاً لابد « فى المنطق من التعبير عن كم المحمول بالألفاظ » . ويقول بينز *Baues* تلميذ هاملتون

وشارحه المعتمد في كتابه *New analytic of logical forms* : « إن كم المحمول لا يُعبر عنه في اللغة العادية لأن اللغة العادية كثيرة الإيجاز . فكل ما ليس بضروري لوضوح الفكر يحذف عادة في التعبير . ولكن يجب علينا أن نميز بين الأغراض التي تهدف إليها كل من اللغة العادية والمنطقية على التوالي . فبينما الأولى لا تقصد إلا إلى عرض مضمون الفكر بوضوح ، تقصد الثانية إلى عرض مضمون الفكر بدقة . ولهذا كان من الضروري أن يعبر عن كم المحمول في المنطق . »

وإلى جانب هذا يقول هؤلاء الأنصار إن وضع كم للمحمول ضروري لكي يكون الحمل معقولاً ؛ « فإن الحمل ليس شيئاً آخر غير التعبير عن الصلة الكمية التي فيها يوجد تصور بإزاء فرد أو تصوران بإزاء أحدهما الآخر . فإذا كانت هذه الصلة غير معينة - أي إذا كنا غير عالمين بأنها متعلقة بجزء أو بكل أو ليست متعلقة بشيء - فإننا لا نستطيع الحمل . »

ومن المزايا العملية لنظرية كم المحمول رد كل أنواع العكس في القضايا إلى نوع واحد هو العكس البسيط ؛ وكذلك تبسيط قواعد القياس . ففما يتعلق بالمسألة الأولى يلاحظ أن التمييز بين المحمول والموضوع ينحل إلى اختلاف في الوضع فحسب ، فسواء وضعت الواحد أولاً أو أخيراً فلا تغيير في المعنى . والعقبة في المنطق القديم فيما يتصل بالعكس البسيط كانت هي عدم التساوي في الماصدق أو الاستفراق بين الموضوع والمحمول ، في الأحوال التي لا يكون العكس البسيط فيها ممكناً . وفيما يتعلق بالمسألة الثانية أمكن إرجاع قواعد القياس إلى قاعدة واحدة فحسب .

١٥٨ — أما خصومها فيفكرون ابتداء المقدمة التي تقوم عليها ونعني بها أن محمول القضية يفكر فيه دائماً باعتباره ذا كم معين . بل يذهبون إلى أبعد من هذا فيقولون إن المحمول لا يفكر فيه إطلاقاً من حيث الماصدق ؛ وإنما يفكر

طبيعياً في الموضوع باعتبار أن له كمية وما صدقاً ، بينما يفكر في المحمول باعتبار المفهوم . وما دام هاملتون قد نظر إلى المسألة من وجهة النظر النفسانية ، فلا شك في أن هذا الحجة تقوم ضده ولا يستطيع الرد عليها . يقول مل : « أكرر النداء الذي وجهته من قبل إلى ضمير كل قارئ . ألا وهو : هل هو ، حين يحكم بأن كل الثيران مجترة ، يلقي أدنى انتباه إلى مسألة كون أن هناك شيئاً آخر يجتر ؟ وهل هذا الاعتبار موجود في ذهنه على وجه الإطلاق ، أو أي اعتبار آخر غير اعتبار الموضوع الذي يحكم عليه حين الحكم ؟ قد يعلم شخص أن هناك أنواعاً أخرى من الحيوان مجترة ، وقد يظن آخر أن لا نوع غير هذا النوع ، وقد يكون ثالث لا يفكر مطلقاً في شيء من هذا ؛ ولكنهم جميعاً حين يعلمون ما المقصود بالاجترار ، فانهم حين يحكمون بأن كل ثور يجتر ، إنما يعنون شيئاً واحداً بالذات . والعملية العقلية التي يقومون بها جميعاً ، من حيث أن المسألة تتعلق بحكم واحد ، واحدة ؛ ولو أن البعض منهم يستمر إلى ما بعد هذا ، ويضيف أحكاماً أخرى إليها . بل إن من الصعب على المبتدئ في المنطق أن يدرك أن القضية « كل ا هي ب » تعني فقط « كل ا هي بعض ب » ، فضلاً عن أن يكون ذلك حاضراً في الذهن باستمرار . ولا بد من شيء من الجهد في التفكير من أجل إدراك أننا حين نقول : « كل الألفات هي الباءات » إنما نجعل الألفات جزءاً من الصنف ب . وإذا قيل للتعلم لأول مرة إن القضية : « كل الألفات هي الباءات » لا يمكن أن تعكس إلا على الصورة : « بعض الباءات هي الألفات » ، فأظن أنه ينظر إلى ذلك على أنه فكرة جديدة ؛ وأن صحة هذا القول ليست ظاهرة تماماً عنده إلا إذا حُقِّقَت بمثل جزئي يعلم فيه أن المعكوسة البسيطة ستكون كاذبة ، مثلاً إذا قلنا : كل إنسان حيوان ، إذن كل الحيوان إنسان ؛ فليس من الصحيح إذاً أن القضية : كل الألفات هي

باءات ، ينظر إليها طبيعياً في الذهن على أن المحمولها كماً وكأنها : كل ا هي
بعض ب . « (« فخص فلسفة هاملتون » ص ٤٩٥ — ص ٤٩٧) .

واعترض آخر على هذه النظرية هو أن يقال إن بعض صور القضايا التي
يكون فيها المحمول ذا كم هي قضايا مركبة وليست بسيطة . فمثلاً : كل ع هي كل
ح - تعبير موجز يمكن أن ينحل إلى القضيتين : كل ع هي ح ، كل ح هي ع .

كما يلاحظ أن التمييز بين الأضرب المنتجة والأضرب العقيمة سيكون
بعد جعل المحمول ذا كم أشق وأكثرت تعقيداً . وليس غير مشكلة العكس هي
وحدها التي يمكن أن تبسط عن طريق هذه النظرية . وفيما عدا ذلك ، فإنها تزيد
المسائل إشكالا وتعقيداً .

تلك اعتبارات عامة . وثمة اعتبارات منطقية خاصة تثبت بوضوح
من البحث في الأسس التي تقوم عليها النظرية والصور التي تتخذها في تطبيقها
من الفاحية المنطقية .

١٥٩ - ومن أهم الأسس التي تقوم عليها : تفسير اللفظ « بعض »
في القضايا الثماني بمعنى « بعض » وليس « كل » .

فيلاحظ كينز أنه إذا فسرنا « بعض » على هذا النحو وقلنا من ناحية
أخرى إننا نعلم على وجه الدقة العلاقة بين الموضوع والمحمول من حيث المصدق
لكي يكون التعبير في الجمل دقيقاً ، فإنه لن يكون لدينا سوى خمس صور للقضايا
بدلاً من ثمان وهي : كل ع هي كل ح ، كل ع هي بعض ح ، بعض ع هي كل
ح ، بعض ع هي بعض ح ، لا ع هي أي ح ؛ اعني القضايا E, I, Y, A, U ; بينما
O و η لا يمكن أن يقال عنهما أنهما يقدمان معلومات دقيقة عن هذا ، فإن O
تسمح باختيار alternative بين Y و I ، بينما η تسمح بالاختيار بين Y و I .

وذلك لأن العلاقات الوحيدة الممكنة بين حدين فيما يتعلق بما صدقهما خمس :
١ - أنهما متساويان ؛ ٢ - أن ع جزء من ح ؛ ٣ - أن ح جزء من ع
٤ - أنهما مشتركان في جزء ؛ ٥ - أنهما غير مشتركين أصلاً . فكأنه لا فائدة إذا
من الصور الثلاث الباقية للقضايا .

١٦٠ - فلننظر بعد هذا في القضايا الجديدة التي أتت بها النظرية :

أما القضية U فهي أجدرها بالاعتبار ، لأنها أصدقها . فإن القضية الكلية
التي تكون حدودها متساوية المصدق تختلف عن تلك التي لا تتساوى
في ماصدقها ، وتكوّن صنفاً مهماً من القضايا . ولهذا كان من الواجب أن
نميزها . هذا إلى أننا نجد هذا النوع من القضايا في اللغة العادية . أجل ، قد
لا نجد ذلك واضحاً على الصورة : كل ع هي كل ح ؛ ولكننا نجدها في كل حالة
يكون فيها ماصدق الموضوع وماصدق المحمول متساويين . فمثلاً كل التعريفات
هي في الواقع قضايا من نوع U ؛ وكذلك الحال أيضاً في كل القضايا الموجبة التي
يكون فيها كل من الموضوع والمحمول جزئياً مثل : اليعصابات ملكة انجلترا ؛
أو القضايا التي مثل : أوروبا وآسيا وأفريقية وأمريكا وأستراليا هي كل القارات ؛
كل الذين ذكرتهم هم كل الذين نجحوا ؛ ملح الطعام هو كلوريد الصوديوم
بعينه - وهي القضايا التي يسميها جيفرز قضايا بينها هوية بسيطة في مقابل تلك
التي بينها هوية جزئية .

وكذلك القضية Y نجدها في اللغة العادية في القضايا المسماة بالقضايا
الاستبعادية exclusive على الصورة : ع فقط هي ح مثل : أصحاب
الاجازات الدراسية العليا هم وخدم القابلون للاختيار في التعيين ؛ بعض
المسافرين هم الأحياء الباقون الوحيدون . وهذه القضايا يمكن أن تفسر بأنها

تساوى القضايا التالية : بعض ع هي كل ح ؛ بعض أصحاب الإجازات هم كل القابلين للاختيار في التعيين ؛ بعض المسافرين هم كل الأحياء الباقين .

إلا أنه يلاحظ أنه في دراسة القياس يحسن استبعاد هذين النوعين والسبر على التقسيم الرباعى التقليدى ، لأن $Y \text{ م } U$ تزيدان القياس تعقيداً ، كما سنرى في نظرية القياس على أساس كم المحمول . ولهذا فيحسن بنا أن نحل القضية التى من نوع U إلى قضيتين من نوع A : فبدلاً من أن نقول : كل ع هي كل ح ، نقول : كل ع هي ح ، كل ح هي ع ، وهما يساويان معاً القضية كل ع هي كل ح . ونحل القضية التى من نوع Y : بعض ع هي كل ح أوع فقط هي ح إلى قضية من نوع A هي كل ح هي ع تستنتج منها بواسطة العكس المستوى .

أما القضية η على الصورة : لا ع هي بعض ح فلا فساد توجد في الاستعمال العادى . ومع ذلك يمكن ، كما يقول كينز ، الاعتراف بإمكان وجودها . فثمة نوع من القضايا هو : ليس فقط ع هو ح ، أو ليست ع وحدها هي ح - هو عملياً من نوع η ؛ بشرط ألا ننظر إلى هذه القضية باعتبار أنها تتضمن أن : أى ع هي قطعاً ح .

والقضية ω على الصورة : بعض ع ليست بعض ح - لا تتنافى مع أية صورة أخرى ، بل ولا مع U على الصورة : كل ع هي كل ح . فمثلاً إذا قلنا : « كل المثلثات المتساوية الأضلاع هي كل المثلثات المتساوية الزوايا » فإن هذا يتفق مع قوانا : « هذا المثلث المتساوى الأضلاع ليس هو ذلك المثلث المتساوى الزوايا » - وهو كل ماتقوله القضية . فالقضية : بعض ع ليست هي بعض ح دائماً صادقة ، اللهم إلا إذا كان الموضوع والمحمول معاً اسمين لشخص واحد .

١٦١ — أما فيما يتعلق بالقياس ، فإن هاملتون يفرّق بين « قياس ذى شكل » و « قياس بلا شكل » . فالقياس ذو الشكل يميّز فيه بين الموضوع والمحمول . ولكن إذا طبقنا نظرية كم المحمول بالدقة فيمكن الاستغناء عن هذه التفرقة . وإذا كانت الحال كذلك فلا داعى للتفرقة بين أشكال مختلفة للقياس ، لأن هذه التفرقة تقوم على وضع الحد الأوسط باعتباره تارة موضوعاً وأخرى محمولاً فى المقدمات . وهذا يسميه هاملتون باسم « القياس بلا شكل » . فمثلاً كل الحيتان وبعض الثدييات متساوية ، كل الحيتان وبعض الحيوانات المائية متساوية . . . بعض الحيتان وبعض الحيوانات المائية متساوية . وقانون هذا القياس بلا شكل يصوغه هاملتون على النحو التالى : « بالدرجة التى بها يكون حدان متفقين معاً ، أو أحدهما يتفق والآخر لا يتفق ، مع حد ثالث مشترك ، بهذه الدرجة تكون هذه الحدود متفقة أو غير متفقة مع بعضها البعض » .

أما القياس ذو الشكل فإن نظرية كم المحمول إذا ما طبقت عليه أنتج ذلك عدة نتائج نستطيع أن نقبل أهمها إذا ما بحثنا فى صحة الأقيسة التالية : فى الشكل الأول ، UUU ، $IU\eta$ ، AYI ؛ وفى الشكل الثانى ηUo ، AUA وفى الشكل الثالث YAI .

١ - UUU فى الشكل الأول منتج : كل ط هى كل ح ؟ كل ع هى كل ط . . . كل ع هى كل ح .

وبلاحظ أنه كما كانت إحدى المقدمات هي U ، فإن النتيجة يمكن أن تستخلص بوضع E أوح (على حسب الأحوال) مكان P في المقدمة الأخرى .

وبدون استخدام المحمولات ذوات السكم يمكن التعبير عن القياس السالف بواسطة القياسين التاليين : كل P هي H ، كل E هي P . ∴ كل E هي H ؟ كل P هي E ، كل H هي P . ∴ كل H هي E .

٢ - $IU\eta$ في الشكل الأول غير منتج ، إذا استعملت « بعض » بمعناها المنطقي العادي . فالقدمات هي : بعض P هي بعض H ؟ كل E هي كل P . ونستطيع استخلاص النتيجة الصحيحة بأن نضع E مكان P في المقدمة الكبرى ، فتصبح النتيجة هي : بعض E هي بعض H .

أما إذا استعملت « بعض » بمعنى « بعض وليس كل » فإن لا E هي بعض H تنتج من : بعض E هي H ؛ والقياس الأصلي منتج ، ولو أننا أتبعنا بالسلب من موجبتين .

٣ - AYI في الشكل الأول ، إذا استعملت « بعض » بالمعنى المنطقي العادي ، تساوي AAI في الشكل الثالث من القياس التقليدي ، ومنتج ولكنه يكون غير منتج إذا استعملت « بعض » بمعنى « بعض وليس كل » ، لأن النتيجة تتضمن حينئذ أن E ؟ H مستبعدان جزئيا بعضهما عن بعض وفي الآن نفسه متفقان جزئيا ؛ بينما المقدمات لا تتضمن ذلك .

٤ - $UO\eta$ في الشكل التالي منتج ، هكذا ، لا H هي بعض P ، كل E هي كل P . ∴ بعض E هي ليست أي H .

ويمكن ، بدون استخدام المحمولات ذوات الكم ، استنتاج نفس النتيجة في الضرب Bocardo هكذا : بعض ط ليست ح ، كل ط هي ع . ∴ بعض ع ليست ح .

ويلاحظ أن الضربين ٣ ، ٤ قياسان مقويان .

٥ - AUA في الشكل الثاني على النحو التالي : كل ح هي بعض ط ، كل ع هي كل ط . ∴ كل ع هي بعض ح . وهنا نرى أنه ليس لدينا أوسط غير مستغرق ولا أغلطة الأ كبر أو الأصغر غير المشروعين ، ومع ذلك فإن القياس غير منتج . فإذا طبقنا القاعدة المذكورة آنفاً - وهي أنه « كلما كانت إحدى المقدمات من نوع U ، فإن النتيجة يمكن أن تنتج بوضع ع أوح (على حسب الحالة) مكان ط في المقدمة الأخرى » - نجد أن النتيجة الصحيحة هي بعض ع هي كل ح . كما أنه ينتج من هذه القاعدة للدناب أنه « إذا كانت إحدى المقدمات من نوع U بينما الحد الأوسط في المقدمة الأخرى غير مستغرق ، فإن الحد المركب مع الأوسط في القضية U يمكن أن يكون غير مستغرق في النتيجة » . وهذه هي القاعدة المضافة من قواعد القياس التي يحتاج إليها إذا اعترفنا بالقضية U في البراهين القياسية .

ويمكن تجنب كل أغلطة بتجزئة U إلى قضيتين من نوع A . ففي الحالة التي أمامنا يكون لدينا : — كل ح هي ط ، كل ط هي ع ؟ كل ح هي ط ، كل ع هي ط . فمن الزوج الأول من هذه القضايا أو المقدمات يستنتج : كل ح هي ع . أما الزوج الثاني فالحد الأوسط فيه غير مستغرق ، فلا يكون ثمة إنتاج .

٦ — YAI في الشكل الثالث منتج : بعض ط هي كل ح ، كل ط هي بعض ع . بعض ع هي بعض ح .

إلا أن النتيجة ضعيفة ، لأننا نستطيع أن نستنتج من هاتين المقدمتين أن :
بعض ع هي كل ح . وهنا يلاحظ أننا إذا جعلنا المحمول كآ ، فإن نتيجة
القياس يمكن أن تكون ضعيفة إن بالنسبة إلى محمولها أو إلى موضوعها .
أما في المذهب العادي للقياس فهذا غير ممكن .

وبدون وضع كم للمحمول يمكن أن يعبر عن القياس السابق على صورة
الضرب Bramantip هكذا : كل ح هي ط ، كل ط هي ع . بعض
ع هي ح .

١٦٢ — ويرى جُبلو أن فكرة كم المحمول ليست جديدة ، لأن النظرية
القديمة للقياس تقوم عليها من حيث أنها متضمنة في القاعدتين الرئيسيتين من
قواعد القياس ألا وهما أن لا يستغرق حد في النتيجة لم يكن مستغرقاً من قبل
في المقدمات ، وأن يكون الحد الأوسط مستغرقاً مرة واحدة على الأقل . وكل
ما فعله هاملتون هو أنه بين أن محمول السالبة يمكن أن ينظر إليه باعتباره غير
مستغرق ، ومحمول الموجبة باعتباره مستغرقاً ، بشرط أن يعبر عن ذلك في اللغة .
وليس من النادر أن نجد في اللغة العادية قضايا ذوات محمول له كم ، إذ نحن نستخدم
كثيراً القضايا الكل كلية ، والجزء كلية الموجبة ، والقضايا الكل جزئية والجزء
جزئية سالبة . وإن بعضاً من الألفاظ مثل « فقط » ، « وحده » ، « ليس غير »
وأمثالها مهمته النحوية أن يعبر عن كم المحمول . فقولنا : الحكيم وحده هو الفنى
حقاً - معناه : كل حكيم هو كل غنى حقاً .

ولكنه يرى مع ذلك أن كم المحمول لا معنى له . لأن كل قضية ذات محمول
له كم تعبر عن حكمين متبادلين *réci-proques* وبالتالي مستقلين لأنها تنحل إلى
حكمين أحدهما عكس الآخر . فإذا أريد البرهنة عليهما فيجب أن يتم ذلك بالنسبة
إلى كل منهما على حدة ؛ وإذا أريد استنتاج شيء منهما، فلا يمكن أخذهما مبدئاً هما
الاثنان معاً . فقولنا : الحكيم وحده هو السلطان حقاً معناه : (١) كل حكيم
هو سلطان حقيقى ، (٢) كل سلطان حقيقى هو حكيم .
وقواعد كم المحمول هي تبعاً لهذا قواعد الأحكام الشرطية المتبادلة .

المنطق الرمزى

١٦٣ — يطلق على المنطق الرمزى عدة أسماء . فيسمى « المنطق الرياضى » *logique mathématique* ، والمنطق الرمزى *l. symbolique* ، « وجبر المنطق » *algèbre de la logique* ، والمنطق النظرى *l. théorique* ، ومنطق الرياضى *l. des mathématiques* ، والمنطق اللوغاريتمى *l. algorithmique* . ولكن على الرغم من الاختلاف فى التسمية ، فإن الموضوع واحد ، وهو صورة الفكر الاستدلالى ، وهو نفس الموضوع الذى جعله أرسطو موضوعاً للمنطق ، ولهذا يميل بعض المناطق المعاصرين (فديريكو أنريكس *Enriques* وبادوا *Padoa*) إلى تسميته باسم المنطق فحسب ، لأنه المنطق الأرسططالى بالمعنى الحقيقى .

وإنما جاء الاختلاف فى التسمية من حيث الهدف الذى يرمى إليه الإنسان فى بحثه هذا الموضوع . فليست هذه الأسماء مترادفات بالدقة . وإنما يقال « المنطق الرمزى » حينما يراد الإشارة خصوصاً إلى استخدام الرموز فى معالجة مائله . ولكن هذه الميزة ليست الرئيسية ، فإن كثيراً من العلوم الأخرى تستخدم الرموز ، كالجبر مثلاً . وإنما يمتاز بأنه دراسة الأنواع المختلفة للاستدلال الصورى ، وبأنه يقوم على طائفة ضئيلة من التصورات الأساسية غير المحددة ، تسمى « الأوليات » *Primitives* ، وعلى واحدة أو أكثر من المصادر « تسمى القضايا الأولية *Primitive propositions* منها يستنتج كل قول . ويقال « جبر المنطق » حينما ينظر خصوصاً إلى بعض الخواص الناشئة عن العمليات والتركيبات ، ويدل على طائفة خاصة من المصادر والمفاهيم الأولية ، حتى إنه يوجد عدة أنواع من الجبر تختلف فيما بينها بحسب اختلاف التصورات الأساسية المستخدمة . ويقال « المنطق النظرى » حينما ترتبط هذه الخواص

فما بينها على صورة تحليل رياضى يقوم على مجموعة من البديهيات . ويقال « المنطق الرياضى » حينما يكون الموضوع الرئيسى تحليل الاستدلالات المستعملة فى البرهان الرياضى ونشأة الرياضيات ابتداءً من أصغر مجموعة ممكنة من المفاهيم الأولية والقضايا الأولية .

فالمنطق الرمضى بأوسع معانيه هو العلم الذى يبحث فى مبادئ الاستدلال الأكثر عموماً بواسطة رموز من أجل بيان الإضافات القائمة بين هذه المبادئ .

الرموز

١٦٤ — الغاية من اللغة العادية أن تشبع الحاجات العملية ، ولهذا لا يعنىها كثيراً أن تدقق أكثر مما يقتضيه هذا الغرض ، كما أنها تمتاز بالناحية العاطفية والانفعالية مما جعل عنايتها بالدقة أقل . كما أن اللغة كائن حى متطور ، ومن شأن هذا التطور أن يجعل الألفاظ مشتركة المعانى ، مما يؤدي إلى عدم الدقة كذلك . وقد نراها تخطط بين الفروق التى تقوم عليها كل برهنة دقيقة . وتكون أحياناً بسيطة بينما الأفكار التى تعبر عنها مركبة . فهى قادرة على التعبير عن الوقائع المعقدة بإيجاز ، ولكنها غير قادرة جيداً على التعبير عن المعانى البسيطة ببساطة ، على حد تعبير الأنسة استبنج . فنشأ الخواص التعويضية Propriétés Commutatives « $1 + 2 = 2 + 1$ » و « $1 \times 2 = 2 \times 1$ » ، إذا عبر عنها باللغة ظهر أنها ذات إطناب شنيع . ولهذا فإن العمليات المعقدة فى الاستدلال ستكون مستحيلة تقريباً بدون استخدام رموز موضوعية خصيصاً من أجل تبسيط العمليات الاستدلالية .

والرموز عدة فوائد . فهي تفيد أولاً في التمييز بدقة بين المعاني المختلفة ؛
فعلينا أن نستخدم على طائفة معلومة من الرموز المتمايزة التي يخص كل رمز منها
شيئاً بعينه ، وهذا الشيء وحده ، وبهذا يمكن أن تلافى ما في اللغة العادية
من غموض .

وتفيد ثانياً في لفت النظر إلى الشيء الرئيسى في سياق ما . فنحن حينما
نستعمل الحرف R في التعبير عن مركب كهذا : $(a + b + c + d)$ ؛
أحياناً نستخدم الحروف ع ، ح ، ط ، بدلاً من الحدود « سقراط » و « فان »
« وإنسان » ، في قياس ، فإننا نريد من هذا أن نبين أن نتائج برهنتنا لا تتوقف
على معاني هذه الحدود الخاصة ، وإنما تتوقف على النسب المجردة التي تربط
بينها وبين غيرها .

وتفيد ثالثاً في التعبير بوضوح ودقة عن « صورة » القضايا . فالاختلاف
في الصورة بين $٤س^٢ = ٥س - ١$ و $٤س^٢ = ٥س - ١$ ؛ والهوية
في الصورة بين $٤س + ١ = ٤س - ١$ و $٤س = ٣س$ ، يمكن أن يدرك من أول
نظرة . فالزوج الأول المعادلة الأولى فيه تربيعية ، والثانية تكعيبية ؛ والمعادلتان
في الزوج الثاني كلاهما خطية . ويكاد يكون من المستحيل أن يقوم الإنسان
بعملية استدلال طويلة إذا كانت هذه المعادلات معبراً عنها بالألفاظ .

وتفيد رابعاً في الاقتصاد في العمل والتفكير ؛ فإذا استخدم نظام من الرموز
فإنه يؤدي إلى القيام بكثير من العمليات المعقدة بطريقة آلية . فاكشاف
الأعداد السالبة والخيالية أدى إليه ما أوحى به نظام الرموز ، ولهذا السبب قيل
« إن القلم في الحساب يظهر أحياناً أذكى ممن يستخدمه » .

ويجب في كل نظام رموز نضعه أن يتوافر فيه شرطان : إذ يجب أولاً أن

تكون الرموز موجزة بقدر الامكان ، حتى يمكن إدراكها بسهولة من أول نظرة ؛ ويجب ثانياً أن تكون الرموز من شأنها أن تسهل استنتاج النتائج تبعاً لعملية آلية لا تحتاج إلا إلى أقل درجة ممكنة من التفكير . أعني أنه يجب أن تكون الرموز مؤدية إلى إيجاد حساب برهاني ، أى آلة للاقتصاد في الفكر ، حتى يمكن إجراء العمليات الصعبة دون حاجة إلى جهد في التفكير . وليس الغرض من هذه الرموز أن تترجم عن الألفاظ المستعملة حتى الآن ، بل أن تدل على مفهومات واضحة بالدقة دون إشارة إلى أية مادة خاصة . ولهذا فإن استخدامها يؤدي إلى تحقيق المثل الأعلى للاستدلال الصوري ، وهو ما يسمى المنطق نحوه

ويحسن أن نقدم هنا معجماً بأشهر الرموز :

في الأصناف	في القضايا
١ ، ب ، ح . . . أى صنف	١ ، ت ، ص ، . . . أى قضية
أ	٢
نقي الصنف أ	نقيض القضية ٢
١ + ب حاصل الجمع المنطقي	١ + ت حاصل الجمع المنطقي لقضيتين
للصنفين ١ ، ب	أو القول بهما انفصالاً
١ ب حاصل الضرب المنطقي	١ : ت حاصل الضرب المنطقي لقضيتين
للصنفين ١ ، ب	أو القول بهما معاً
١ > ب	١ < ت ، أى ٢ : تستلزم ت
صفر	صفر
الصنف بغير افراد	القضية الكاذبة
١	١
الصنف الحاوي لجميع الأصناف	القضية الصادقة

١ = ب	أفراد صنف هم أفراد صنف آخر .
٢ =	ت القضيتان ٢ ٦ ت
٣	صادقتان معاً أو كاذبتان معاً ؛ أو
٤	مكافئة للقضية ت

الخواص الصورية للإضافات

١٦٥ — يقال عن شيء إنه « مضاف » بالنسبة إلى آخر ، حينما يكون بهذا الشيء إشارة صريحة إلى الآخر . والحد الذي عنه تصدر الإشارة يسمى « المشير » referent والحد الذي إليه يشار يسمى « المشار إليه » relatum ، أو المضاف والمضاف إليه . والإضافة تختلف من حيث الطبيعة ومن حيث الحدود .

فمن حيث الحدود تكون الإضافة ثنائية dyadic مثل الإضافة الموجودة في القضية : « الحسن أخ للحسين » فهي هنا « أخ ل » وتربط بين « الحسن » و « الحسين » . و « الحسن » هو المشير ، و « الحسين » هو المشار إليه . وتكون ثلاثية triadic مثل : قدم الرجل السم لضيغه ، فالإضافة هنا هي « قدم » وتربط بين « الرجل » « والسم » « والضيف » . وتكون رباعية tetradic مثل : اشترت الولايات المتحدة السكا من روسيا بمبلغ سبعة ملايين دولار ؛ وعدا هذا توجد إضافات ذات حدود أكثر من أربعة ، وإن كانت نادرة .

أما من حيث الطبيعة ، فإن للإضافة خواص عديدة ، لأن خاصية الإضافة في قولنا : النيل أطول من « الصين » غيرها في قولنا « على أخ للحسين » ، أو قولنا « التمايشى سودانى » . والإضافة هنا تقوم بالوظيفة التي تؤديها « الرابطة » في المنطق القديم ، وأكثر منها ، لأن « الرابطة » في المنطق القديم نوع خاص من أنواع الإضافات الثنائية .

وسنبعث الآن في بعض خواص الإضافات الثنائية التي يقوم عليها كل استدلال صحيح ، وإن لم تكن هذه الخواص مقصورة على الإضافات الثنائية وحدها .

١ — التماثل *symétrie*

حينما نقول : نابليون زوج جوزفين ، فإن الإضافة هي : « زوج لـ » ؛ وإذا قلنا « جوزفين زوجة نابليون » ، فإن الإضافة هي : « زوجة لـ » . والإضافة الثانية تسمى معكوستها *converse* والإضافة في الحالة الأولى ليست بعينها الإضافة في الحالة الثانية ، ولهذا نسمى الإضافة « زوج لـ » لا تماثلية *asymmetrical*

ولكن حينما نقول : زيد طويل طول عمرو ، نجد أن الإضافة « طويل طول » تماثلية لأنها واحدة بين زيد وعمرو ، أو بين عمرو وزيد .

فالإضافة التماثلية هي التي تكون عين معكوستها ؛ والإضافة اللا تماثلية هي المختلفة عن معكوستها . والإضافات التي تكون أحيانا تماثلية وأحيانا ليست تماثلية تسمى « غير تماثلية » *non-symmetrical* ، مثل « يحب » ، « يفضل » الخ .

٢ — التعري *transitivité*

الإضافة التعدية هي الإضافة التي إذا وجدت بين ا ، ب من ناحية ، وبين ب ، ح من ناحية أخرى ، فإنها توجد كذلك بين ا ، ح فمثلا : محمد أكبر من علي ، علي أكبر من حسن ، إذن محمد أكبر من حسن . ومن نوعها الإضافات : مساوٍ ، يتضمن ، أكبر من ، سابق على ، الخ . ولكن إذا قلنا ا أب ب ، ب أب ج ، فإن ا ليس أباً لج . فإضافة مثل « أب لـ » تعتبر لازمة

intransitive

وبعض الإضافات يمكن أن تكون متعدية أحياناً ، لازمة أحياناً أخرى .
فمثلاً الإضافة : « صديق لـ » من هذا النوع . فإذا كان أ صديق ب م ب
صديق ح ، فقد يكون أ صديق ح . وتسمى هذه الإضافات لا متعدية .

non transitive

والفروق القائمة على التماثل المتعدية مستقلة بعضها عن بعض ، ولهذا يمكن
أن يكون لدينا أى نوع من أنواع الإضافات التسعة التالية : أ — التماثلة المتعدية ،
مثل « عمره عمر » ؛ ب — اللامتماثلة المتعدية ، مثل « جدُّ لـ » ؛ ح — غير
المتماثلة المتعدية ، مثل « ليس أكبر سنّاً من » ؛ د — متماثلة لازمة مثل زوج
(بالمعنيين spouse) ؛ هـ — اللامتماثلة اللازمة ، مثل « أب لـ » ؛
و — غير متماثلة لازمة ، مثل « أقرب قريب من » ؛ ز — متماثلة لا متعدية ،
مثل « ابن عم لـ » ؛ ح — لا متماثلة لا متعدية ، مثل « خادم لـ » ؛ ط — غير
متماثلة لا متعدية ، مثل « عاشق لـ » .

٣ — التضافف المشترك corrélation

ويقوم هذا النوع من الإضافة على أساس عدد الموضوعات التى يرتبط بها
المشير أو المشار إليه بواسطة الإضافة المعلومة .

فمثلاً إذا قلنا : أ دائن ب ، فإنه من الممكن أن يكون كثيرون غير أ بينهم
وبين ب هذه الإضافة ، كما أن من الممكن كذلك أن يكون هناك آخرون غير
ب بينهم وبين أ هذه الإضافة . ومثل هذه الإضافة تسمى الكثير والكثير

many — many

وإذا قلنا : « عبد الله ابن عبد المطلب » فإن من الممكن أن يكون
كثيرون غير عبد الله لهم هذه الإضافة بالنسبة إلى عبد المطلب . ولكن لا يوجد

غير فرد واحد يمكن أن يكون لعبد الله بإزائه هذه الإضافة . ولهذا تسمى الإضافة
« ابن ل » الكثير والواحد many-one

ومكعوسة الإضافة التي من نوع الكثير والواحد إضافة من نوع الواحد
والكثير one-many فمثلا في قولنا « عبد المطلب أب لعبد الله » عبد المطلب
يمكن أن تكون له نفس الإضافة بالنسبة إلى آخرين غير عبد الله ، ولكن فرداً
واحداً فقط يمكن أن تكون له هذه الإضافة بإزاء عبد الله .

وأخيراً حينما نقول : عشرة أكبر من تسعة بواحد ، فإن عدداً واحداً فقط
هو الذي تكون له هذه الإضافة بالنسبة إلى عشرة ، وعدداً واحداً فقط هو الذي
تكون له هذه الإضافة بالنسبة إلى « تسعة » . والإضافات مثل « أكبر بواحد
من » تسمى الواحد والواحد one-one ولها دور أساسي في نظرية التضافيف
المشترك .

٤ — وثمة مبدأ رابع للتقسيم يتوقف على كون الإضافة تقوم بين أى
زوج من مجموعة أولا تقوم . وتسمى الإضافة هنا باسم الترابط connexity
فإذا نظرنا مثلاً في الأعداد الصحيحة والإضافة « أكبر من » ، فإننا نجد أن أى
عدين صحيحين إما أن تكون الإضافة بينهما « أكبر من » أو معكوسهما
« أصغر من » . ومثل هذه الإضافة يقال إن فيها « ترابطاً » ، وإلا فلا ، فمثلاً
الإضافة « أكبر باثنين من » ليست من هذا النوع .

١٦٦ — ولدراسة هذه الخواص أهمية كبرى في دراسة الاستدلالات المنتجة .

١ — فإن عكس القضايا المحلية يتوقف على التماثل أو غير التماثل في الإضافة
التضمنية أو الاستيعادية للأصناف . فحينما نقول « كل الشعراء فنانون » فإن
معنى هذا أن الصنف « شعراء » متضمن في الصنف « فنانون » . ومثل هذه

القضية لا يمكن أن يعكس عكساً بسيطاً ، لأن التضمن الكلى لصنف في آخر إضافة غير تماثلية . ولكن القضية « بعض الفنانين شعراء » يمكن أن تعكس عكساً بسيطاً ، لأن التضمن الجزئي للأصناف إضافة تماثلية . وكذلك الحال أيضاً في القضية : « لا شاعر فنان » تعكس عكساً بسيطاً ، لأن الاستبعاد الكلى لصنف عن صنف آخر تماثلي .

٢ — إنتاج الأقيسة المحلية يتوقف على التعدي في الإضافة التضمنية للأصناف . فمثلاً القياس : كل إنسان فان ؛ الأنبياء ناس ؛ إذن الأنبياء فانون . يمكن أن يفسر هذا القياس على أساس أنه إذا كان الصنف « الناس » متضمناً في الصنف « فان » ، والصنف « أنبياء » متضمناً في الصنف « الناس » — فإن الصنف « أنبياء » متضمن في الصنف « فان » . والإضافة هنا واضح أنها متعدية . والأقيسة المنتجة في الأشكال الأخرى بضروبها يمكن أن يبين أن الإنتاج فيها يقوم على نفس الخاصية المنطقية للرابطة .

ولكن الأقيسة التي تكون فيها إحدى المقدمات قضية شخصية يحتاج الأمر فيها إلى تحليل آخر . فمثلاً : كل إنسان فان ؛ سقراط إنسان ؛ إذن سقراط فان . ففي هذه الحالة نرى أنه إذا كان الصنف « إنسان » متضمناً في الصنف « فان » ؛ وإذا كان « سقراط » عضواً في الصنف « إنسان » ، فإنه عضو في الصنف « فان » . فنرى هنا أن نوع الإضافة في الصغرى غير نوع الإضافة في الكبرى ؛ لأن الإضافة « عضو في » لا متعدية ، بينما الإضافة « متضمن في » متعدية . فصحة الاستدلال هنا توضح صورة مغايرة من صور مقالة الكل واللاشيء .

٣ — والأقيسة الإضافية relational تتوقف كذلك على تعدي

الإضافات . فمثلا القياس : محمد أكبر من علي ، علي أكبر من حسن .∴ محمد أكبر من حسن - نرى فيه أن الإضافة « أكبر من » متعدية .

٤ - وإذا نظرنا في القياس المركب مفصول النتائج الآتي :

كل منافق كذوب ؛ كل كذوب لئيم ؛ كل لئيم مذموم .∴ كل منافق مذموم .

نجد أن التعمد في الإضافة التضمنية للأصناف هو الأساس في الاستنتاج .

• - وكذلك إذا بحثنا في الاستنتاج الشرطي المتصل :

إذا لم يأت ، سافرت إليه ؛ وإذا سافرت إليه ، أصبتُ بمرض .∴ إذا لم يأت أصبتُ بمرض .

فكل قضية من هذه القضايا الثلاث تدل على تضمن ، والنتيجة صحيحة لأن الإضافة التضمنية متعدية .

الحساب المنطقي

١٦٧ - كل قضية إذا حللناها وجدناها تتألف من محمول وموضوع بينهما رابطة . والمحمول والموضوع كلاهما حد يمكن أن يفسر إن بحسب المفهوم أو بحسب الماصدق . وقد سار المنطق القديم على أساس عدم التمييز بين المفهوم والماصدق . فتارة يفسر الموضوع والمحمول في القضية على أساس المفهوم ، وتارة أخرى على أساس الماصدق . وكانت نتيجة هذا أن حدث غموض كبير في فهم القضايا وفي الأقيسة ، لأن التفسير على أساس المفهوم غيره على أساس الماصدق . فمنها لهذا الغموض جاء المنطق الجديد فاتخذ طريقة واحدة للتفسير وهي التفسير على أساس الماصدق .

والحد إذا فُسِّر على أساس الماصدة نظر إليه بحسبانه تعبيراً عن مجموعة

من الأفراد ، ولهذا يسمى صنفاً *classe* . ومن هذه الفكرة يبدأ المنطق الجديد .
فالصنف عنده هو مجموعة من الأفراد التي لكل منها خواص معلومة مشتركة
بها تكون داخلة تحت هذا الصنف . فمثلاً الصنف « إنسان » هو مجموع الأفراد
المتصفين بصفة الإنسانية ؛ والصنف « حيوان » هو مجموع الأفراد المتصفين بصفة
الحيوانية ، وهكذا .

فلننظر إلى جميع ما في الوجود بحسبانه أصنافاً . ولنسمِّ الأَصْنَافَ الممكنة
« عالم المقال » *universe of discourse* ، ولنرمز إليه بالعدد ١ .

فلنأخذ من بين هؤلاء الأفراد جميعاً مَنْ يُكوِّنون طائفة « الأساتذة » ،
فهذا يسمى صنف « الأساتذة » ؛ ولنأخذ كذلك طائفة أخرى هي « الشعراء » ،
فيكون لدينا صنف « الشعراء » . وإذا أضفنا صنفاً إلى صنف نشأ عنهما صنف
كذلك . وهذا التركيب بين الأصناف يتم على نحوين يعبر عنهما حرفا العطف
« و » ، « أو » . فيمكن أن نختار الصنف المكون من « الأساتذة والشعراء » ،
ويكون اسمه « الشعراء الأساتذة » . وهذه العملية شبيهة بعملية الضرب
في الحساب ؛ ولهذا تسمى باسم عملية الضرب المنطقي بين « الشعراء » و « الأساتذة » ،
والحاصل يسمى حاصل الضرب المنطقي للأصناف .

فلنرمز إلى الصنف على طريقة الجبر بحروف ، لكي يكون عملنا صورياً
صرفاً ، ولتكن ١ ، ب ، ح ، وحينئذ سيرمز إلى حاصل الضرب المنطقي
بالرمز ١ × ب أو بطريقة أوجز ١ ب .

ويمكن مرة أخرى أن نختار للصنف الذي يدل على أحد الصنفين :
الأساتذة أو الشعراء ، فيكون لدينا حينئذ الصنف « الأساتذة أو الشعراء » ،
(١٩)

وهذه العملية شبيهة بعملية الجمع في الحساب ؛ ولهذا تسمى عملية الجمع المنطقي .
ولنرمز إليها حينئذ بقولنا $A + B$. وهذا يمكن أن يقرأ : « أ و ب »
أو « إما أ أو ب » . والانفصال ليس مانع جمع ، فمعناه هنا : أ و ب أو هما معاً .

ونستطيع أن نعرف هاتين العمليتين على النحو التالي :

حاصل الضرب المنطقي لصنفين هو الصنف المتضمن في كل منهما والمتضمن
لكل صنف متضمن في كل منهما .

وحاصل الجمع المنطقي لصنفين هو الصنف المتضمن لكل منهما ، والمتضمن
في كل صنف متضمن لهما^(١) .

وفي هذين التعريفين قلنا بالإضافة الموجودة بين صنف وصنف آخر يحتمويه .
وهذه الإضافة تماثل بالإضافة الموجودة بين جزء وكل . فيمكن أن نقول إذن ،
بطريقة شبه مجازية ، إن حاصل الضرب المنطقي لصنفين (س ، ص) هو الأكبر
صنف يتضمن الاثنين ؛ وإن حاصل الجمع المنطقي هو أصغر صنف يتضمن
الاثنين^(٢) .

وإذا كان حاصل الضرب المنطقي لصنفين صنفاً هو الآخر ، فإنه إذا لم يوجد
بين عناصر الصنفين موضوعات مشتركة ، فسيكون لدينا صنف لا أفراد له ،

(١) أو بعبارة أخرى :

حاصل الضرب المنطقي لصنفين هو الصنف الذي يكون جزءاً من كل واحد منهما ،
ويعم كل صنف يكون جزءاً من كل واحد منهما .
وحاصل الجمع المنطقي لصنفين هو الصنف الذي يعم كل واحد منهما ؛ ويكون جزءاً من
كل صنف يعمهما .

(٢) أو بعبارة أخرى :

حاصل الضرب المنطقي لصنفين (س ، ص) هو أكبر صنف يعم الاثنين .
وحاصل الجمع المنطقي لصنفين (س ، ص) هو أصغر صنف يعم الاثنين .

ولكنه صنف على كل حال . فمثلا حاصل الضرب المنطقي للصنفين : « دوائر » و « مربعات » هو « دوائر مربعة » . ولكن لا توجد دوائر مربعة ، فهذا الصنف إذن لا أفراد له . ولكي نضمن وجود طابع كلى فى المنطق يجب أن نعترف بهذا الصنف الذى لا أفراد له ويسمى باسم « صنف الصفر » null-class ويرمز إليه بالرمز « صفر » ومن الواضح أن « $\text{صفر} + \text{صفر} = \text{صفر}$ » . ومن تعريفنا السابق لحاصل الجمع للمنطقى يظهر أن صنف الصفر موجود فى كل صنف . ومن الواضح كذلك أن « $\text{صفر} \times \text{صفر} = \text{صفر}$ » ؛ أعنى أنه مهما كانت صفر ، فإن الصنف « $\text{صفر} \times \text{صفر}$ » هو الصنف الذى يحتوى على كل من صفر و صفر معا . ولكن ما هو صفر و صفر معا هو صفر . ومن هنا يظهر أن الصنف الوحيد الذى يظل بدون تغيير ، أيًا ما كان الصنف الذى نختاره ونفرزه منه ، هو الصنف الذى لا أفراد له ، أى صنف الصفر .

وثمة عملية ثالثة هى عملية الاستبعاد أو السلب . فحينما ننظر إلى صنف « الذكور » داخل عالم الكائنات الإنسانية ، ونستبعده ، فإنه يكون لدينا صنف « الإناث » . والأفراد الذين هم أعضاء فى هذا العالم ولكن ليسوا أعضاء فى الصنف « ذكور » يقال عنهم إنهم ينتسبون إلى مسلوب الصنف « ذكور » ومن هنا فإن « الإناث » هو مسلوب « الذكور » فى عالم المقال هذا . والصنف ومسلوبه يستبعد كل منهما الآخر ويشملان كل عالم المقال . ويرمز إلى الصنف ومسلوبه على النحو التالى : فيرمز إلى الصنف مثلا بأنه A وإلى مسلوبه بأنه A' ويقرأ « لا - A » . وعلى ذلك فإن الرمز A' يدل على جميع الأفراد الذين ليسوا أعضاء فى الصنف A .

فإذا ما انتقلنا من هذه العمليات بين الأصناف إلى الإضافات القائمة بين الأصناف وجدنا أن الإضافات ليست هى العمليات . إذ العمليات

التي تجرى على الأصناف تنتج أصنافاً؛ أما الإضافات بين الأصناف فتنتج بالعبير عنها قضايا لا أصنافاً . — والإضافة الرئيسية في هذا المنطق هي « الاندراج للأصناف » . فيقال عن صنف إنه مندرج في آخر إذا كان كل عضو في الأول عضواً في الآخر، وكان لا يوجد أى عضو من الأول خارج الصنف الثانى . فمثلاً حينما نقول : « الإنسان فان » فإن الصنف « إنسان » مندرج في الصنف « فان » بمعنى أنه لا يوجد عضو من بنى الإنسان ليس فانياً ، وكل إنسان فهو فان . وهذه الإضافة يرمز إليها الرمز $>$. فإذا كانت a ، ب صنفين فإن القضية : a مندرجة في b يرمز إليها هكذا : $a > b$ ؛ والرمز $>$ مأخوذ من تشابه هذه الإضافة مع : « أقل من » ، في الحساب .

والإضافة $>$ متعدية وغير تماثلية ، لأنه إذا كان $a > b$ و $b > c$ فإن $a > c$ ؛ ولكن إذا كان $a > b$ ، فإنه لا ينتج من هذا أن $b > a$. وإذا كان الاندراج متبادلاً ، فإنه يصبح حينئذ تساوياً^(١) . فالصنف a

(١) يمكن التعبير عن الإضافة = بواسطة الرمز \supset هكذا :

$$a = b . \supset a > b . \supset a \supset b$$

وهنا يلاحظ أن العلامة = التي تربط بين a ، b ليست هي العلامة التي تربط بين طرفي المتساويتين لأن علامة التساوى الثانية يرتبط بها الرمز « بالحد » المكتوب في آخر المعادلة بمعنى أن الرمز « . . . = . . . » بالحد ، يجب أن يؤخذ ككل ومعناه : « مساو بالحد » .

والنقطة بين $a > b$ و $b > a$ معناها القول معاً بالإضافتين وهو ما يقابل حاصل الضرب المنطقي في الأصناف . ومن هنا يتبين أن الإضافة « = » مساوية للإضافة « $a > b$ » و « $b > a$ » معاً . ويمكن أن نستخلص من هذا التعريف الخواص الصورية للإضافة = . فيستخلص أنها تماثلية من أنها تتضمن إضافة ومعكوستها ؛ ويستخلص أنها متعدية من كون $>$ متعدية و = معرفة في صيغة الإضافة $>$. وهكذا نرى أن خواص الإضافة التي عرفناها وهي = من خواص الإضافة الأساسية في المنطق الرياضى . وهذه الإضافة الأخيرة تسمى « الاندراج » inclusion بالنسبة إلى الأصناف، وتسمى « التضمن » subsumption بالنسبة إلى المفاهيم أو التصورات وتسمى « الاستلزام » بالنسبة إلى القضايا implication

مساوئ للصف ب ، إذا كانت ا مندرجة في ب ب مندرجة في ا ، أى إذا كانت أفراد كل الصف هي أفراد الصف الآخر . ويرمز إلى هذا هكذا : $(b = a) \equiv (a > b)$. وهنا العلامة « = » تشير إلى اتساوى بين الأصناف ، والعلامة \equiv تشير إلى التكافؤ equivalence بين القضايا ؛ والنقطة (.) تشير إلى القول معاً joint assertion بقضيتين . ويلاحظ كذلك أن المساواة هنا تتعلق بما صدق لا بالمفهوم : فمثلا الصف « ذو الرجلين المديم الأجنحة » يساوى الصف « الحيوان الضاحك » مع أن المفهوم مختلف تماماً .

وينقسم الحساب المنطقي إلى « حساب الأصناف » و « حساب القضايا » .

حساب الأصناف

١٦٨ — تقوم العمليات والإضافات الحسابية المنطقية على عدة مبادئ أشهرها (*) :

١ — مبدأ التراتبية : بالنسبة إلى أى صف : $a > a$

هذا المبدأ يقول إن كل صف متضمن في ذاته ؛ ومن تعريفنا للمساواة وتبعاً لهذا المبدأ ينتج أن : $a = a$

٢ — مبدأ التناقض : $a \neq a$ = صفر

يقول هذا المبدأ إنه لا شئ عضو في ا و لا - ا معاً

(*) نذكر هنا أمثلة على هذه المبادئ العشرة بالترتيب :

(١) إنسان > إنسان .

إنسان = إنسان

(٢) إنسان ولا - إنسان = صفر .

أى لا يمكن أن يكون شئ ما إنساناً ولا إنساناً معاً .

٣ - مبدأ الثالث المرفوع : $1 + 1 = 1$

يقول هذا المبدأ إن كل فرد في العالم إما أن يكون عضواً في ١ أو عضواً في لا - ١

٤ - مبدأ التعويض : $1 + 1 = 1$

$$1 + 1 = 1 + 1$$

ويمكن توضيح هذا المبدأ بالمثال التالي : صنف الأفراد الذين هم ألمان وموسيقيون معاً هو نفس صنف الأفراد الذين هم موسيقيون وألمان معاً ، وصنف الأفراد الذين هم إما ألمان أو موسيقيون هو نفس صنف الأفراد الذين هم إما موسيقيون أو ألمان .

٥ - مبدأ التجميع : $1 + 1 = 1 + 1$

$$(1 + 1) + 1 = 1 + (1 + 1)$$

٦ - مبدأ الاستقراء : $1 + 1 = 1 + 1$

$$1 + 1 = 1 + 1$$

والقسم الأول من هذا المبدأ الأخير يعبر عما يماثل خواص الأعداد العادية .

(٣) إنسان + لا - إنسان = ١

أي أن أي شيء إما أن يكون إنساناً أو يكون لا إنساناً .

(٤) المثال المذكور .

(٥) (إنسان وفنان) وعالم = إنسان و (فنان وعالم) .

(إما أحمر أو أخضر) أو أصفر = أحمر أو (إما أخضر أو أصفر)

(٦) (إنسان أو فرس) وحيوان = إنسان وحيوان أو فرس وحيوان .

إنسان وفنان أو فرس = (إنسان أو فرس) و (فنان أو فرس)

والقسم الثانى يوجد تفرقة لها معناها بين هذا الجبر (الجبر المنطقى) وبين الجبر العادى (الكمى) .

٧ - مبدأ تحصيل الحاصل : $1 = 1$

$$1 = 1 + 1$$

وهذا أيضاً يؤذن بوجود اختلاف أساسى بين الجبر العادى (الكمى) وبين الجبر الجديد ، جبر المنطق .

٨ - مبدأ الاستقار : $1 = 1 + 1$

$$1 = (1 + 1)$$

٩ - مبدأ التبسيط : $1 > 1$

$$1 + 1 > 1$$

وتبعاً لهاتين الصيغتين الأخيرتين ينتج أن صنف الصفر متضمن فى كل صنف (صفر > 1) وأن كل صنف متضمن فى العالم ($1 > 1$) . وليبان هذا يكفى أن نفترض أن $1 =$ صفر فى التعبير فى الأول $1 = 1$ فى التعبير الثانى .

١٠ - مبدأ التركيب : $[(1 > 1) \cdot (1 > 1)] \subset (1 > 1)$

(٧) إنسان وإنسان = إنسان .

إنسان أو إنسان = إنسان

(٨) إنسان أو إنسان مهندس = إنسان

إنسان (إنسان أو مهندس) = إنسان

(٩) إنسان فنان متضمن فى إنسان

إنسان متضمن فى إنسان أو فنان

(١٠) إذا كان الحيوان متضمناً فى الأجسام ، والإنسان متضمناً فى الفانى

إذن الحيوان الإنسان متضمن فى الجسم الفانى

— إذا كان حيوان متضمناً فى جسم وكان إنسان متضمناً فى فنان

إذن إما حيوان أو إنسان متضمن فى إما جسم أو فنان

$$[(b > a) \cdot (c > a)] \supset [(b + c) > a]$$

ونحن نستعمل هنا الرمز \supset للإضافة الدالة على التضمن ؛ ونستعمل النقطة (.) للقول معاً بقضيتين . والتعبير الأول يقرأ هكذا : إذا كانت a متضمنة في b و c متضمنة في a ، فإن حاصل الضرب المنطقي للصنف a في الصنف c متضمن في حاصل الضرب المنطقي للصنف b في الصنف a .

$$١١ - \text{مبدأ القياس : } [(b > a) \cdot (c > a)] \supset (b > c)$$

إذا كانت a متضمنة في b و c في a ، فإن a متضمنة في c . وهنا الإضافة « متضمن في » مصرح بأنها متعديّة .

١٦٩ - فلنبداً الآن بالتمثيل الرمزي للقضايا المحلية الأربع :

١ - « كل a هي b » يمكن أن يرمز إليها هكذا : $a > b$. وتبعاً لهذا فإنه لما كانت a مندرجة كلها في b ، فإنها يمكن أن يرمز إليها هكذا أيضاً : $a = b$. ونظراً أيضاً إلى هذا يمكن أن تكتب ثالثاً هكذا : $a \leq b$ = صفر ، لأنه ليس ثمة حد مشترك بين أفراد a وأفراد b لأن كل أفراد a مندرجون في b . ولهذا فإن : $(a > b) \equiv (a \leq b = \text{صفر})$.

٢ - « لا a هي b » يمكن أن يرمز إليها هكذا : $a < b$ ، لأن معناها أن كل الألفات هي لا باءات . وهذا يمكن أن يكتب أيضاً هكذا : $a \neq b$ ؛

(١١) إذا كان إنسان متضمناً في حيوان وكان حيوان متضمناً في جسم

... إنسان متضمن في جسم

يمكن أيضاً أن يكتب : $ا = ب = \text{صفر}$ ، لأنه لا أحد مشترك بين أفراد $ا$ وأفراد $ب$. ومن هنا فإن $(ا > ب) = (ا = ب = \text{صفر})$.

٣ — ولما كانت القضايا الجزئية نقيضة الكلية ، فإنها تنفي ما تثبته الأخيرة . ومن هنا فإن « بعض $ا$ هي $ب$ » يجب أن تنفي « لا $ا$ هي $ب$ » (الرموز إليها هكذا : $ا > ب$) . ولهذا يمكن أن يرمز إليها هكذا $(ا > ب)$ أو هكذا : $(ا \neq \text{صفر})$.

٤ — كذلك القضية الجزئية السالبة : ليس بعض $ا$ هي $ب$ يجب أن تنقض $(ا > ب)$ ومن هنا فإن من الممكن أن يرمز إليها هكذا : $(ا > ب)$ أو $ا \neq \text{صفر}$.

ويمكن تلخيص هذا كله على الصورة التالية :

(١) كل $ا$ هي $ب$: $ا > ب$ ؛ $ا = ب$ ؛ $ا \neq ب$ = صفر .

(٢) لا $ا$ هي $ب$: $ا > ب$ ؛ $ا \neq ب$ ؛ $ا = ب$ = صفر .

(٣) بعض $ا$ هي $ب$: $ا \neq ب$ ؛ $ا = ب$ = صفر .

(٤) ليس بعض $ا$ هي $ب$: $ا \neq ب$ ؛ $ا = ب$ = صفر .

وهنا يلاحظ أن التعبيرات المختلفة عن قضية من نوع واحد متساوية ؛ كما يلاحظ أن التعبير الأخير في كل حالة من الأحوال الأربع هو مساوية أو لا مساوية أحد أطرافها العدد صفر ، مما يجعل المقارنة بين هذه القضايا سهلة . ويشاهد كذلك أن الكلية الموجبة (١) ، والجزئية السالبة (٤) متناقضتان كما هو واجب أن يكون ؛ وكذلك الكلية السالبة (٢) ، والجزئية الموجبة (٣) متناقضتان . ويلاحظ

أيضاً أن القضيتين السكائيتين تقول كل منها إن شيئاً هو = صفر ؛ والقضيتين الجزئيتين أن شيئاً هو ≠ صفر . أعنى أن القضية الكلية من ناحية الماصدق تقول بلا وجود non-existence : « كل ا هي » ب معناها أن « كل ا ليست ب » لا توجد ؛ « لا ا هي ب » معناها أن ا التي هي ب لا توجد . والقضية الجزئية تقول بوجود : « فبعض ا هي ب » معناها أن ا التي هي ب توجد ؛ و « ليس بعض ا هي ب » معناها أن ا التي ليست ب توجد .

١٧٠ — وفي حل المسائل بواسطة الجبر المنطقي يستعان بالقاعدتين التاليتين :

١ — عبر عن المعلوم في صيغة معادلات أو لا معادلات ، أحد طرفيها العدد صفر . وهذا يمكن أن يقوم به الإنسان دائماً لأن :

$$١ = ب \text{ يعادل } ا \bar{ب} + \bar{ا} ب = \text{صفر}^*$$

$$\text{و } ١ \neq ب \text{ تعادل } ا \bar{ب} + \bar{ا} ب \neq \text{صفر}$$

$$* ١ = ب \text{ تعادل } ا \bar{ب} + \bar{ا} ب = \text{صفر}$$

الرهان :

$$١ = ب \text{ تعادل } ا > ب \text{ و } ب > ا$$

$$ا > ب \text{ تعادل } ا \bar{ب} = \text{صفر}$$

$$ب > ا \text{ تعادل } \bar{ا} ب = \text{صفر}$$

$$ا \bar{ب} = \text{صفر و } \bar{ا} ب = \text{صفر يعادلان معاً } ا \bar{ب} + \bar{ا} ب = \text{صفر}$$

وللمعادلات التي يكون أحد طرفيها صفراً مهمة وملائمة ؛ ويمكن أن نعطي لكل معادلة هذه الصورة — وذلك بعمل التالي : اضرب كل طرف من طرفي المعادلة في مسلوب الطرف الآخر ، ثم اجمع حاصل الضرب الناتجين واجعل الناتج صفراً .

٢ — في تركيب المعادلات التي يكون أحد طرفيها العدد صفر ، اجمع دائماً ،
وذلك لأن $١ + ب = صفر$ تعادل الزوج $١ = صفر$ و $ب = صفر$ ^(١) .

$$(١) ١ + ب = صفر \text{ يعادل الزوج } ١ = صفر \text{ و } ب = صفر$$

البرهان :

$$\text{إذا كانت } ١ + ب = صفر \text{ كانت } ١ = ب$$

$$\text{فيكون } ١ = ١ \times ١ = ١ (١) = ١ (١) = ١ = صفر \times ب = ب = صفر$$

$$\text{و } ب = ١ \times ب = ب (١) = ب = ١ (ب) = ١ = صفر \times ب = صفر$$

$$\text{وإذا كانت } ١ = صفر \text{ فإن } ١ + ب = صفر + صفر = صفر$$

$$\text{وفي كل جبر ، إذا كانت } ١ = صفر \text{ و } ب = صفر \text{ إذن } ١ + ب = صفر ؛$$

ولكن في هذا الجبر العكس صحيح كذلك : فإن كان حاصل الجمع صفراً ، فإن
كل حد هو صفر .

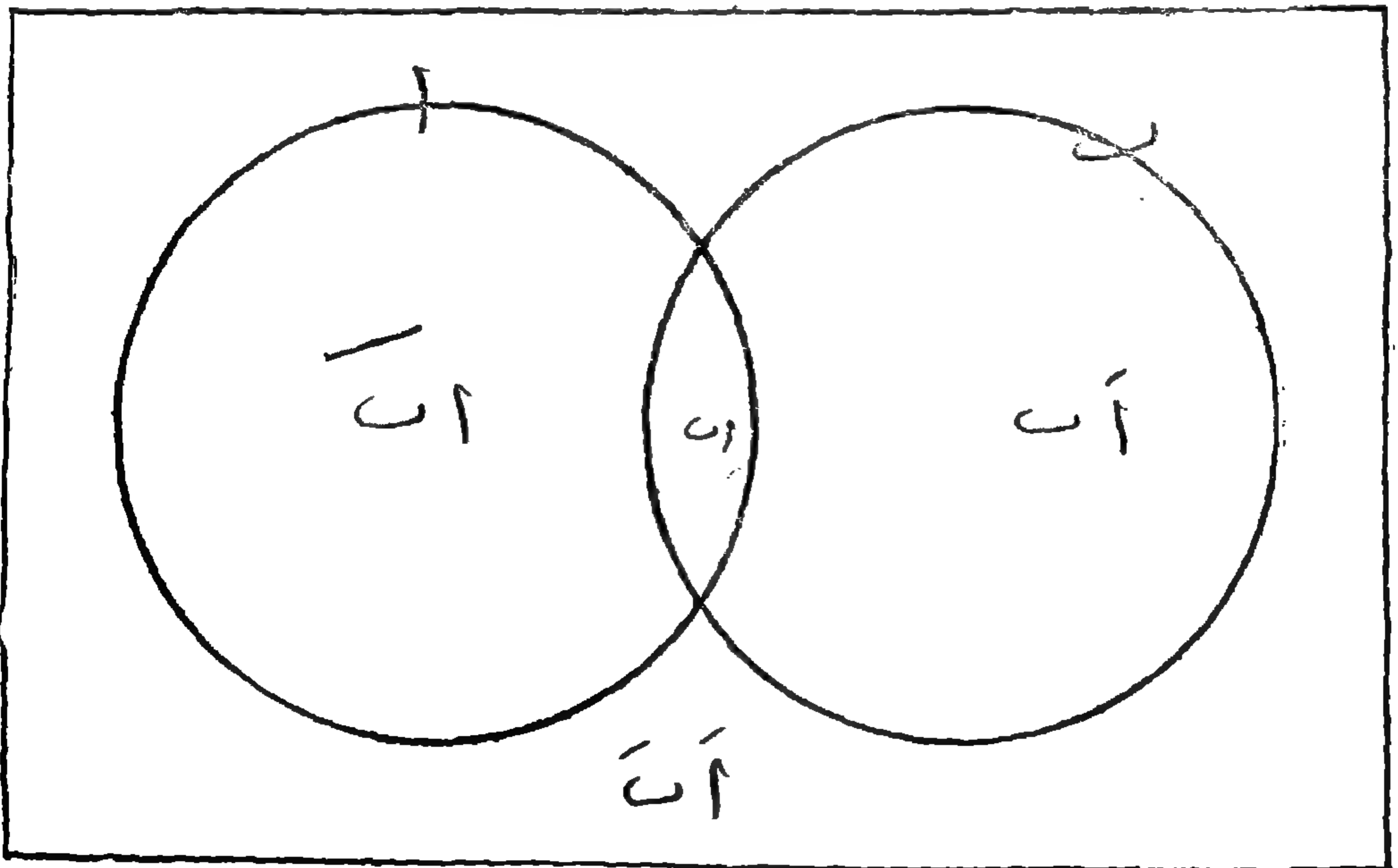
[يلاحظ في هذا البرهان أننا استعملنا : $١ \times ١ = ١$ ويبرهن على هذا هكذا :

$١ > ١$ وهذا يكافئ $١ \times ١ = ١$ أعني أنه ما هو مشترك بين ١ وبين الصنف
« كل شيء » هو ١ ؛

واستعملنا أيضاً : $١ + ب = (١ \times ب)$ وهنا يرى أن $١ + ب$ تمثل
الصنف من الأشياء التي هي إما أعضاء في ١ أو أعضاء في $ب$ (أو أعضاء فيهما معا)
فلما كانت $١ \times ب$ هي الصنف لما هو لا - ١ ولا - $ب$ معا (ما ليس ١ ولا $ب$) ،
فإن أسلوب هذا ، أعني $(١ \times ب)$ ، سيكون ما هو إما ١ أو $ب$ أوهما معا [

أعني أننا إذا ركبنا معادلتين هما : $١ = \text{صفر}$ ، $ب = \text{صفر}$ ، بواسطة الجمع ، فإننا لا نفقد شيئاً من قيمة المعادلات التي ركبناها . ولكن إذا ركبناها بواسطة الضرب فإن الحاصل وهو $ا ب = \text{صفر}$ يكون صحيحاً ولكنه لن يكون معادلاً للمعادلتين كل على حدة إذا ماركبنا (لأن الجمع لا يفقد شيئاً ؛ بينما الضرب يختار المشترك بين الاثنين) .

ونعمة وسيلة نافعة جداً لاختبار صحة عمل الجبر المنطقي ، وهي « شكل فن » Venn's Diagram نسبة إلى جون فن الذي عمله لأول مرة ، وفي هذا الشكل يمكن دائماً التعبير عن المساويات أو اللامساويات التي يكون أحد طرفيها العدد صفر . وفي مثل هذا النوع من الأشكال ، تمثل الأصناف بواسطة الدوائر أو أية مساحة أخرى ويرسم الشكل بطريقة من شأنها أن يمثل الشكل : « العالم » أو العدد ١ ، مهما كانت الحدود المطلوب البحث فيها . فمثلاً بالنسبة إلى الحدين $ا$ ، $ب$ يمكن أن نرسم دائرتان متعاقتان كما في الشكل التالي :



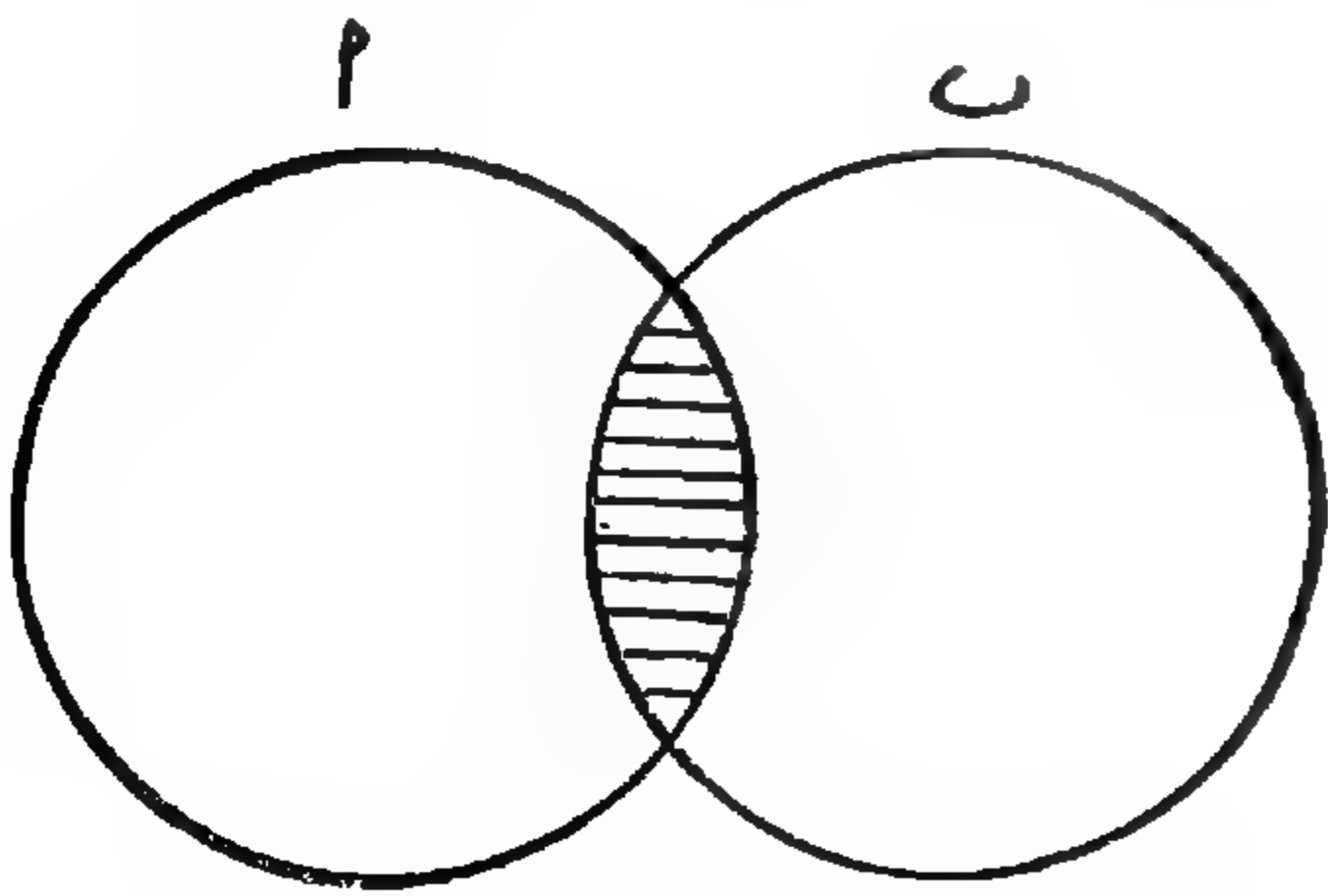
وفي هذا الشكل يلاحظ أن الدائرة التي على اليسار هي A والدائرة التي على اليمين هي B . فبالنسبة إلى الحدين A و B يكون :

$$1 = A + \bar{A} + A + \bar{B} + \bar{A} + B + A + B$$

والمساحة المشتركة بين الدائرتين هي AB ؛ وما هو في داخل A ولكنه في خارج B هو $A\bar{B}$ ؛ وما هو في داخل B ولكنه في خارج A هو $\bar{A}B$ ؛ وجزء المستطيل 1 ، الذي هو خارج الدائرتين ، هو $\bar{A}\bar{B}$. والمبدأ العام الذي يقول : إنه بالنسبة إلى الحد S :

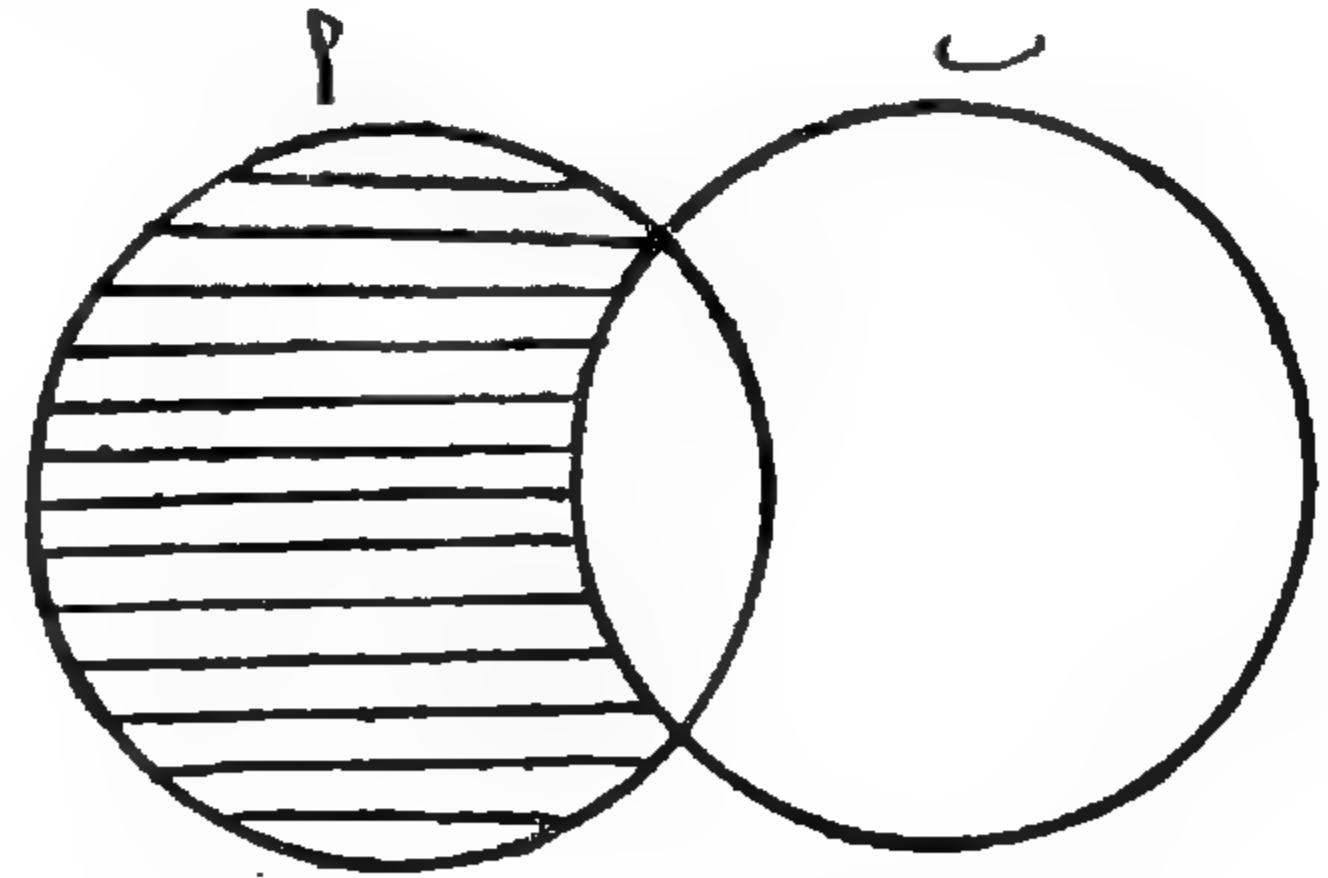
$$S = S + \bar{S}$$

يمكننا من معرفة المساحة التي تمثل مسلوب أي حد : فمسلوب S هو باقي الشكل ، في خارج S . والمساحة $A + B$ هي المساحة الموجودة في إحدى الدائرتين أو فيهما معاً ، أي أنها هي المساحة التي تشمل A ، B ، AB . فإذا مارسنا الشكل على هذا النحو تيسر لنا بعد ذلك أن نصور أي معلوم بواسطة تخطيط أي مساحة تكون = صفر ، ووضع نجمة ، تدل على وجود شيء ، في كل مساحة تكون \neq صفر . وهكذا نستطيع أن نصور القضايا الأربع المحصورة هكذا ، مع افتراض أن المساحة التي خارج الدائرتين لا زالت جزءاً من الشكل يمثل الصنف الفرعي AB sub-class : (كما في الشكل) :



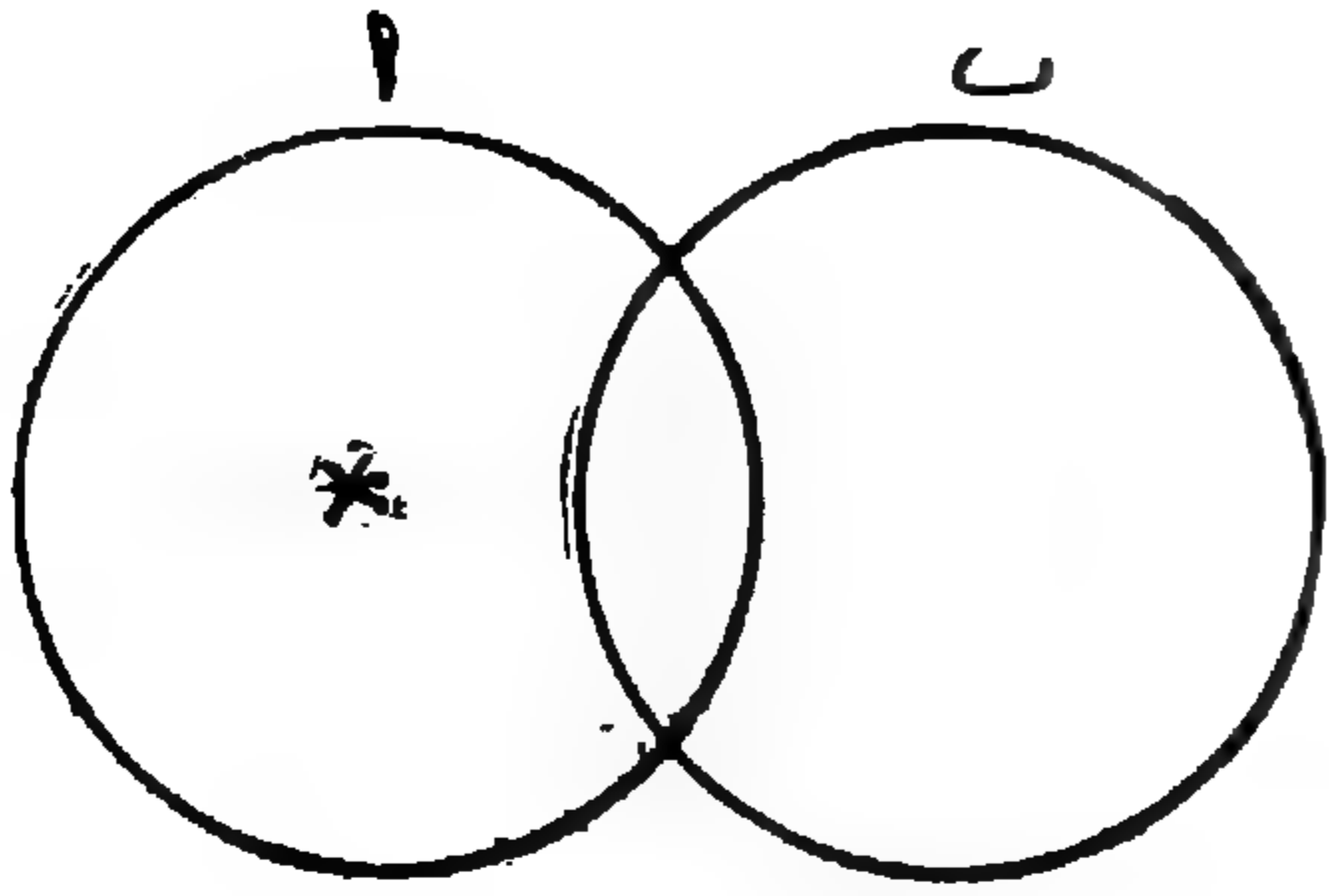
لا A هي B

$$AB = \text{صفر}$$



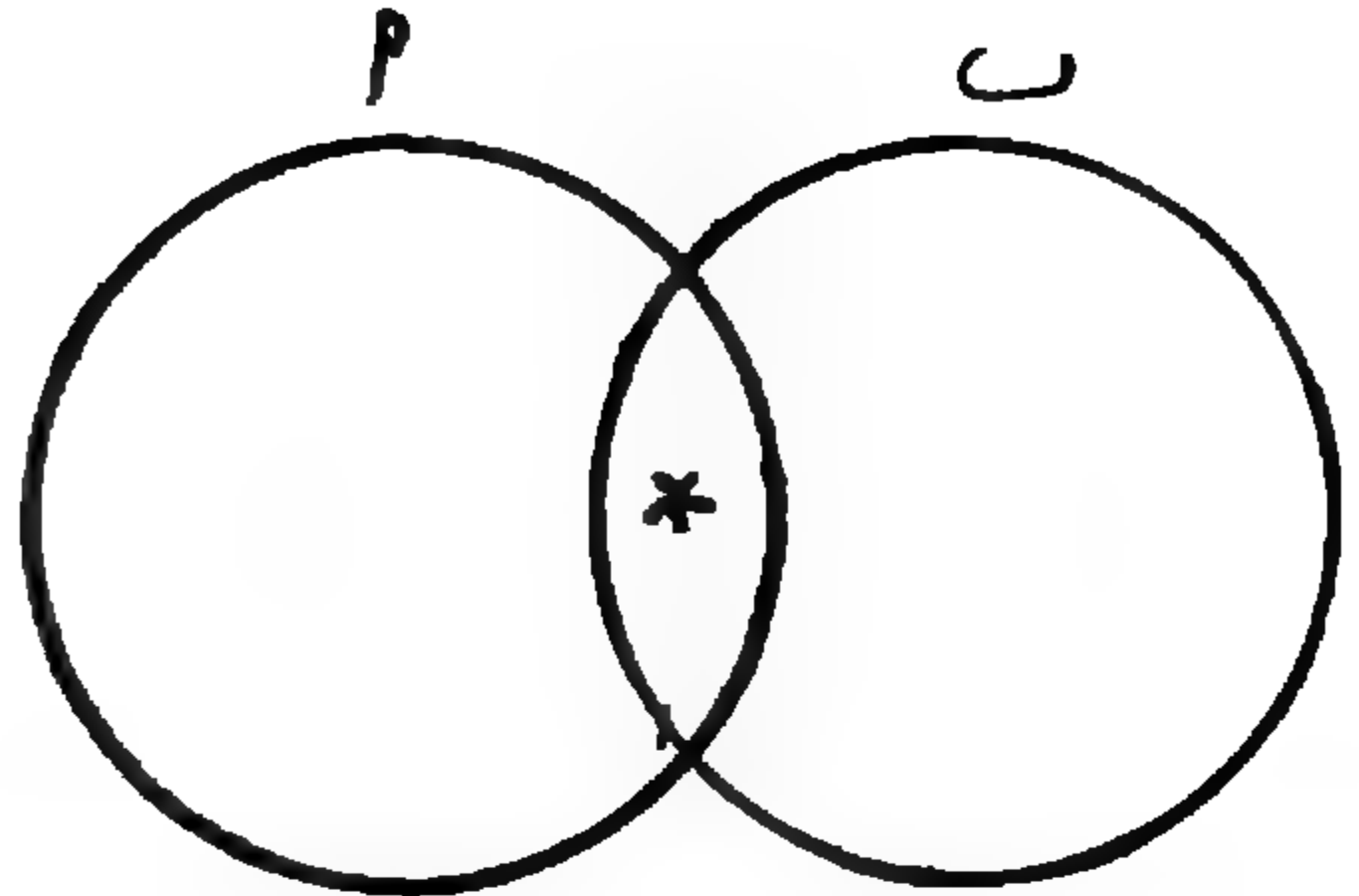
كل A هي B

$$\bar{A}B = \text{صفر}$$



بعض ا ليست ب

$$ا \bar{ب} \neq \text{صفر}$$



بعض ا هي ب

$$ا ب \neq \text{صفر}$$

ويلاحظ في هذا الشكل أن المساحة غير المخططة لا يمكن الافتراض بأنها تمثل شيئاً موجوداً كما لا يمكن أيضاً الافتراض بأن ما تمثله ليس موجوداً . أعني أنه إذا كانت مساحة غير مخططة وغير معلمة بالنجمة ، فإن المعلوم لا يقول لنا شيئاً عن الصنف الفرعي الذي تمثله هذه المساحة . فمثلاً في تصويرنا للقضية «بعض ا هي ب» ، المساحة ا ب غير مخططة والمساحة ا ب غير مخططة كذلك . وعلى هذا فإن «بعض ا هي ب» لا تقول لنا إن ا ب (ما هو ا ولكن ليس ب) موجودة أو أنها غير موجودة ؛ وبالمثل لا نخبرنا بشيء عن ا ب^(*) .

(*)

نظرية دي مورجن

سالب حاصل الضرب لحدين هو حاصل الضرب لسالب الحدين

سالب حاصل الجمع لحدين هو حاصل الضرب لسالب الحدين

$$\text{أى أن : } (ا ب) = \bar{ا} + \bar{ب} \text{ ؟ } (ا + ب) = \bar{ا} \bar{ب}$$

فلنبرهن على القسم الثانى أولاً فنقول :

$$\bar{ا} + 1 = 1 \quad \text{مبدأ الثالث المرفوع}$$

$$ب + \bar{ب} = 1 \quad \text{مبدأ الثالث المرفوع}$$

$$1 = 1 \times 1$$

$$\therefore 1 = (\bar{ب} + ب) (ا + \bar{ا})$$

$$\therefore 1 = (\bar{ا} \bar{ب} + \bar{ا} ب + ا \bar{ب} + ا ب)$$

$$\text{و } \therefore \bar{ا} \bar{ب} \text{ ؟ } (ا + ب)$$

←

١٧١ — وهذه الطريقة لصياغة القضايا على هيئة رموز فائدة جلي ، لأنها الطريقة الوحيدة التي اكتشفت حتى الآن من أجل الوصول إلى نتائج صحيحة ودقيقة إن من الناحية الحسابية أو من الناحية المنطقية . والعلة في هذا كما يرى يرجح أن هناك Joergensen (A treatise of formal logic, II, p.126) أن هناك فائدة كبرى في هذا الرمز فيما يتعلق بفهم المحصورات الأربع وفيما يتعلق بمذهب الاستدلال المباشر . إذ أن في المنطق القديم صعوبات ناشئة عن هذه المسألة ، مسألة : إلى أي حد المحصورات الأربع أو إحداها تتضمن أن ما صدق موضوعاتها ليس « خالياً » ، أعني إلى أي حد القضايا من أجل أن تكون صحيحة تقتضي أن توجد موضوعات في الخارج مقابلة لموضوعاتها . وهذه الصعوبات الموجودة في المنطق القديم يمكن أن تصاغ بإيجاز هكذا : « المنطق القديم ، في نظرية الاستدلالات المباشرة ، يزعم أن كل حد يقوم مقام الموضوع أو المحمول له

$$\leftarrow (A + \bar{A}) \text{ يساوي } 1$$

$$\therefore \bar{A} \text{ هي تنفي } (A + \bar{A} + \bar{A})$$

$$\text{ولكن } (A + \bar{A} + \bar{A}) = A + 1$$

$$\therefore \bar{A} \text{ هي تنفي } (A + 1)$$

$$\text{أي أن } (A + 1) = \bar{A} \text{ وهو المطلوب أولاً}$$

$$\text{وبالمثل نرى أن } (A + \bar{A} + A) = 1$$

$$\text{ولكن } (A + \bar{A} + A) = A + 1 \text{ [لأن } A = A + \bar{A}]$$

$$\bar{A} = A + \bar{A} \text{ فبجمع كلا الطرفين ينتج أن } A + \bar{A} = A + \bar{A}$$

$$A + \bar{A} \text{ مع ملاحظة أن } A + \bar{A} = A + \bar{A} \text{ [} A + \bar{A} \text{]}$$

$$\therefore A + \bar{A} = 1 \text{ سلب } A$$

$$\therefore A + \bar{A} = 1 \text{ وهو المطلوب ثانياً .}$$

ما صدق في الوجود الخارجي ، وهذا يتعارض تعارضاً واضحاً مع ما يظهر لنا من التحليل المباشر للقضايا الكلية ، ومع المبادئ الأساسية في نظرية المعرفة فيما يتعلق بالصلة بين المفاهيم وموضوعاتها الخارجية .

ولننظر الآن في هذا بالتفصيل .

فنحن نجد أولاً أن الاستدلال عن طريق التناقض يفترض على كل حال وجود موضوعات خارجية في القضايا الجزئية . لأنه إذا لم توجد أي « ا » فإن القضية « ك » : « كل ا هي ب » والقضية « س » : « بعض ا ليست ب » يمكن أن تكونا صادقتين معاً ؛ وبالمثل القضية « ل » : « لا ا هي ب » والقضية « ب » : « بعض ا هي ب » يمكن أن تكونا صادقتين معاً . فإذا كان صدق كل زوج من هذين على حدة غير صحيح ، فلا بُدُّ على كل حال من أن تكون القضايا الجزئية تتضمن أن « ا » توجد .

وكذلك نجد في الاستدلال بالتضاد أنه يفترض وجود موضوعات في القضايا الكلية ؛ لأنه إذا كان لا يوجد أي « ا » ، فإن القضية « ك » : « كل ا هي ب » والقضية « ل » : « لا ا هي ب » يمكن أن تصدقا معاً .

ونفس هذا الافتراض موجود في حالة المتداخلتين تحت التضاد ؛ لأنه إذا كان لا يوجد أي « ا » ، فإن القضية « ب » : « بعض ا هي ب » والقضية « س » : « بعض ا ليست ب » يمكن أن تكذبا معاً .

وكذلك في حالة المتداخلتين نجد أن هاتين تفترضان (ا) إما أنه لا توجد موضوعات القضايا الكلية ولا القضايا الجزئية ، ب) وإما أن كلامنا موضوعات الكلية وموضوعات القضايا الجزئية موجود ؛ وإلا فإنه سيكون من الممكن أن نستنتج ، من مجرد المفهوم نفسه ، وجود بعض الموضوعات الداخلة تحت هذا العنوان .

وينطبق كذلك في حالة العكس بالتحديد ؛ أما العكس البسيط فلا يعني بما يتعلق بوجود الموضوعات في القضايا المعكوسة . ولكن لما كانت هذه القضايا المعكوسة يمكن أن تكون مقدمات في الأنواع الأربعة من الاستدلال المباشر المذكورة آنفاً ، فإنه ينتج من هذا أنه ليس فقط موضوعاتها بل وأيضاً محمولاتها لابد أن يكون لها ما صدق في الوجود .

وأخيراً نجد أنه من شروط صحة الاستنتاج عن طريق نقض المحمول فيما يتصل بإمكان تحويل مثل هذه الاستدلالات إلى مقدمات من الأشكال الأربعة الأولى للاستدلالات المباشرة - أنه ليس فقط الموضوعات والمحمولات بل وأيضاً مسلوقاتها يجب أن يكون لها ما صدق في الوجود .

ومن هذا كله نستنتج أن الاستدلالات المباشرة في المنطق القديم تفترض الماصدق في الوجود لكل الحدود ومسلوقاتها في كل القضايا .

ولكن - إذا يتنافى (١) مع ما هو مسلم به عموماً فيما يتعلق بمعنى الحدود في صلتها بالواقع ، (٢) ومع التحليل المباشر لحقيقة القضايا الكلية بالمعنى الصحيح . (١) لأن من الواضح أننا نضطر أحياناً إلى استخدام كثير من الحدود التي لا تقابلها موضوعات في الواقع الخارجي ، مثل « عفريت » ، « وحيد القرن » إلخ ؛ كما يلاحظ أيضاً أنه بالنسبة إلى كثير من الحدود الشك يحيط بموضوعاتها المقابلة مثل « الآلهة » ، « الملك » ، « الروح » ، « اللانهاية » ، بل في وسعنا أن نأتى بحدود يستحيل أن نجد لها مقابلًا في الواقع مثل « لاشيء » ، « دائرة مربعة » وإلا فإنه إذا لم توجد حدود لا مقابل لها في الموضوعات الخارجية ، فسيكون من المستحيل حينئذ أن ننكر وجود شيء ؛ فمثلاً قضية كالتالية : « العفاريت لا توجد » ستكون متناقضة مع نفسها ، من حيث أنها تفترض أو تقول ما تنكره ، أعني وجود العفاريت .

(٢) وكذلك من الواضح أن كل القضايا الكلية بالمعنى الصحيح (أعني التي لا تقوم على أساس الاستقراء التجريبي ، والتي عدم إمكان استنفادها كلها من حيث المبدأ يجعلها موضعاً للشك) هي في الواقع ذات طابع افتراضي أو شرطي ويجب أن تؤول تبعاً للصيغة : « إذا وجدت الألفات ، فإنها باءات » أو ما يشبه ذلك .

ويتضح هذا من كون صدق أى قضية كلية مستقلاً تمام الاستقلال عن مسألة وجود موضوعات داخلية تحت الحد القائم مقام الموضوع فيها أو عدم وجودها : « كل المثلثات المتساوية الأضلاع » ، « كل مخالفة للقانون يعاقب عليها » - هذه القضايا صادقة بصرف النظر عن مسألة وجود مثلثات أو مخالفات للقانون إلخ . لأن كل ما نقوله في هذه القضايا هو الارتباط أو الانفصال بين صفتين أو كيفيتين : بين المثلث المتساوي الزوايا والمتساوي الأضلاع ؛ بين مخالفة القانون والمعاقبة ؛ ولا نقول شيئاً عن وجود موضوعات بالفعل لها هذه الصفات المذكورة .

وها هنا قد يؤدي مذهب الاستدلال المباشر في المنطق القديم إلى نتائج فيها مغالطة . فنلنا من القضية : « لا رياضي اكتشف طريقة لتربيع الدائرة » نستنتج بواسطة العكس : « لا واحد من الذين اكتشفوا طريقة لتربيع الدائرة هو رياضي » ، وبواسطة نقض المجهول : « كل من اكتشف طريقة لتربيع الدائرة هو لا - رياضي » ؛ وبواسطة العكس بالتحديد : « بعض اللارياضيين اكتشف طريقة لتربيع الدائرة » - وهذه القضية الأخيرة في الواقع كاذبة ، ولو أن نقطة البدء في كل الاستدلال صادقة . والخطأ مرجعه كله إلى القول بما صدق في الوجود للحد « مكتشفو تربيع الدائرة » . ولهذا يجب أن نصحح ما يقوله المنطق القديم فيما يتعلق بالاستدلال المباشر . وهذا يمكن أن نقوم به خصوصاً بتصحيح

نظرته إلى التضمن الوجودى للقضايا . وهذا ما قننا به عن طريق الرمز آنفاً
للمحصورات الأربع .

فتبعاً لهذا الرمز ، القضية ل (ا ب = صفر) تقول فقط بأنه لا يوجد أى موضوع
ينسب إلى الصنف ا وليس إلى الصنف ب (دون أن تقول إنه توجد موضوعات
تنسب إلى كلا الصنفين) . وتبعاً لهذا يمكن النظر إلى القضية ل باعتبارها
سالبة ، أعنى فيما يتعلق بالتضمن الوجودى ، أى تضمن الوجود فى الخارج .

وهذا ينطبق كذلك على القضية ل (ا ب = صفر) اللهم إلا أن القول هنا
هو بأنه لا يوجد أى موضوع ينسب إلى ا و ب معاً .

أما القضايا الجزئية فهى على العكس من ذلك موجبة فى تضمنها الوجودى :
فالقضية ب (ا ب ≠ صفر) تشير إلى أن الصنف ا ب ليس فارغاً ، أى تقول
بوجود موضوعات (أو موضوع واحد على الأقل) ينسب إلى كل من ا و ب ؛
بينما القضية س (ا ب ≠ صفر) تقول بوجود موضوعات تنسب إلى ا دون
أن تنسب إلى ب * .

* للبرهنة على ما يلى :

$$ا \neq ب \quad \text{تعادل} \quad ا = ب \text{ كاذبة}$$

$$ا \neq ا \quad \text{تعادل} \quad ا = صفر \text{ و } ا \neq صفر \text{ تعادل } ا = ا$$

نجرى البرهان التالى وهو يعتمد على القوانين التالية :

$$(ا) \quad ا + ا = ا \quad \text{قانون الثالث المرفوع}$$

$$(ب) \quad ا ا = صفر \quad \text{قانون التناقض}$$

١٧٢ — فإذا تساءلنا الآن ، ما هي الأنواع الصحيحة من الاستدلالات المباشرة من وجهة النظر هذه إلى المحصورات الأربع ، توصلنا إلى النتائج التالية :

الاستدلالات بواسطة التقابل بالتناقض صحيحة ، لأنه إذا كانت $ا = \text{صفر صادق}$ ، فإن $ا \neq \text{صفر يجب أن تكون كاذبة}$ ، والعكس بالعكس ؛ وإذا كانت $ا = \text{صفر صادق}$ ، فإن $ا \neq \text{صفر يجب أن تكون كاذبة}$ ، والعكس بالعكس .

وهذا ينتج من القانون الجبري القائل بأن : $ا \neq \text{ب يعادل } ا = \text{ب كاذبة}$ ؛ ومن القانون :

$$ا \neq ا \text{ تعادل } ا = \text{صفر و } ا \neq \text{صفر تعادل } ا = ا$$

والاستدلالات بواسطة التقابل بالتضاد غير صحيحة ، لأنه إذا كان $ا = \text{صفر}$ ، فإنه يكون لدينا معاً $ا \neq \text{صفر و } ا = \text{صفر}$ ؛ ولكن فقط

$$= (\text{ح}) \text{ حاصل ضرب } ا = ا \text{ و } ا = \text{صفر يعادل صفر}$$

البرهان : $ا = ا$ يعادل ا

$$ا = \text{صفر يعادل } ا$$

∴ حاصل ضرب $ا = \text{صفر و } ا = ا$ يعادل $ا$ وهذا $= \text{صفر}$

تبعاً للقاعدة رقم ب

$$(د) \text{ حاصل جمع } ا = ا \text{ و } ا = \text{صفر يعادل } ا$$

البرهان : بطريقة كالسافة يمكن أن نبين أن حاصل جمع $ا = ا$

$$ا = \text{صفر يعادل } ا + ا \text{ وهذا } ا$$

في الحالة التي يكون معلوماً لدينا فيها أن $1 \neq \text{صفر}$ يكون $1 = \text{صفر}$ تتضمن

$1 \neq \text{صفر} \wedge 1 = \text{صفر}$ تتضمن $1 = \text{صفر}$.

وهذا يستتبع من أنه إذا كانت $a = 0$ صفر وكانت $a \neq 0$ صفر فإن $a \neq 0$ صفر. وذلك لأنه إذا كانت $a = 0$ صفر وكانت $a \neq 0$ صفر فإن $0 = 0$ صفر.

$\therefore \bar{b} \neq \text{صفر}$ $\therefore a \times \bar{b} \neq \text{صفر} \times \text{صفر}$ $\therefore a \neq \bar{b}$ $\therefore \text{صفر} = \bar{b}$ $\therefore \text{صفر} = \bar{a}$ $\therefore \text{صفر} = \bar{\text{صفر}}$

أما إذا كانت $a = \text{صفر}$ فإن $b \neq \text{صفر}$ $\therefore \bar{b} = \text{صفر}$ $\therefore \bar{a} = \text{صفر}$

وهذا يعني أنه ينطبق على الاستدلالات بالتقابل بالدخول تحت التضاد وبالتداخل.

أما العكس البسيط فهو على العكس من ذلك صحيح تبعاً للمصادرة
القائلة بأنه :

إذا كانت 1 ، $b \times 1 = b$ و $1 \times b = b$ عناصر، فإن: $1 \times b = b \times 1$
 أى مبدأ التعويض.

وأخيراً نجد أن الاستدلال بواسطة نقض المحمول صحيح ، لأنه ليس شيئاً
آخر غير ترجمة مختلفة « لمعادلة منطقية » واحدة ؛ فإن : $a - b = 0$ صفر يمكن أن
تقرأ « كل ا هي ب » أو « لا ا هي لا - ب » كما نشاء .

حساب القضايا

١٧٣ - نما حساب القضايا في البدء وكأنه تابع لحساب الأصناف ،
فما انطبق على حساب الأصناف طُبِّق على حساب القضايا . ويتضح هذا بطريقة
تشبه ما نفعله في المنطق القديم حينما نريد الانتقال من القياس الاقتراعى إلى

الشرطى فترجم قياساً شرطياً مثل : « إذا كانت a هي b ، كانت c هي d ؛
ولكن a هي b ؛ إذن c هي d » كما يلي :

كل الأحوال التى فيها تكون a هي b هي أحوال فيها c هي d .

وهذه الحالة حالة فيها a هي b

إذن هذه الحالة حالة فيها c هي d .

أعنى أن حساب الأصناف يمكن أن يمتد إلى القضايا بتطبيقه على أصناف
الأحوال التى تكون فيها هذه القضايا صادقة . ومثل هذا الصنف من الأحوال
هو ما صدق القضية . وهكذا ينطبق حساب الأصناف بالطريقة عينها على حساب
القضايا منظوراً إليها من ناحية المصدق . ولكى نقوم بهذا لابد من
التفسيرات التالية :

(١) a ، b ، c ، إلخ تمثل قضايا بالمصدق ، أى أصناف الأحوال التى فيها
القضايا صادقة .

(٢) $a \times b$ تمثل القول معاً بالقضية a والقضية b ؛ أعنى صنف الأحوال
التي فيها a و b صادقتان معاً .

(٣) \bar{a} تمثل منقوضة a أو « a كاذبة » ، أعنى صنف الأحوال التى تكون
فيها a كاذبة .

(٤) $a + b$ تمثل « a صادقة أو b صادقة » ، أعنى صنف الأحوال التى
فيها إحداها على الأقل صادقة .

(٥) صفر تمثل صنف الصفر للأحوال ، حتى إن $a =$ صفر رمز للأحوال
« a صادقة لافى حالة » أو « a كاذبة دائماً » .

- (٦) $1 = 1$ ترمز إلى أن « ١ صادقة في كل حالة » أو « ١ صادقة دائماً » .
- (٧) $1 > 1$ معناها أن « كل الأحوال التي فيها ١ صادقة هي أحوال فيها ١ صادقة » أو « إذا كانت ١ صادقة ، فإن ١ صادقة » .
- (٨) $1 = 1$ معناها أن « الأحوال التي فيها ١ صادقة هي عين الأحوال التي فيها ١ صادقة إذا كانت ١ صادقة ، وكاذبة إذا كانت ١ كاذبة » .

ولكن يلاحظ أن القضايا على نوعين : (١) فهناك قضايا تشمل أو تقول بطريقة غير محددة بواحدة من مجموعة أحوال . وهذا النوع من القضايا يحتوي على حد (أو حدود) متغير ، تعريفاً أو تضميناً ، في مدلوله المصدق . فمثلاً : « كل ١ هي ١ » تشمل على الحدين المتغيرين ١ ، ١ . والقضية التي من هذا النوع تكون صادقة في بعض الأحوال - إذا أعطينا لكل من ١ و ١ معنى معينة - وتكون كاذبة في أحوال أخرى : فالقضية في ذاتها لا يمكن أن يقال عنها بالمعنى الصحيح إنها صادقة أو كاذبة . (٢) كما أن هناك قضايا لا تشمل على مثل هذا الحد المتغير ، ولكنها محددة ، وتكون تبعاً لهذا إما صادقة دائماً أو كاذبة دائماً وفي كل الأحوال .

والقضايا التي من النوع الأول تسمى « دوالاً * قضائية » ؛ والكلمة « قضية » خصصت للنوع الثاني . وهكذا نرى أن « القضية » ، في مقابل

* مأخوذة بالمشابهة بالدالة الرياضية ؛ والدالة الرياضية تعرف كما يلي : إذا توقفت كمية ما s على كمية أخرى s بحيث تتغير s كلما تعينت s ، فإنه يقال إن s دالة للكمية s ؛ كما تسمى s بالمتغير المستقل أو المتبوع ، وتسمى s بالمتغير أو التابع .

ويرمز للدالة عادة بالحرف d فيقال إذا كانت m (مساحة الدائرة) $= \pi r^2$ فإن $m = d(r)$ أي m دالة للمتغير r .

« الدالة القضائية » لاتشتمل على أى حد متغير أو غير محدد ، ولا يمكن أن تكون صادقة بالنسبة إلى بعض الأحوال كاذبة بالنسبة إلى البعض الآخر ؛ فهي إذا كانت صادقة مرة كانت صادقة دائماً ؛ وإذا كذبت مرة كانت كاذبة إلى الأبد .

ولهذا انقسم البحث في حساب القضايا إلى قسمين : حساب القضايا بالماصدق ويسمى : الجبر ذا القيمتين two - valued algebra ؛ وحساب الدوال القضائية . فلنبدأ بالبحث في الجبر ذى القيمتين .

١٧٤ — لما كان هذا الجبر ذو القيمتين يقوم على القضايا بالمعنى الضيق أعنى أن القضية لايفرق فيها بين أن تكون أحيانا صادقة وبين أن تكون دائماً صادقة ، بين أن تكون أحيانا كاذبة وبين أن تكون دائماً كاذبة ، فإن هناك مبدأ جديداً لا يوجد في حساب الأصناف ولا في حساب الدوال القضائية نحتاج إليه هو : « بالنسبة إلى أى ١ ، إما $1 = 1$ صفر أو $1 = ١$ » .

وهذا الجبر هو بعينه الجبر للمنطقى عند بول وشريدركا عرفناه في حساب الأصناف ، اللهم إلا فيما عدا بعض القوانين الإضافية الناشئة عن هذا المبدأ ، ولهذا الادعى لتكرار ما قلناه في حساب الأصناف . لذا سنكتفى بذكر بعض القوانين كامثلة .

لكن يلاحظ هنا أن من الواجب أن نستخدم نظاماً للرموز مختلفاً عن ذلك الذى استخدمناه في حالة الأصناف . وهذا الاختلاف ينعصر فيما يلي :

(١) بدلاً من ١ ، ب ، ح سنستخدم ص ، ت ، ص ، الخ للقضايا .

- (٢) بدلاً من A مستخدم \neg لمنقوضة \neg أو \neg كاذبة \neg .
- (٣) بدلاً من $A > B$ منكتب $\neg C$ ت للدلالة على أنه « إذا كانت \neg صادقة ، فإن ت صادقة » أو \neg تستلزم ت \neg .
- (٤) بدلاً من $A + B$ منكتب $\neg V$ ت للدلالة على أنه « على الأقل إحدى الاثنتين ، \neg م ت ، صادقة » أو « إما \neg أوت \neg .
- (٥) بدلاً من $A \wedge B$ منكتب \neg . ت للدلالة على القول معاً بالقضيتين \neg وت أو \neg وت صادقتان معاً \neg .
- (٦) وبدلاً من العلامة $A = B$ منكتب $\neg \equiv$ ت للدلالة على: « وت صادقتان معاً أو كاذبتان معاً » أو « \neg تكافئ ت \neg .

فمثلاً مبدأ القياس يصاغ في حساب القضايا كما يلي :

إذا كانت $\neg C$ ت وت C من فإذن $\neg C$ من .

ويقرأ هكذا : « إذا كانت \neg تستلزم ت \neg تستلزم من ، فإذن \neg تستلزم من \neg .

ومثلاً أيضاً القانون القائل في حساب الأصناف : $A = B$ يعادل $A = \neg B$ يصاغ هكذا في حساب القضايا(*) :

$\neg \equiv \neg \neg \equiv \neg \neg$.

(*) يبرهن على هذا بأن يقال إن الصنف الواحد لا يمكن أن يكون له غير مطلوب واحد أو منقوض واحد — أو منقوضات المتساويات متساومة .

ويقراً هكذا : ، v تكافئ t ، يعادل : (v كاذبة) t تكافئ .
(t كاذبة) .

ويمكن أن تصاغ أيضاً في رموز فقط هكذا : $(v \equiv t) \equiv (t \equiv v)$ كما يمكن أن يصاغ مبدأ القياس بالرموز هكذا : $(v \equiv t \text{ و } t \equiv v) \equiv (v \equiv v)$ C ($v \equiv C$) كما يمكن أيضاً ، نظراً إلى أن حرف « و » يدل على الضرب أن يصاغ كما يلي :

$$[(v \equiv t) (t \equiv C) (C \equiv v)]$$

ويمكن مرة أخرى الاستعاضة عن الأقواس الدائرية والمعقوفة بالنقط على أساس أن القوس الدائري تقابله (:) فيصبح هكذا نهائياً :

$$v \equiv t . t \equiv C : C . v \equiv C$$

الدوال القضائية

١٧٤ — الدالة القضائية قول يحتوى على حدد واحد أو أكثر متغير أو مشترك ، بحيث إذا أبدل بالمتغير قيم ملائمة أصبح القول قضية . فمثلاً « كل h ب » h « إذا كانت h ب ، فإن h هي z » h « ا فان » h - كل هذه دوال قضائية فيها h ، z ، h حدود متغيرة . فإذا وضعنا الحد « سقراط » بدلاً من الحد « h » في قولنا « ا فان » ، يصبح القول صادقاً . ولكن إذا وضعنا بدلاً من « سقراط » اللفظ « الله » فإن القول يصبح كاذباً . وإذا وضعنا العدد « ٧ » يصبح لا معنى له . وهكذا نرى أن أى متغير في أية دالة قضائية له نطاق محدود من المعنى - أعني نطاقاً من الحدود الخاصة التي يمثلها المتغير بطريقة مشتركة . فالمتغير « h » في قولنا « ا فان » يتضمن في نطاق معناه الحد الخاص

« سقراط » الذى تصبح الدالة القضائية بالنسبة إليه صادقة ، والحد « الله » الذى بالنسبة إليه تكون الدالة كاذبة ؛ ولكن العدد « ٧ » الذى يجعل الدالة لا معنى لها يخرج عن هذا النطاق . والحدود الخاصة الداخلة فى نطاق المعنى لأى متغير فى دالة تسمى « قيم » هذا المتغير . وما هو داخل ضمن قيم المتغير تعيينه بقية القول — أى الجزء الثابت من الدالة : فنطاق المعنى أو نطاق القيم الذى يكون القول معه ذا معنى إذا استبدلت هذه القيم بالحد فى القول : « ا فان » هو ثابت لا بواسطة ا ولكن بواسطة « فان » .

وحيثما تستبدل بكل متغير فى الدالة القضائية قيمة لهذا المتغير يصبح القول قضية إما صادقة دائماً أو كاذبة دائماً . والتعريفات الرئيسية هى :

١ — القضية هى تعبير يصدق أو يكذب .

٢ — الدالة القضائية تعبير يشتمل على متغير واحد أو أكثر بحيث إذا استبدل بكل متغير قيمة له يصبح قضية .

ويلاحظ أن قيم المتغير تتضمن حدوداً تجعل الدالة كاذبة ، أو حدوداً تجعلها صادقة . وقد اعتاد المناطق أن يرمزوا إلى الجزء الثابت من الدالة القضائية بالرموز F, Ψ, Φ الخ ؛ ولكن يستحسن استخدام الحروف اليونانية ؛ وأن يرمزوا إلى المتغير فى الدالة القضائية بالرموز x, Y, z . وسنرمز نحن فى العربية إلى الجزء الثابت بالرمز د ، ذ الخ وإلى الجزء المتغير بالرموز س ، ص ، ع الخ . وهكذا يرمز إلى الدالة القضائية كلها هكذا : د (س) ، د (ص) ، د (ع) ، الخ . $\Phi (x), \Psi (x, Y), etc$ وحيثما لا يكون ثمة غير متغير واحد يمكن حذف الأقواس فتصير د س ، د ص ، د ع الخ .

١٧٥ — وهنا يلاحظ أن القضية يقال عنها إنها صادقة أو كاذبة فحسب . أما الدالة القضائية فيقال عنها إنها صادقة دائماً أو صادقة أحياناً . وهذه تفرقة

مهمة : فهناك فارق كبير بين قولنا « صادقة دائماً » وبين قولنا « صادقة » ، لأن الأولى تدل على أنها « صادقة في كل الأحوال » . ولكن بالنسبة إلى القضية لا يمكن التحدث عن أحوال الصدق . ونستعمل الرمز التالي : دس دائماً « للقول بأن الدالة س صادقة دائماً ؛ وكما أن القول « ق » يدل على أن القضية ق كاذبة ، فإن « دس دائماً » - يدل على أن « دس كاذبة دائماً » . وكذلك إذا قلنا « دس أحياناً » ندل على أن « دس كاذبة أحياناً » .

وماصل الضرب المنطقي لمجموعة قضايا هو دالة قضائية صادقة أحياناً ، أى صادقة بالنسبة إلى قيمة أو أكثر من قيم المتغير .

وماصل الجمع المنطقي لمجموعة قضايا هو دالة قضائية صادقة أحياناً ، أى صادقة بالنسبة إلى قيمة أو أكثر من قيم المتغير .

ورسل Russell يرمز إلى حاصل الضرب المنطقي بالرمز التالي : Φx . (x) و يترجم هكذا . « (س) . دس » أى « بالنسبة إلى كل قيم س ، دس » . وحاصل الجمع المنطقي هكذا : $(\exists x) . \Phi x$) وتترجم « (م س) . دس » (يلاحظ أن م من الكلمة « إما » Either) . أى « دس صادقة بالنسبة إلى قيمة واحدة أو بعض القيم الخاصة بالحد س » .

فمثلاً إذا كانت د تدل على « هو قان » فإن « (س) . دس » تعنى أن « كل شيء هو قان » ؛ بينما « (م س) . دس » تعنى أن « هناك أشياء هي قانية » وكذلك « دسقراط » معناها أن « سقراط قان » .

وبالمثل « (س) . دس » نقول بأن « دس كاذبة دائماً » أعنى أنه لا توجد مجموعة من القيم تدل على الدالة « دس » . وهكذا نجد أن الدالة القضائية الكاذبة دائماً تدل على صنف الصفر .

١٧٦ — وهنا يلاحظ أيضاً أننا حتى الآن نظرنا إلى الرموز على أساس أن يُستبدل بها أسماء ، أى أن الرموز خاصة بالأفراد . ولكن هناك رموزاً لا تدل على أسماء ، بل تدل على أوصاف مثل : «أقدم ساكن» ، «مؤلف رسالة الففران» . ورسـل Russell يسمي هذه الرموز في هذه الحالة باسم «الأوصاف المحددة» في مقابل «الأوصاف غير المحددة» مثل : «رجل» ، «مؤلف» ، «ساكن» إلخ . وهذه التفرقة بين الاسم والوصف المحدد مهمة . ذلك لأن الاسم يجب أن يكون اسماً لشيء ، أى يجب أن يكون له مقابل في الخارج ينطبق عليه . أما الوصف المحدد فليس من الضروري أن يكون له مقابل ينطبق عليه ، وفي هذه الحالة تكون الدالة التي يذكر فيها كاذبة . فمثلاً قضيائاً مثل «أكل كائن يمكن تصويره» ، أو «الرجل الذي في القمر» لا نتحدث عن «أسماء» أشخاص أو أفراد ، بل هي أوصاف محددة قد توجد موضوعاتها وقد لا توجد . وهذا التحليل لطبيعة القضايا ذات الأوصاف المحددة له أهمية خاصة بالنسبة إلى البرهان الوجودى لإثبات وجود الله .

٢٥ — وأخيراً نجد أن كل القوانين الخاصة بحساب الأصناف تنطبق هنا كما انطبقت على الجبر ذى القيمتين إذا ما نظرنا إلى س باعتبارها هي ا ، ب ، ح في الأصناف .

تصويب

في ص ١٤٧ سطر ٧ من أسفل
الخطأ من ح ع
الصواب من ح ع

مطبعة السنة المحمدية
١٧ شارع شريف باشا الكبير - عابدين
ت : ٩٠٦٠١٧



Bibliotheca Alexandrina



0433232

التمن ٥٠